

BΣ

MAHAMAHOPADHYAYA PT. BAPUDEYA SASTRI, C. I. E.

EDITED WITH NOTES & EXERCISES &C

PANDIT MURALIDHARA JHA J. A PROFESSOR,

GOVERNMENT SANSKRIT COLLEGE.

BENARES

PUBLISHED BY

SRI HARIKRISHNA DAS,

PROPRIETOR, 'GUPTA BOOK DEPOT', KACHAURIGALI. BENARES CITY

All Rights Reserved.

1916

सरलित्रकोणिमतिः।

महामहोपाध्यायपण्डितबाषूदेवशास्त्रिसंकलिता । काशीस्य-गवर्नमेण्ड-संस्कृतपाठशाळायां प्रधानगणितशास्त्राध्यापक-

संबर्ध संशोधिता।

ज्यौतिषाचार्येपण्डितश्रीसुरलीधरश्चर्मभिष्टिप्पण्यादिभिः



काञ्चीस्य-गुप्तबुक्डीपोस्वामिना श्रीहरिकृष्णदासेन् निजन्ययतो सुद्रयित्वा मकाशिता ।

[अस्य सर्वेऽभिकाराः प्रकाशकायचारुताः]

This form has been printed by G. K. Gurjar at Shri Lakshmi Narayan Press, Beneres City.

संवत् १६७२ ।

भूमिका

षस्तीद् गणित-गोठादिविविधविषयपूरितः श्रुतिपयप्रद्शी ज्यौ-तिविसिद्धान्तो भारतेऽन्यत्र च सुप्रसिद्धः सर्वेषां सिद्धविद्यानां पुरतः । सोऽयं क्रमशः सुखवोधाय गणितठाधवादिमाश्रित्यः ठन्धात्माम्यु-दय इदानीं वस्तुतोऽन्यान्यवेदाक्षेषु शिथिठतां गतेष्विप स्वचक्षुश्वा-रितार्थं विश्वेषतो मजत एव ।

यतः स्यित्तां छममानस्यापि तस्यावलोकनसामर्थ्वर्षकं यद्यार्थं नेत्रावरणमिवाभिनवाव्यक्तगणितच्यामितिकत्रिकोणमित्यादि विषयजातम् । येनं चिरसाध्यमपि तज्ज्ञानं त्वचिरसिद्धमिवेखवगम्य त्रयाणां कोणानां मितिरित्सत्रोपचारात् त्रयाणां कोणानां मितिरित्सत्रोपचारात् त्रयाणां कोणानां मितिरित्सत्रोपचारात् त्रयाणां कोणानां मितेज्ञीपिका कृतिरिति सरला प्रथमा प्रथमतो च्यौतिपमुद्धरणसुरीणैः सर्वच्यौतिषिक्रीरोमणिभिः प्रियसिद्धान्तशिरोमणिभिमंदामहोपाध्यायैः श्रीमद्भिः पण्डित वापूद्वशास्त्रिमिरेव संकल्य्य काश्यामेव ' मेडिकल्यहाल '—यन्त्रालयतः प्राकाशि ।

तंसमय एव विद्यमानैः सुत्रसिद्धसिद्धविद्येज्योतिपसिद्धान्ततस्व-विवेकमर्भन्नैमैथिलमुद्धौरः श्रीमद्भिः पण्डितनीलाम्बरसमिन्नोपामिथै-विरिचितः सरलत्रिकोणमितिगोलीयरेखागणितचापीयत्रिकोणमिलादि-नानाज्यौतिपसिद्धान्तीयविपयवासना-विकाशो ' गोलत्रकाशो ' नाम अन्यस्तैरेखोक्कआक्रिक्शः स्वसंस्रोपकरवेत्तास्त्रस्मिन्नेव यन्त्रालये प्रकाशितथा ।

समयानुसारं सर्वत्र संस्कृतपरीक्षानियमे प्रस्तुते संप्रति विशे-पतो रेखागणितित्रकोणमितिगोलीयरेखागणितादिपन्याः पिपठिपुनिः सावधानतया ज्ञातुमभिरुप्यन्ते तत्र पीजमेवाय्यक्तगणितं नय्यमय्यकः मेव यहुभाऽनः प्रयमं तदय्यक्तेमव श्रकाश्यमिति मन्यमानोऽहमादी सरत्रत्रिकोणमितिषुस्तकारुमात् श्रेष्ठिना श. हरिदासगुप्तात्मजेन श्रीहरिकृष्णदासगुप्तेन स्वीकृततन्मुद्रणय्ययादिना शोषयितुं प्रवर्तितो-ऽमृतम् ।

ययि स्वैसिद्धान्तार्यम्टसिद्धान्तप्रमिस्धान्तिकानस्स्फुटसि-द्धान्तादिष्वि जीवाकोटिज्योन्कमञ्चातो धन्कैतत्तवनितसंस्कारा-धवडोकनेन रेखाराकीतद्यानमिनस्यापि द्वानं प्राचीनसमयदिवा-स्त्रेवाऽयोऽपि प्राथात्याकितवित्संकठितां नानामिनवर्गाकतवैवित्र्य-चित्रितां चृहतीं तामेव सर्वं संकटम्य प्रकाशित्तुमुक्किण्ठतोऽपि गुरुवनकृतिससुद्धरणत्रतालिस्सपाऽन्तरायित एतामेव सरलाविको-णमितिं संशोचित्रमारमेयस् ।

खत्र चत्वारीऽप्यायाः प्रकामपद्वाच्याः प्तिद्धान्तनिययाश्च सन्ति यत्र स्थानविशेषे श्रद्धगुप्त-मास्कराचार्यादीनां च्याकोटिज्यावृत्तान्त-श्चिश्चलचतुर्श्वजफलवृत्तफलादिसाधननियामकाः स्रोका उपपधन्ते तत्र२ ते२ रत्नोकाश्च मतिपदोक्ता वर्तन्ते मध्येऽभ्यासार्थं कतिपयाः प्रका विशेषतश्चतुर्याध्याये प्रधातमापकसंकेतेन कोणज्यादिमानसाधनं वेषतः स्थानान्तरितवृक्षपर्वतीज्ञ्वितनदीविस्तारादिज्ञाषका अन्यान्ते

विश्वतिः प्रश्नाध्य सुरक्षिताः । 🕠

भत्र बहुत स्पर्छेषु यत्ररे जीवादिस्वरूपमात्रप्रदर्शनादेव प्रक्ष-माङ्गास्तत्र रे मया वाक्यतो बृहद्दश्चीश्चापिताः । यत्र चारमद्गुरुव-राणां च्यौतिषमास्कराणां गणिताद्वितीयानां महामहोपाध्यायपण्डित-श्रीमसुधाकरद्विदेदिनां दित्रं पद्यपुष्पयते तत्र रे टिप्पयां तद्य्या-दतं तयाऽन्यासार्यं अन्यमध्यस्यप्रदनानामुतराणि च सुरुमं द्विताति। चतुष्पीध्यायस्यप्रमातनापकगणितावयोषकं गवीनगणितमप्यावदयक- (₹)

त्वेन तत्र चतुर्याध्यायात् प्रागेव निःक्षिप्तं तथा प्रन्यान्ते रक्षितानां विंशतेः प्रश्नतानां सोपपत्तिकं कळासारण्यनुसारगणितप्रदर्शन-(छाग्रे-यम = Logarithm) छपुरिक्यगणितपूर्वेकमुत्तरं चान्ते निवेश्य सर्वान्ते कतिचन प्रश्ताश्चान्येऽन्यासार्थं घृताः सन्ति । एवं यथामुद्धि-विभवं संशोध्यापि '' श्रान्तिमेनुष्यपर्यः''-इति नराभिमानाञ्चानाद-क्षिचापत्यदोषतोऽवश्यं शुटिभागह्ममीक्ष्णं शुद्धान्तः करणान् गणित-सिद्धान्तविद्धणो सुद्धः प्रार्थये ।

श्रीग्रुरलीयरङ्गा मैथिलः।



पुस्तकशातिस्थानम्

श्रीहरिकृष्णदास, मालिक, "ग्रुप्तनुक्दीपो" 'क्वीरीगर्ली' पनारस सिटी।

शुद्धिपत्रम् ।

श्रशुद्धम्	शुद्धम्	पृष्ठे ।	र्गक:
मिष्ट स् याने	मिष्टस्थाने	¥	१४
यमा + कव	कमा÷कव	११	ន
(<u>कोज्याम्म</u>)*	(<u>ज्याम्मा</u>)*	१२	१३
कोज्याक रज्याक	—कोज्याश्च-ज्याक	ξE	₹
कोज्या(अ-क)	कोज्याई(म्र∽क)	્રશ	१२
२कोज्या(झ+क)·ज्याझ-	२कोज्या {(झ+क)• ऱ्या {-	•	
(র – ক)	(ম – ক)	२१	१३
त्रि'म	त्रि ^२ +	સ્પૂ	8
V 10 + 2V 4	₹ <u>0+\$1/4</u>	38	₹
1/4+8 8/2	1/¥+ 8	₹¥	ų
¥√2 √4+8	8/2 V4+8	źż	Ę
प्रकास्य	श क्रमस्य	3.€	२०
<u>२स(स - घ्र)</u> २कग	<u>२स(स∽स्र)</u> , कग	83	=
२(स - क)(स - ग) २कग	२(स-क)(स-ग) कग	ध३	१०
ब्यासाधयो-	ब्यासार्थयो-	용=	१६
आ ^र +घ ^र	झ ै+घै	នឱ	१२
कोज्या ^र ईगा	कग रुपा र ईगा	યૂર્	₹.

(ર	3

यशुद्धम्	गुर्वम्	पृष्ठे	पंकि
२ज्यारश्चा	ज्यारभा	પૂર્	१७
संख्याकज्ञ-	संख्याकर्ज•	ЧY	११
ज्या <u>^{१⊏०°}, कोज्या^{१⊏०°}</u>	ज्या <u>^{१≍०°} × कोज्या^१≍०°</u>	٩E	११
ज्या ^र ञ्ज + ज्या ^र ञ	कोज्या ^र श्च÷ज्या ^र श्च	હ્યુ	११
ज्या६०°+ झ)	ज्या(६०°+ %)	댇	२३
१ १दं धनमूलकापकम्	रिदं घनम्लहापकम्	EE	१६
लघु१३५	लघु १३ ^{र्ड}	20	ક
लघुर =1, ०'१,००'१	लघर = ०, •०१, •००१	83	१०

१०+मघा_दझ

- प्रघा_दकोज्याका

अचर-अधर ,

कामानं

मसंभवं

१७

શ્કુ

३०२ ह

११६ १=

११= ६

१२० १५

१०+ प्रधादम

– प्रधा_दज्याका अध^र – अध^र

कामनं

मसंभावं

त्रिकोणिमतिः ।

तत्र

त्रथमोऽध्यायः।

~∺○∺⊷

नत्वेभास्यं वक्ष्ये त्रिकोणिभितिनापकं गणिततन्त्रम् । यदवगमाद्भूत्वस्यं वस्तु स्याद्गणियतुं सुग्नकम् ॥१॥

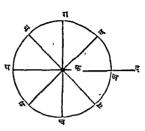
परिभाषाः ।

१ प्रक्रमः । त्रिकोणस्य त्रयो धुनास्तावन्त एव कोणाञ्चेति पढवयवा * भवन्ति । तेपामवयवानामवगमकं तन्त्रं त्रि-कोणामितिसंद्रं स्यात् । तत्र कोणगुणानां सम्यग्ज्ञाने कोणानां भुजैः साकं यः सम्यन्धस्तस्य भुजानां च सम्यग्ज्ञानादत्र फोन्णगुणा ग्रुख्यत्वेन वर्ण्यन्ते ।

२ । संयुक्तिकमान्तयो रेखयोरन्योनयमावण्यं क्षेत्रमितौ कोणशब्देन व्यवद्वियते किन्त्विद त्रिकोणमितौ संयुक्तिकमान्तयो रेखयोः संयुक्ताग्रे मियो ध्दं यद्ध्या पूर्वमेकां रेखामपरस्यां निधाय तस्यां निहितरेखायामेकिसिन्नेव भूतळे श्रमितायां त्रदेखया यावान् पदेशोऽतिक्रम्यते तावान् कोणसंज्ञः स्यात् ।

[🕸] त्रिभुजस्य फलमपीति सप्तावववर्भवितव्यम् ।

यथाऽत्र किल कद् जाधाररेता।क रेत्रयोः संयोगविन्दुः । तथा कोणोत्पत्त्ये पूर्व या रेता कद-रेतायां नि-धाय एकसिन्नेत्र मृत्ले आन्यते सा कव । तदा-ऽस्या रेताया अमणे-न संजात अकव-कोणक्रैकोणामितिक दच्यते । क्षेत्रयिति-



सम्बन्धा कोणः समकोणह्याद्यधेको न भवति परन्तु त्रिकोणमिति-समुनन्धा ततोऽप्यधिको यथेष्टं महान् जायते। अथ यदि क-केन्द्रमभितः कब इष्टव्यासार्वेनैकम् आग्यच वृत्तं क्रियते तदा सक्वय-कोणसंसुर-आपः क्षेत्रमितावर्षपरिषर्धिको न भवति किन्त्वत्र स चापः परि-धेरप्यधिको यथेष्टं भवितर्गहीतु।

३ । क-विन्दी यथायथा अकव-कोणो वर्धते तथातथा तत्संमुखचापो वर्धते । अतः मितसमकोणसंमुखचापः परिधि-चतुर्याशो भवति । अयमेव पदसंझः ।

- ४ । यदि केनचित् कोणेन तत्संग्रुखचापो लभ्यते तदा-ऽन्येन कोणेन किमित्यतुपातेन तत्संग्रुखचापो लभ्यत इति संत्रमितो पष्टाध्याये त्रयस्त्रिशी प्रतिक्षोपपादिताऽस्ति तयेदम-वगम्यते ।
 - (१) कोणतत्संमुखचापयोरंशादिसंख्या समैव भवति ।
- (२) निर्दिष्टचापदैर्ध्यात् तबापसंमुखकेन्द्रख्यनकोणस्यांशादि मानमवगन्तुं शक्यत इति ।
- ५। (२ पक्रमस्यक्षेत्रं द्रष्टव्यम्) कद-आधाररेखामारभ्य कव-रेखाया भ्रमणेन संजातः अकव-कोणो यदा समकोणा-न्यूनो भवति तदा स आद्यसमकोणीय उच्यते तत्संग्रुखवा-पश्चावपदीयः। यदा स कोण एकसमकोणादिधिकः समकोण-द्वयान्य्यनस्तदा स द्वितीयसमकोणीय उच्यते तत्संग्रुखाचापश्च द्वितीयपदीयः। एवमग्रेऽपि।
- ६ । कद-आधाररेखातः कव-रेखा यथायथाऽजुलोर्भ भ्रमित तथातथा अकव-कोणो वर्धतेऽतः सा यथायथा विलोर्भ भ्रमेत् तथातथा स कोणो हासिमयादिति त स्पष्टतरम् । अत एव चतुर्थसमकोणान्तः पाती अकव-कोण ऋणं भवति । कव-रेखाया विलोमभ्रमेण तत्कोणोत्पत्तेः । अत एव तत्कोण-संमुखः अव-चापोऽपि ऋणं भवति ।
- । यस्मात् कस्माचिद्यि चापात् कोणाद्वा पदं समकोणो या यावदतिरिच्यते तावती तद्यापस्य कोणस्य वा कोटिः स्यात् । यथा-(२ प्रवश्चेव्द्रव) अव-चापस्य अवय-कोणस्य वा सग-चापः

बकग-कोणो वा केटि: स्यात् । अतश्चापकोणयोः प्रत्येकर्मशादिमाने नवतेः शोधिते तयोः कोटिमानमवशिष्यते । यथा-२३, १५, ४५, ४५, ४ अस्य कोटि: ६६, ४४, १५,

अतु॰ (१) नवस्रधिकस्य चापस्य कोणस्य वा कोर्टी ऋणं भवति। अतु॰ (२) जासम्बद्धे स्ट्रपुकोणयोगोगस्य नवतितुत्त्यत्वात् सरोरिकोऽपरम्य कोर्टिभेनतः।

 । यस्पात् कस्माचिचापात् कोणाद्वा परिध्यर्थ समको-णद्वयं वा यावताऽधिकं तावत् तचापस्य कोणस्य वा स्पर्धिसंग्रं स्पात् ।

यथा-(२ प्र. क्षे. र्र.) श्रव-चापस्य अकव-कोणस्य वा यघ-चापः धकप-कोणो वा स्पर्धी स्वात् । अतश्चापकोणयोः प्रत्येकमंशादिमाने साजीतिज्ञताच्छोपिते तयोः स्पर्धिचापकोणाववशिष्येते ।

यथा-५५°, ३५′, ४०°। अस्य स्पर्धो=१२४°, २४′, २०°।

अनु॰ (१) साशीतिशताधिकस्य चापस्य कोणस्य वा स्पर्धी ऋणं भवति ।

अतु० (२) ध्यसमात्रे कोणत्रययोगस्य समकोणद्वयतुत्यत्वात् ध्यसे एककोणस्यापरकोणद्वययोगः स्पर्धी भवति ।

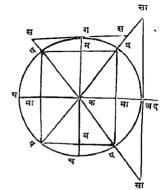
९ । अय चापकोणयोः सम्बन्धिनः कतिचन पदार्थाः कथ्यन्ते । तत्र चापसम्बन्धिनः पदार्थाक्षापीया उच्यन्ते कोणसम्बन्धिनक्ष कोणीयाः ।

जीवादिपरिभाषाः ।

(१) चापस्यैकमान्ताद्यासं कृत्वा द्वितीयमान्तात् तद्यासोपरि कृतो छम्बस्तच्चापस्य ज्या स्यात्।

यथा-कल्प्य० कद्-आधाररेखा । यस्या मूलं क-विन्दुः । तं केन्द्रं

फ़ता कंअ-इप्टब्सा-सार्धेन अगघ च दू-तं कार्यम् । अघ यो ठम्बरूपा विधे-या । तदा यदि अव इप्टचापः स्थात् य-स्य एकमम् अ-वि-न्दी द्वितीयं च घ-तुर्णा पदानामन्य-तमस्यान्वर्गतं स्था-तृ तदा तस्य ज्या यमा मवेत ।



(२) कोणोत्पादकरेखयोरेकतरस्यागिष्टस्याने विन्दुं कृत्वा तस्मादपरस्यां कृताञ्जम्बात् कोणेष्टविन्द्वन्तरेणाप्तं तत्काणस्य ज्या स्थातः।

यथा—अकय-कोणोत्पादकयोः कद्-कसा-रेखयोः कद-रेतायां कसा-रेतायाः व-विन्दोर्वदि वमा-छम्मः क्रियते तदा अकव-काणस्य

ज्या = धर्मा स्यात्। यदि सा-विन्दोः साअ-**डम्यः क्रियते तदा अकय-**

कोणस्य ज्या = साअ स्यात् इयं पूर्वतुल्येव ।

(३) चाषस्पैकभानतात् कृते व्यक्ति यो स्टम्बस्योजन्यो व्यासस्तरिमन् चापापरमानतात् कृतो स्टम्बस्तच्चापस्य कोटि-व्या स्यात् । तच्चापस्य या कोटिस्तस्या व्येत्सर्थः। इयं व्या-मूक्स्य केन्द्रस्य चान्तरेण तुल्या भवति । यथा-अव-चापस्य वम कमा च कोटिज्या ।

(४) कोणोत्पादकरेखयोः कस्यां चिदेकतरस्यां स्थिता-दिष्टविन्दोरपरस्यां कृतस्य छम्बस्य कोणविन्दोश्चान्तरात् कोणे-एविन्द्वन्तरेणाप्तं तत्कोणस्य कोडिज्या स्यात् ।

यथा-अकब-केाणस्य कोटिज्या = कमा = कुस स्यात्।

- (५) चापस्यैकं प्रान्तं स्पृष्ट्वा निर्गता केन्द्रापरमान्तरुप्र-रेखावधियी रेखा सा तच्चापस्य स्पर्शरेखा स्यातः।
- (६) कोणोत्पादकरेखयोरेकतरस्यामिष्टस्याने विन्दुं मकरुप्य तस्मादपरस्यां कृताङम्बाङम्बम्धकोणविन्द्वन्तरेणाप्तं तस्कोणस्य स्पर्शरेखा स्यात् ।

यथा-अकव-कोणस्य स्पर्शरेखा = बमा = असा स्यात्।

 (७) वापस्यैकममं पूर्वपदादि मकल्प्य तत्पदानावृष्टचं स्पृष्ट्वा निर्मता केन्द्रचापापरमान्तलम्बरेखावधिर्या रेखा सा तच्चापस्य कोटिस्पर्यरेखा स्यात् ।

यथा--अव-चापस्य गस कोटिस्पर्शरेखा स्यात् ।

(८) कोणस्य स्पर्धरेखाया भाज्यहारयोः परिवर्त्तनेन यत् संपद्यते तत् कोणस्य कोटिस्पर्धरेखा स्पात्।

यथा--पूर्वसिद्धा अंकव-कोणस स्पर्शरेखा वमा असा ।

: अकव-कोणस्य कोटिस्पर्शरेखा = कमा अर्क वसा असा।

(९) बांपस्यैकमान्तात् कृता या स्पर्शरेखा तदविधः

केन्द्रात्रिर्गता चापापरप्रान्तलग्ना रेखा तच्चापस्य छेद्नरेखा स्यात् ।

यथा---अव-चापस्य कसा छेदनरेखा ।

(१०) कोणस्य कोटिज्याया भाज्यहारयोः परिवर्त्तनेन यत् संपद्यते तत् कोणस्य छेदनरेखा स्यात् ।

यथा—अकव-कोणस्य कोटिज्या = कमा कुछ । कव कसा

े छेदनरेखा = कव = कसा कमा कुल

(११) चापस्यैकमग्रं पूर्वपदादिं मकल्प्य तत्पदान्तात् कृता या स्पर्शरेखा तदवधिः केन्द्रान्निर्गता चापापरमान्तल्ल्या रेखा तच्चापस्य कोटिच्छेदनरेखा स्यात् ।

यथा-अव-चापस्य कस कोटिच्छेदनरेखा ।

(१२) कोणस्य जीवाया भाष्यहारयोः परिवर्त्तनेन यत् संपद्यते तत् तत्कोणस्य कोटिच्छेदनरेखा स्यात्।

यथा-अकव-कोणस्य ज्या = यमा असा ।

. ∴ कोटिच्छेदनरेखा = क्व = कसा । वमा असा

(१३) चापनीवाम् छयोर्मध्ये यद्यासखण्डं तत् तच्चाप-स्योत्क्रमञ्याः स्यातः ।

यथा-अव-चापस्य अमा एकमञ्या स्मात्।

(१४) कोणस्य कोटिज्ययोनं रूपं तत्कोणस्योत्क्रमज्या स्यात्।

(१५) चापस्यैकमग्रं पूर्वपदादिं मकल्य तत्पदान्तस्य कोटिमूलस्य च मध्ये यद्यासखण्डं तत् तत्त्वापस्य कोट्युत्क-मज्या स्यात् । यथा अव-चापस्य गम-कोट्युत्कमज्या ।

(१६) कोणस्य जीवया द्दीनं रूपं तस्कोणस्य कोट्युल्क-मज्या स्यात् !

१० । यदि (अ) इदं कस्यविच्चापस्य कोणस्य वा घो-तकं स्पात् तदाऽस्य ज्यादयः क्रमेणैवं लिख्यन्ते । ज्याअ, कोज्याअ, स्पअ, कोस्पअ, छेअ, कोलेअ, जअ, कोज्य । अत् एव ज्याअ अस्य वर्गः = (ज्याअ) । कोज्याअ अस्य घनः = (कोज्याअ) इत्यादि स्पात् । परमत्र प्रायो लाघवार्थं ज्यां अ, कोज्यां अ इत्यादि, एवमेव लिख्यते । यद्यपि ज्यां अ इत्या-दीनां स्यानविशेषेऽर्योऽन्यया कल्पते ।

११। चापीयाः कोणीया वा जीवादयः पद्विशेषे समकोण-विशेषे वा ऋणत्वं भाष्त्रवन्ति । यथा-(९ प्र. क्षे. द्रष्टव्यस्) अव-चापस्य वमा ज्या भयमद्वितीयपदयोर्धेनगताऽस्ति किन्तु तृतीयचतुर्धेपदयोदिंग्वैपरीत्यादणगता भवति । एवं अकव-

कोणस्यापि ज्या प्रथमद्वितीयसमकोणयोधनगता किन्त तती-यचतर्थयोर्छम्बस्य दिग्वैपरीत्यादणगता भवति ।

एवं प्रतिपदं प्रतिसमकोणं वा जीवादीनां प्रत्येकं धनर्णत्वं निश्चित्य सदवगमायेदं चक्रं लिख्यते ।

	पदाङ्काः समकाणाङ्का वा			
चापीयाः कोणीया वा पदार्थाः	8	२	3	8
च्या	+	+	-	-
कोटिज्या '	+		-	+
स्पर्शरेखा	+	-	+	- '
कोटिस्पर्शरेखा	+	_	+	-
छेदनरेखा	+		-	+
कोटिच्छेदनरेखा	+	+	-	-
च रक्रम ³ या	+	+	+	+
फोट्युक्तमञ्या	+	+	+	+

क्षेत्र छेदनकोटिच्छेदनरेरायोदिंगानुलोम्यप्रातिलोम्ये न सम्यग-पलक्ष्येते अतस्त्रयोधनर्णत्वावगमायान्यथा यसवे ।

अत्र यदि अय-चापस्य द्योतकं अ स्यात ।

तदा छेश =
$$\frac{3^2}{6000}$$
 एवं कोछेश = $\frac{13^2}{50000}$ ।

एवं यदि अकय कोणस्य दोतकं अ स्यात् । तदा-

छेअ=
$$\frac{\pi a}{a\pi i}$$
= $\frac{R}{a\pi i}$ = $\frac{R}{a$

- एतेन चापस्य कोणस्य वा छेदनकोटिच्छेदनरेखयोर्धनर्णत्वं क्रमण कोटिज्याज्ययोरिव भवतीति स्कृटमवगम्यते ।
- ं १२। मतिसमकोणादि कोणीयच्यादीनां मानं प्रतिपदादि चापीयच्यादीनां - मानं वा नवमप्रक्रमस्यक्षेत्रदर्शनेन शीधूम-वगम्यते ।

षालाववोधाय तद्विलिख्य प्रदर्शते ।

कोणीयाइचापीया वा	अ	ग	घ	घ
ज्याद्यः	_ at o°	90°	१८०°	२७००
ष्या	0	8	•	-8
कोटिज्या	8	,	-8	0
स्पर्शरेखा	0	80	•	80
कोटिस्पर्शरेखा	8	•	8	0
छेदनरेखा	8	8	-8	8
कोटिच्छेदनरेसा	8	8	00	-8
चत्कम ज्या	0	8	२	8
कोट्युरकम ज्या	1 8	•	8	२

अत्र कव-त्रिज्यां रूपं प्रकरूप चापीयज्यादीनां मानं छिखितमः स्तीति बोध्यम् ।

१३ । अथ नवममक्रमोक्तसंज्ञानां सम्यग्ज्ञानाय कोणीय-ज्यादीनां कतिचन मिथः सम्बन्धाः भद्दर्यन्ते ।

(९ प्र-क्षेत्रदर्शनम्) कल्पते अ=८अकव तदा--

(१)
$$\overline{a}$$
 $= \frac{a_{H_1}}{a_{H_2}} = \frac{a_{H_2} + a_{H_1}}{a_{H_2} + a_{H_2}} = \frac{e}{a_{H_2}}$

(२) कोज्याअ =
$$\frac{कमा}{6} = \frac{5}{6} = \frac{1}{6} = \frac{8}{6} = \frac{1}{6}$$

(४) कोस्पञ =
$$\frac{6\pi \Pi}{6\pi \Pi} = \frac{6\pi \Pi + 6\pi G}{6\pi \Pi + 6\pi G} = \frac{6\pi G}{6\pi G} = \frac{8}{6\pi G}$$

(
$$\omega$$
) छल = १ - कोज्याल = १ - $\frac{?}{200}$ ।

(८) कोरअ = १ - ज्याभ = १ -
$$\frac{2}{6}$$
 कोरोज

(९) वया 'अ + कोज्या 'अ =
$$\left(\frac{\pi H}{6\pi}\right)^2 + \left(\frac{\pi H}{6\pi}\right)^2$$

ं. क्या'अ=१-कोज्या'अ। कोज्या'अ=१-ज्या'अ। १८ । अथ कोणीयज्यादीनां क्रमेण चापीयज्यादिभिर्यः

सैवन्धः सं मदर्शते I

यदि अ-कोणस्य संमुखचापः आ स्यात् तदा (९प्र. क्षे. द्र.)।

ज्याआ = <u>दमा</u> त्रि = क्व = ज्याअ . . ज्याआ =त्रि. ज्याअ।

तत्र यदि त्रि=१ तदा ज्याआ=ज्याअ। एवं कोटिज्यादिर्वाप।
अनेनेदमवगम्यते । कोणीयजीवादयो रूपन्यासार्धे चापीया भवन्ति। एवमिष्टन्यासार्धेन गुणितास्ता इप्टन्यासार्धे चापीया भवन्ति। एवं गुणावेपयेयेण चापीयाभ्यः कोणीया भवन्तीति।

१५ । (अनु॰) यदि कस्मिँशित् त्रैकोणमितिके राशौ समीकरणे वा स्थिताः कोणीया जीवादय इष्ट्व्यासार्थे चा-पीयत्वेनापेक्षितास्तदा ताम्च कोणीयच्यादिषु इष्ट्व्यासार्थमिते त्रिहरे कटिपते ताथापीया भवन्ति ।

यथा्-ज्या^रअ+कोज्या^रअ=१ अत्रत्यज्याकोटिज्ययोः क्रमेण

ज्याश्रा त्रिः विश्वार्था आभ्यामुत्थापितयोः

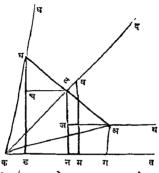
(कोज्याआ) + (कोज्याआ) = १, एवं सिद्धपति।

्रं ज्या शा + को ज्याआ र = त्रि । एवमत्र ज्याको टिज्ये चापीये सिद्धे।

अध्यायः २

अत्र काणानां योगानतरज्यादिसाधनं ज्यादिसविध्योगानवरवः । युक्तसानं मानानि चार्चाक्षज्याकोटिज्यानयनं ज्यादीनां नानानां व चित्रयं तिर्विष्टांकानां ज्याकोटिज्यानयनं कोणीयज्यादीनां सारण्युत्या-दनप्रकारकेति प्रोच्यते ।

१६ । अध द्वयोः कोणयोज्याभ्यां कोटिज्याभ्यां च तत्कोणद्वयेनयानतरज्याकोटिज्यासाधनम् ।



अत्र किल 'तफद मृहकोणः=अ । दकप स्रघुकोणः =क । अनयोद्वेयोरिष कोणिनन्दुः क एव, तदा ८ तकघ = अ + क । एवं कप-रेतायां कापि प-पिन्दुः कार्यः । कद्-रेतायां घट-स्रम्यः कार्यः । स घ अ-पर्यन्तं तया पर्यनीयो यया टअ=घट स्वात् । कअ-रेता य-पर्यन्तं कार्यो तदा कअ=कघ । अथ घ ८ थकद=क भनेत् ।

ें तिकय = ल-क स्थात् । एवं कद-रेतातः कप-तुत्या कय-रेता पृथक् कार्या । कत-रेतायां प, ट, प, ल तिन्दुस्यः क्रमेण पड, टन, यम, अग लम्याः कार्याः । ल, ट विन्दुस्यां च क्रमेण टन, पड, रेत्ययोः अञ्ज, टच लम्यो कार्यो तदा पचट, टजम निभुने संवाहीस्तुस्य भवतः । ं घर्च ट्रज, घट = जअ। एते त्रिभुजे, कटन, कवम त्रिभुजे कैताति मिधः सजातीयानि भवन्ति।

कोज्याअ =
$$\frac{6\pi}{62}$$
 | कोज्याक = $\frac{62}{62}$ = $\frac{62}{62}$ |

त्तथा । ज्या (ज+फ)=
$$\frac{{f u}{e}}{{f v}{t}}=\frac{{f u}{e}}{{f v}{a}}$$
। ज्या (ज-फ)= $\frac{{f w}{t}}{{f w}{a}}=\frac{{f w}{t}}{{f w}{a}}$ ।

•कोज्या (अ+क)=
$$\frac{{}^{8}6}{{}^{8}6}=\frac{{}^{8}6}{{}^{8}6}$$
। कोज्या (अ-क)= $\frac{{}^{8}71}{{}^{8}3}=\frac{{}^{8}71}{{}^{8}3}$ ।

रतिस्मुजसाजात्मात्,
$$\frac{\overline{c}}{\overline{c}} = \frac{\overline{q}\overline{u}}{\overline{c}} = \frac{\overline{q}\overline{c}}{\overline{u}\overline{c}}$$
।

टन =
$$\frac{ध्म \cdot कट}{कव}$$
। $\qquad घट = \frac{2H \cdot घट}{64}$ ।

, .. ज्या (अ + क)=ज्याअ.कोज्याक+कोज्यास.ज्याक। (१)

ज्या (अ -क)≈ज्याअ कोज्याक-कोज्याअ ज्याक । (२)

कोज्या (अ + क)=कोज्याअ . कोज्याक-ज्याअ . ज्याक। (३)

फोज्या (अ - फ)=कोज्याअ .कोज्याक+ज्याअ .ज्याक। (४)

प्तदानयनं क-कोणं अ-कोणाइयुं प्रकल्य (अ + क) कोणं च समकोणान्न्यूनं प्रकल्य कृतं किन्तु क-कोणाय अ-कोणादाधिकत्वे (अ + क) कोणस्य च समकोणादधिकत्वे चौक्तरीसा कोणैक्यान्त-रज्याकोटिज्ये पूर्वसाधिते एव सम्पर्यते ।

१७ । अनुः । अनन्तरमक्रमस्य—(२,४) समीक-रणयोः यदि अन्होणः जृत्यं करुप्येत तदा— `

च्या (-क) = - ज्याक । कोज्या (-क) = कोज्याक ।

धनेनेदमवगम्यते । ऋणगतकोणस्य ज्या ऋण भवति कोटिज्या च धन भवतीति ।

१८ । अनु । यदि १६ मकमे (२,४) अनयोरेन अ = १८० स्यः। तदा-

ह्या (१८०°-फ) = ज्या १८०° × कोज्याक- कोज्या १८०° × ज्याक। (१२ प्र०) = ० × कोज्याक + १ × ज्याक = ज्याक ।

कोज्या (१८०°-क)=कोज्या १८०°×कोज्याक+ज्या १८०°×ज्याक = - १ x कोज्याक + ज्या० x ज्याक = - कोज्याक ।

अनेनेटमवगम्यते । कोणस्य ज्या तद्धीनसमकोणद्वयस्य ज्यया तस्या भवति । कोणोनसमकोणद्वयस्य कोटिज्या च तत्कोणकोटिज्यया ऋणगतया तुल्या भवतीति ।

शत एवं स्प (१८०°-क) = ज्या(१८०°-क) = ज्याक =-स्पक।

एवमेव कोस्प (१८०*-क)=-कोस्पक । छे (१८०*-क)=-छेक । एवं ् च्या (अ+क) = ज्याअ . कोज्याक+कोज्याअ . ज्याक । तथा कोज्या (अ+क) = कोज्याअ . कोज्याक- ज्याअ . ज्याक।

ै यदि अ = ९०° तदा ज्या (९०°+क) = कोज्याक ।

तथा कोज्या (९०°+क) = - ध्याक ।

एवं यदि भ=१८०° तदा ज्या (१८°+क)= - ज्याक ।

कोज्या (१८०°+क)≔ - कोज्याक

१९ । पोडशमक्रमोक्तानि (१,२,३,४), एतानि समीकरणानि यदीष्टव्यासार्धे चापीयान्यपेक्षितानि स्युस्तदा (४०१५) रीखा ।

$$\frac{321(3+6)}{3} = \frac{32134}{3} \cdot \frac{613219}{3} + \frac{6132134}{3} \cdot \frac{3416}{3},$$

ज्या (अ + क) =
$$\frac{52138 \cdot 8)5218}{37} + \frac{8)52138 \cdot 8218}{3}$$
।

अत एव श्रीभास्कराचार्यः सिद्धान्तिश्रोमणेरन्यज्योत्पत्तौ-"चापयोरिष्टयोदोंज्यें निषः कोटिज्यकाहते । त्रिज्याभक्ते तयोरैवयं तचापैवयस्य दोर्ज्यका ॥ चापान्तरस्य जीवा स्यात् तयोरन्तरसंपिता"—इति ।

एवम् $\frac{कोड्या (3 + 6)}{3} = \frac{कोड्याअ}{3} \cdot \frac{कोड्याक}{3} - \frac{ड्याअ}{3} \cdot \frac{ध्याक}{3}$

अत एव श्रीकमछाकरमद्दस्तत्त्वविवेकस्पर्धाधिकारे ज्योत्पत्ती-"दोर्ज्यपोः कोटिमौर्व्योख घाती त्रिज्योद्धृती तयोः । वियोगयोगौ जीवे स्तद्यापैक्यान्तरकोटिजे"—इति ॥

२० । अय चापद्वययोगान्तरस्पर्शरेखादिस्वरूपम् । यतः

क्या (अ + क) = ज्याअ . कोऽयाक + कोब्याअ . ज्याक । (१)

```
ष्या (अ - क) = ज्याअ . कोज्याक - कोज्याक . ज्याक। (२)
कोज्या (अ + क) = कोज्याअ . कोज्याक-ज्याअ . ज्याक। (३)
कोज्या (अ - क) = कोप्याअ . कोज्याक +ज्याअ . ज्याक। (४)
अतः (१) (२) अनयोः (३),(४) अनयोश्च पृथक् योगान्तराभ्याम्
  ज्या ( अ + क ) + ज्या ( अ - क )= २ ज्याअ . कोज्याक ।
  ज्या (अ + क) - ज्या (अ - क)= २ कोज्याअ . ज्याक ।
कोड्या (अ + क) + कोड्यां (अ - क)= २ कोड्याअ . कोड्याक I
कोज्या (अ - क) - कोज्या (अ + क) = २ ज्यां अ . ज्यां क।
   एवम् (१) (२) अनयोर्वधतः
ज्या (अ+क) . ज्या (अ-क)=ज्या अ . कोज्या क-कोज्या के ज्या के
  = ज्या अ (१ - ज्या क)-(१- ज्या अ) ज्या क
   = वयारेअ - वयारेअ . वयारेक - वयारेक+व्यारेअ . व्यारेक
   = ज्या रेज - ज्या रेक = ( ज्याअ + ज्याक ) (ज्याअ - ज्याक)
   = १ - कोज्या<sup>र</sup>अ - ( १-कोज्या<sup>र</sup>क )=कोज्या<sup>र</sup>क-कोज्या<sup>र</sup>अ
   =(कोडियाअ+कोज्याक) (कोड्याक-कोड्याअ) ।
एवमेव (३) (४) अनयोर्वधतः कोज्या (अ+क) . कोज्या (अ-क)
   = कोड्या रेज . कोड्या रेक - ड्या रेज . ड्या रेक
   = (१ - ज्या अ) कोज्या क - ज्या अ (१ - कोज्या क)
   =कोज्या क - ज्या अ = (कोज्याक+ज्याअ) (कोज्याक-ज्याअ)
   = १ - ज्या फ - १ + कोज्या अ = योज्या अ - ज्या फ
   = (को भास + प्याक) . (कोज्यात - प्याक)।
    एवम् (१) अस्मिन् (२) अनेन भक्ते रूप्यम्
    च्या (अ + प)
च्या (अ - फ) = च्याञ्ज . कोन्याक + कोन्याञ . ज्याक ।
```

कोज्याअ . कोज्याक कोज्याअ . ज्याक कोज्याअ . कोज्याअ कोज्याअ कोज्याअ कोज्याअ . ज्याक कोज्याअ . कोज्याअ . कोज्याअ . कोज्याअ . कोज्याअ . कोज्याअ . कोज्याअ

ज्याञ + ज्याक कोज्याञ + कोज्याक ज्याञ ज्याक कोज्याञ कोज्याक

स्पञ्ज + स्पञ्च कोस्पक + कोस्पञ्च स्पञ्ज - स्पञ्च कोस्पञ्च - कोस्पञ्च

- १ + कोस्पअ . स्पक - स्पअ . कोस्पक + १ । १ - कोस्पअ . स्पक - स्पअ . कोस्पक - १ ।

एवमेव कोज्या (अ+क) कोज्याअ . कोज्याक ज्याअ . ज्याक कोज्या (अ-क) कोज्या . कोज्याक न्याअ . ज्याक

= कोस्पअ - स्पक = कोस्पक - स्पअ कोस्पअ . कोस्पक - १ कोस्पअ + स्पक कोस्पक + स्पअ कोस्पअ . कोस्पक + १

= \frac{2 - \text{ \text{cqs}} \cdot \text{ \text{cqs}}}{2 + \text{ \text{cqs}} \cdot \text{ \text{cqs}}}

एवम् (१)-अस्मिन् (३) अनेन भक्ते लब्धम्

ज्या (अ+क) =स्प(अ+क) = ज्याअ. को याव+कोत्याअ. ज्याक कोन्या(अ+क)

"= स्पञ्ज + स्पक = कोस्पक + कोस्पञ १-स्पञ . स्पक = कोस्पञ . कोस्पक -१

एवमेव (२) बस्मिन् (४) अनेन भक्ते लश्धम्

स्प(अ-क)= च्याअ . कोज्याक-कोज्याअ . ज्याक = स्पन्न-स्पक । कोज्याअ . कोज्याक + ज्याअ . ज्याक = १+स्पअ.स्पक ।

२१ | ज्याकोटिज्ययोः स्वरूपान्तरं प्रदर्शते | कर्यते अ = प + फ, क = प - फ, \therefore प = $\frac{1}{2}$ (अ + क), फ= $\frac{1}{2}$ (अ - क),

.. ज्याअ= व्या (प+फ) = व्याप . कोव्याफ+कोव्याप . व्याफ

⇒ ज्या रे (अ+क). कोन्या रे (अ-क)

+ कोष्या ३ (अ-क) , स्या ३ (अ-क)=(आ)।

ध्वमेत्र ज्याक

= ज्या ६ (अ + क). कोन्या६ (अ - क)

- कोच्या १ (अ + क). च्या १ (अ - क)= (का)!

कोज्याश्र

≃ कोग्या दे (अ + क) . कोग्या दे (अ **-** क)

् – ज्या ३ (अ + क) • ज्या ३ (अ – क)≂ (गा) ।

कोज्याक

≂कोन्या रै (अ +क) , कोज्या रै (अ – क)

+ ज्या १ (अ +क). ज्या १ (अ - क)= (या)।

२२ । अनेन ज्ययोः कोटिज्ययोश्र योगान्तरे प्रदर्शेते । (आ)(का)अनयोः (गा) (घा) अनयोश्र पृथग्योगा-

म्तराभ्या सिद्धम्-

ह्या अ + ज्याक = १६ २ ज्या १ (अ + क) कोज्या १ (अ - क) = (पा)। ज्याअ - ज्याक = २ कोज्या १ (अ + क) ज्या १ (अ - क) = (का)। कोज्याअ + कोज्याक = २ कोज्या १ (अ + क) कोज्या १ (अ - क) = (बा)। कोज्याक - कोज्याअ = १ २ ज्या १ (अ + क) ज्या १ (अ - क) = (भा)। (१) (पा) अस्मिन् (का) अनेन भक्ते छच्चम्

= ज्याअ + ज्याक = २ ज्याई (अ+क) . कोज्याई (अ-क)
२ कोज्याई (अ+क) . ज्याई (अ-क)

😵 अत इष्टव्यासार्धे परिणामिते ज्याञ + ज्याक

$$=\frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\frac{(3+\pi)}{3}$$
 कोज्या $(3-\pi)$ । ज्याअ - ज्याक

"चापविद्रलेषयोगापंजीवे कोटिज्यकाहते । मियीकज्याहते हिज्यो चापज्यावियुतियुंतिः"।

इति विशेषोक्तमुपपद्यते ।

† अन्नापीष्टव्यासार्पे परिणामनेन "बापविद्रलेषयोगार्थव्ययोः कोटिव्ययोहैतिः । हिराजा त्रिराणाप्ता च कौटिव्यविद्यतिर्युतिः " ॥ इदमपि विद्येषोक्तमुपपत्तते ।

(५) पार्न्भा= र्याज + ज्याक = कोस्प ई (स - क)।

(६)फा÷वा= ज्याअ - ज्याक कोज्याअ+कोज्याक = स्प ५ (अ - क)।

२३ । द्यादिगुणितभुजांशंजीवाकोटिज्यादि भदर्शते ।

ः ह्या (न+१) अ = ज्या (अन + अ)

=ज्याभन .कोज्याअ+कोज्याअन . ज्याभ ।

कोज्या (न+१)अ = कोब्या (अन + अ)

-कोन्याञन . कोन्याञ - न्याञन • प्याञ।

्यदि न = १, २, ३,... स्यात्

रावा (१) ज्या २ अ = २ ज्याअ . को ज्याअ ।

(२) गोन्या २ अ=कोन्या २अ - ज्या २अ ।

= १ - २ ज्या अ = २कोज्या अ - १।

(३) ज्यारेअ= ज्यारेअ. फोज्याअ+कोज्यारेअ. ज्याअ

=२ऱ्याअ . कोऱ्या १ स+कोऱ्या १ स. ज्याअ-ज्या १ स

=३ऱ्याअ.कोऱ्या*अ=ऱ्या ग्अ=३ऱ्याअ-४ऱ्या ग्अ ।

(४) कोज्या३अ= कोज्या२अ. कोज्याअ-त्या२अ. प्याक्ष

=(२कोग्या रअ-१) . कोज्याअ-रज्यारस . मीज्याअ

= २कोऱ्या ^३अ-कोऱ्याअ-२कोऱ्याअ+२कोग्या ^३अ

= ४ वोग्या "भ - ३ कोन्याअ, इत्यादि ।

२८ । द्विगुणज्याकोटिज्यानदर्शनं तेतोऽर्घात्रज्या-कोटिज्यानपर्नं च ।

भनन्वरोक्तमकमस्यात् (२) अस्मात्

(का)।

(१) यदि (पा) इद (फा) अनेन द्वियते

तदा कोज्या श्व = स्प श्व = १ - कोज्या २ अ । कोज्या श्व = स्प श्व = १ + कोज्या २ अ ।

(२) यदि (पा), (फा) अनयोः (२अ) (इदम्) (अ) अनेनोत्थाप्यते सद्म २ त्या १५ अ=१-कोन्याअ | एतयोः (१५) प्रक्रमोक्तरीता १४० २ कोन्या १५ अ=१+कोन्याअ | ज्यासार्धे परिणामितयोः सिद्धम् २ ज्या १५ अ= वि १ - त्रि - कोन्याअ= त्रि (त्रि - कोन्याअ) = (ता) ।

रकेक्या रेअ = (त्र + त्रि - कोन्याअ = (त्र + कोन्याअ) = (या)।
(३) (ता) अस्मादिदमुत्पदाते रज्या रेअ = रित्र - रित्र कोन्याअ

ज्या^९अ+कोऱ्या^२अ+त्रि^९-२त्रि.कोज्याअ ुज्या^२अ + (त्रि-कोज्याअ)९

 $=\frac{\operatorname{sul}^*\Theta+\operatorname{d}^*\Theta}{2}, \qquad \operatorname{sul}^*\Theta=\frac{1}{2}\sqrt{\operatorname{sul}^*\Theta+\operatorname{d}^*\Theta}$

अत एव भासराचार्यः--

"क्रमोत्क्रमज्याकृतियोगम्लाद्दलं सदर्घाशकशिक्षिनी स्यात्"–इति । एवम् ज्यार् अ =√ रे त्रि (त्रि –कोज्याओ) = √ रेति . उअ ।

अत एव भारकराचार्य.—

"विज्ञ्योत्कमन्यानिहतेर्द्रस्य मूलं तद्यीशकशिश्विनी वा"- इति ।
(४) यदि (ता), (या) अत्र (अ) वर्णः (९०° \mp अ) अनेतोत्थाप्यते
तदा २ ज्या $\frac{1}{2}$ (९०° \pm अ) = ति 1 - ति 2 जोग्या (९०° \mp अ) $= [3^{4} + 7 - 5]$

कोज्या
$$\frac{1}{2}$$
 (९०° ∓अ) = $\sqrt{\frac{ त्रि^2 \pm \overline{n} \cdot \overline{\alpha}$ अ

अत एव भारकराचार्यः---

"त्रिंज्याभ्रजज्याहतिहीनयुक्ते त्रिज्याकृती तहछयोः पदे स्तः । भ्रजोनयुक्तत्रिभखण्डयोज्यें कोटि भ्रजज्यां परिकल्प चैवम्"-इति॥

२५ । (२२) प्रक्रमस्थयोः (फ़ा) (भा) अनयो-र्वर्गयोगे कृते सिद्धम् ।

(ज्याअ – ज्याक) १+ (कोज्याक – कोज्याअ) १

=४ कोज्या रेई (अ + क) . ज्या रेई (अ - क)

+४ ज्यारी (अ+क). ज्यारी (अ-क)

= ४ उया ^२ १ (अ - क) {कोज्या ^२ १ (अ + क) + ज्या ^२ १ (अ+क) }

= ४ ग्या^२ई (अ **-** क**)**

ं ज्यारे (अ-क)=रे√ (ज्याअ-ज्याक) "+(काज्याक-कोज्याअ)" एवमनेक्या ।

अस्मिनिष्ट्रव्यासार्थे परिणामितेऽपि विकारो न भवति । अत एव भारकराषार्थः---

''यहोर्ज्ययोरन्तरमिष्टयोर्यत् कोटिज्ययोस्तत्कृतियोगम्लम्। द्छीकृतं स्याद्भजयोर्वियोगसण्डस्य जीवैवमनेकथा वा"-इति॥

' २६ । श्रनन्तरप्रक्रमस्थसमीकरणे यदि (क)काणः (९ °- अ) अने नोत्थाप्यते तटा-क्यार् अ-(९०°-अ)}=र्√ (ज्याअ-कोज्याअ)*+(ज्याअ-कोज्याअ)* = √ (ध्याअ-कोज्याअ) रवमनेकथा। अत एव भारकराचार्यः---

"दोःकोटिजीवाविवरस्य वर्गो दछीकृतस्तस्य पदेन तुन्या ।

२७ । भुजकोटिचापांशान्तरच्यानयनम् । ाः ५(२४) प्रक्रमतः कोज्या२अ = १ ÷ रज्या°अ।

अस्मिन्निष्टन्यासार्धे परिणामिते कोज्यारम = त्रि - रेज्या अ

वाकोज्या२अ = ज्या (९०° - २ अ) = ज्या {(९०° - अ) - अ}

अत एव श्रीभास्कराचार्यः---

''दोज्योकृतिन्यीसदलार्धभक्ता लन्धत्रिमौन्योविंवरेण तुल्या । दोःकोटिभागान्तरशिक्षिनी स्यात् -इति ।

२८ ! अय पूर्वोक्तार्थाशस्याकोटिस्ययो रूपान्तरानयनम् । ै. '१ = फोज्या^२अ + ज्या^२अ ।

एतम् ज्या२अ = २ ज्याअ . कोज्याअ १ + ज्यारम = कोज्या भ + २ ज्या अ . कोज्याअ + ज्या अ = (कोज्याअ + ज्याअ) र ।

१ -ज्या २ अ = कोज्या २अ -₁२ ज्याअ . कोज्याअ 4 ज्या २अ = (कोज्याअ - ज्याअ) २

े. कोज्याञ्च + ज्याञ्च = $\pm \sqrt{2 + ज्यारञ्ज$ $कोज्याञ्च - ज्याञ्च = <math>\pm \sqrt{2 - ज्यारञ्ज$

(१) अत्र यदि २अ < ९०°∴ अ < ४५°

तदा पूर्वसमीकरणमीहरू स्यात्— कोज्याअ + ज्याअ = √ १ + ज्या २ अ

कोज्याज - ज्याज = $\sqrt{2 - ज्यार ख}$ (पा)

(२) यदि २अ > ९०° < १८०° छतः अ > ४५° < ९०° वदा कोज्यास + ज्यास = √ १ + ज्यारेस } कोज्यास - ज्यास = -√ १ - ज्यारस } (फा)

(३) यदि २अ > १८०° < २७०° : अ > ९०° < १३५°

तदा कोज्याअ + ज्याअ = $\sqrt{? - ज्या२अ}$ कोज्याअ - ज्याअ = - $\sqrt{? + ज्या२अ}$ (बा)

(४) यदिश्व > २७०° < ३६०° ं व > १३५° < १८०°

तदा कोज्यास + ज्यास = $-\sqrt{2-ज्यारस}$ कोज्यास - ज्यास = $-\sqrt{2-ज्यारस}$ (भा)

 $\mathbf{r}(\mathbf{v})$ (पा) (फा) जनवोः त्रतेक्योगान्वरतः सिद्धम् कोज्याज = $\frac{1}{5}$ ($\sqrt{2+ }$ ज्यारज $\pm \sqrt{2- }$ ज्यारज) ज्याज = $\frac{1}{5}$ ($\sqrt{2+ }$ ज्यारज $\mp \sqrt{2- }$ ज्यारज)

अत्र यथा यथा नवसर्यः कोणः ४५ अंशेभ्यो न्यूनोऽथिको वा स्यात् तथा तथा प्रतिसमीकरणं द्वितीयपश्चस्यद्वितीयपदिविहमूर्य्यमयरं -वा योष्यम्। २९ । शिष्यबुद्धिनैश्रद्यार्थमस्मिन् मक्तमे ज्यादीनां मानानां वैचित्रयं मदर्श्यते (यच पूर्वोक्तमक्रमेभ्यः स्वन्पायासेनोत्पद्यते)

$$=\frac{{{{\hat v}}_{1}}{{{\hat v}}_{1}}{{{\hat v}}_{2}}}{{{\hat v}}_{1}}=\frac{{{\{ }}}{\sqrt {{{\{ + {{\hat v}}_{1}}{{\hat v}}^{2}}{{\hat w}}}}}=\frac{{{\{ + {{\hat v}}_{1}}{{\hat w}}}}{\sqrt {{\{ + {{\hat v}}_{1}}^{2}{{\hat w}}}}}=\frac{{{\{ + {{\hat v}}_{1}}{{\hat w}}}}{{{\hat w}_{1}}{{\hat w}_{2}}}$$

$$= \frac{\overrightarrow{b} \times \cdot \cdot \cdot \overrightarrow{b} \cdot \overrightarrow{b} \cdot \overrightarrow{a}}{\overrightarrow{b} \cdot \overrightarrow{b} \cdot \overrightarrow{b}} = \frac{\sqrt{\overrightarrow{b} \cdot \cancel{a} - ?}}{\overrightarrow{b} \cdot \cancel{a}} = \frac{\sqrt{\overrightarrow{b} \cdot \cancel{a} - ?}}{\overrightarrow{b} \cdot \cancel{a}}$$

(२) कोज्याअ =
$$\frac{suis}{\epsilon uis} = \frac{?}{\sqrt{? + \epsilon u^* si}} = \frac{?}{8s}$$

$$= \frac{कोरपअ}{कोछेअ} = \frac{ कोरपअ}{\sqrt{2 + कोरप³अ}} = \frac{\sqrt{aोछे³अ - 2}}{abछअ},$$

(३) सम्भ =
$$\frac{\sqrt{2 - 3}}{\sqrt{2 - 3}} = \frac{\sqrt{2 - 3}}{\sqrt{2 - 3}} = \frac{2}{3}$$

=
$$\frac{?}{\sqrt{\sin^2 a - ?}} = \frac{\text{shoulst } \cdot \text{gist}}{\text{shrqst}} = \sqrt{\text{gist} - ?}$$

[🖶] १, २, ३, इसादीनां वैशदा मन्थान्ते द्रष्टव्यम् ।

'(४) कोस्पम =
$$\frac{?}{4 \times 10^{-3}} = \sqrt{4 \times 10^{-3}}$$

$$=\frac{4 \cdot 1003}{303} = \frac{4 \cdot 10013}{60133} = \frac{\sqrt{2 - 901^2 \cdot 30}}{60133} = \frac{4 \cdot 10013}{\sqrt{2 \cdot 1 - 401^2 \cdot 30}} = \frac{4 \cdot 10013}{\sqrt{2 \cdot 1 - 401^2 \cdot 30}}$$

$$=\frac{?}{\sqrt{\hat{g}^{2}a-?}}=\frac{\text{valist}}{\hat{s}^{\text{valist}}\cdot\hat{s}^{\text{valist}}}=\frac{?-\text{det}}{\sqrt{?\,\text{dist}-\hat{g}^{2}a}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{8} + \frac{\sqrt{2}}{8} + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 24} + \frac{\sqrt{2}}{8} + \frac{\sqrt{2$$

(६) कोलेअ =
$$\sqrt{\gamma + कोरप'अ} = \frac{\gamma}{\sqrt{2100}} = \frac{803}{2000}$$

$$= \frac{\overline{v} \overline{s}}{\sqrt{\overline{v}^* \overline{s}} - \overline{v}} = \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{s} \overline{s} = \frac{v}{\sqrt{\overline{v} \overline{s}} \overline{s} - \overline{v}^* \overline{s}} \overline{s}$$

$$(v)$$
 दअ = १ − कोश्याअ = १ − $\sqrt{१ - श्या^* a}$

$$= ? - \frac{?}{\sqrt{? + \epsilon q^3 s}} = ? - \frac{\epsilon h \epsilon q s}{\sqrt{? + \epsilon h \epsilon q^3 s}}$$

$$= ? - \frac{?}{8 \cdot 3} = ? - \frac{\sqrt{8 \cdot 18 \cdot 3} - ?}{8 \cdot 18 \cdot 3}$$

२० 🎝 असिन् मक्रमे कोणस्य ज्वादिभ्यो द्विगुणस्य तत्कोणस्य ज्यादीनां मानानि प्रदर्श्यन्ते ।

(२) कीज्वारअ = कोज्या^२अ - ज्या^२अ = १ ~ २ न्या^२अ

$$= २कोज्या अ - १ = \frac{१ - स्प' अ कोस्पअ - स्पअ}{१ + स्प' अ कोस्पअ + स्पअ}$$

(३) स्वरंभ =
$$\frac{2 + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} = \frac{2}{8 + \sqrt{3}} + \frac{2}{8 + \sqrt{3}} = \frac{2}{8 + \sqrt{3}} + \frac{2}{8 + \sqrt{3}} = \frac{2}{8 + \sqrt{3}} + \frac{2}{8 + \sqrt{3}} = \frac{2}{8 + \sqrt{3}} =$$

(६) कोछेरअ=१्छेअ · कोछेभ= <mark>छेअ</mark> रुवाअ = रकोराअ

$$= \frac{2 \cdot 3}{8 \cdot 3} = 2 \cdot \frac{3 \cdot 3 - 2}{8 \cdot 3} = 2 \cdot \frac{3 \cdot 3 - 4 \cdot 3}{3 \cdot 3} = 2 \cdot \frac{3 \cdot 3 - 4 \cdot$$

२१ । अस्मिन् प्रक्रमे निर्दिष्टांशानां ज्याकोटिज्यानयनं प्रदश्येते ।

(१) ४५अशानां ज्याकोटिन्यानयनम्।ः (२३) प्रक्रमस्यात्

(२) अस्मात् २ ज्या^२ अ=१-कोज्यारअ सथा १कोज्या^{*}अ=१+कोज्यारअ एवं सिद्धम्।

२ ज्या १४५° = १ - को ज्या ९०° = १ = २ को ज्या १४५°

ं ज्या ४५° =
$$\pm \frac{?}{\sqrt{2}}$$
 = कोज्या ४५°।

अत्रर्णमानमनुपपन्नत्वास्न प्राह्मम् ।

(२) ३० अंशानाम् ६० अंशानां च ज्याकोटिज्यानयनम्।

यदि अ=३०° कल्प्येत तदा ज्यारअ = कोज्याअ,

ं ज्यादअ = रज्याभ . कोज्याभ

ं. रब्याअ . कोज्याअ = कोज्याअ

ं. ज्याअ = ई = ज्या ३०° ≈ कोज्या ६०°।

कोज्या३०°=
$$\sqrt{\frac{2}{2}}$$
=ज्या²३०°= $\sqrt{\frac{2}{2}}$ =ज्या६०°।

(३) १८° अंशानाम् ७२° अंशानां च व्याकोटिज्यानयनम् ।
 यदि अ = १८° सदा व्या२अ = कोव्या३अ ।

ं द्यारअ = र ज्याअ · कोज्याअ.

(२३ प्र.) कोच्या३अ = कोच्याअ - ४ ज्या अ . कोच्याअ ।

ं. २ ज्याअ . कोज्याअ = कोज्याअ - ४ ज्या^२अ . कोज्याअ !

'့' २ ज्याअ = १ - ४ ज्या^२अ .ं. ४ ज्या^२अ + २ज्याअ = १

ं वर्गसमीकरणविधिना ज्याञ =
$$\frac{\pm\sqrt{\sqrt{q}}-8}{8}$$

अत्रापि ऋणमानमनुपपन्नत्वान्न प्राह्मम् ।

∴ ज्या १८° =
$$\frac{\sqrt{4-2}}{8}$$
 = कोड्या ७३°

अत एव कोज्या १८०=
$$\sqrt{\frac{2}{2}}$$
 =च्या १८०= $\sqrt{\frac{2}{2}}$

$$=\sqrt{\frac{8}{\sqrt{10+5\sqrt{R}}}} = 241 \text{ RS}_0 \text{ I}$$

$$=\sqrt{\frac{8}{6-5\sqrt{R}}} = \sqrt{\frac{86}{60+5\sqrt{R}}}$$

(४) ३६ अंशानाम् ५४ अंशानां च ज्याकोटिज्यानयनम् । यदि अ = १८° तदा ज्या २ अ = २ ज्याअ. कोज्याअ,

$$= \frac{1}{\sqrt{60 - 5\sqrt{n}}} = \text{existan } AR_0$$

$$= \frac{1}{\sqrt{60 - 5\sqrt{n}}} = \text{existan } AR_0$$

क्षत एव कोल्या ३६° =
$$\sqrt{\frac{? - 7\sqrt{u}}{? + 3}}$$
 ।

=
$$\sqrt{\frac{\xi+2\sqrt{u}}{\xi\xi}} = \frac{\sqrt{u+\xi}}{2} = 5\pi i \sqrt{8}$$

(५) ३० एपाम् १८ एपां चार्धाश्चन्याकोटिज्यानयनम् । सत्र (२८) प्रक्रमोक्तमिदं समीकरणद्वयमुपयुज्यते ।

तत्र (२८) मन्नाधानम् समापरणद्वयस्युवयत

अत्र यदि २अ = ३०°, तदा ज्या२अ = ई

ज्या १५° =
$$\frac{1}{2} \left\{ \sqrt{\frac{2}{2} + \frac{3}{2}} - \sqrt{\frac{2}{2} - \frac{3}{2}} \right\} = \frac{1}{2} \left\{ \sqrt{\frac{3}{2}} - \sqrt{\frac{3}{2}} \right\}$$

$$= \frac{\sqrt{\frac{3}{2} - \frac{2}{2}}}{2\sqrt{\frac{3}{2}}} = \text{को खा $64°}$$

कोज्या १५° =
$$\frac{1}{2} \left\{ \sqrt{\frac{2+\frac{3}{2}}{2+\frac{3}{2}}} + \sqrt{\frac{2-\frac{3}{2}}{2}} \right\} = \frac{1}{2} \left\{ \sqrt{\frac{3}{2}+\sqrt{\frac{3}{2}}} \right\}$$

$$= \frac{\sqrt{\frac{3}{2}+\frac{3}{2}}}{2\sqrt{\frac{3}{2}}} = 341 \text{ w4}^{\circ} +$$

एकमेव ज्या ९° =
$$\frac{\sqrt{4+8}}{8\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{4-\sqrt{4}}}{8} =$$
कोज्या ८१°।

फीज्या ९° =
$$\frac{\sqrt{\sqrt{1+\xi}}}{8\sqrt{\frac{2}{5}}} + \frac{\sqrt{\sqrt{4-\sqrt{4}}}}{8} = \text{sett } \zeta \xi^\circ$$
।

(६) ३° अंशानां न्याकोटिज्यानयनम् ।

अष्टादशानां १८ पश्चदशानां १५ चांश्यानां ज्याकोटिज्ययोरध-गतवोस्त्रवाणामंश्रानां ज्याकोटिज्ये

= ज्या १८° × कोज्या १५° - कोज्या १८° × ज्या १५

कोज्या ३° = कोज्या (१८° - १५°)

= कोज्या १८° × कोज्या १५° + ज्या १८° × ज्या १५°

अस्मात् सुरोन ज्ञायते ।

(७) एवं त्रिपणानादिनवसन्तानामंशानां प्रसेकं ज्याकोटिन्ये प्रसाध्य बासावनेषार्थे विस्तिस्यते ।

$$\operatorname{out} \, \mathfrak{F}^{\circ} = \frac{\sqrt{\mathfrak{F} + \mathfrak{F}}}{2\sqrt{\mathfrak{F}}} \left(\sqrt{-\mathfrak{F}} - \mathfrak{F} \right) - \frac{\sqrt{\mathfrak{F} - \mathfrak{F}}}{2} \sqrt{-\mathfrak{F} + \sqrt{-\mathfrak{F}}}$$

=कोग्या ८७°

$$\operatorname{eqt} \, \varsigma^\circ = - \xi (\sqrt{\gamma} + \ell) + \frac{\sqrt{3}}{8\sqrt{2}} \sqrt{4 - \sqrt{\gamma}} = \operatorname{ship} \operatorname{qt} \, \mathsf{C8}$$

$$341 ?2^{\circ} = -\frac{\sqrt{1}}{2} (\sqrt{4} - ?) + \frac{?}{2\sqrt{2}} \sqrt{4 + \sqrt{4}}$$

ल्या १ंभ° =
$$\frac{?}{?\sqrt{?}}(\sqrt{?}-?)$$
 = कीन्या ७५°।

$$\operatorname{vall} 2 \xi^{0} = \frac{\sqrt{\frac{q}{2} - \xi}}{\zeta \sqrt{\frac{q}{\xi}}} \left(\sqrt{\frac{q}{q} + \xi} \right) + \frac{\sqrt{\frac{q}{2} + \xi}}{\zeta} \sqrt{\frac{q - \sqrt{\frac{q}{q}}}{\zeta}}$$

out
$$4R_0 = \frac{\sqrt{2}}{C} (\sqrt{\alpha} + \xi) - \frac{R}{\sqrt{2}} \sqrt{\alpha - \sqrt{\alpha}}$$

call
$$q \cdot q^\circ = -\frac{q}{2\sqrt{\sqrt{q}}} (\sqrt{q} - q) + \frac{1}{2} \sqrt{q + \sqrt{q}}$$

$$\text{ out 33}^{\circ} = \frac{\sqrt{\frac{1}{3} + \frac{9}{4}}}{2\sqrt{\frac{2}{3}}} (\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{9}{4}}) + \frac{\sqrt{\frac{2}{3} - \frac{9}{4}}}{2} \sqrt{\frac{4 + \sqrt{\frac{1}{4}}}{4}}$$

ड्या ३६° =
$$\frac{?}{2\sqrt{2}}\sqrt{4-\sqrt{4}}$$
 = कोउया ५४°।

$$\overline{q} = \frac{\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{9}{2}}}{\sqrt{\frac{1}{2}}} (\sqrt{\frac{1}{4} + \frac{9}{2}}) - \frac{\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{9}{2}}}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \sqrt{\frac{1}{4} - \sqrt{\frac{1}{4}}}$$

≃ कोज्या ५१°।

ज्या ४२° = - १ (
$$\sqrt{4}$$
 - १) = $\frac{\sqrt{2}}{21\sqrt{5}}$ $\sqrt{4+\sqrt{4}}$

≈ कोज्या ४८°।

$$\operatorname{sur} \, g \, q^\circ = \frac{?}{\sqrt{?}}$$

≈ कोज्या प्रध°।

eat
$$85c_0 = \frac{\sqrt{3}}{5} (\sqrt{4-5}) + \frac{8\sqrt{5}}{5} \sqrt{6+\sqrt{4}}$$

$$= 6 \text{ eath } 85c_0 = \frac{1}{5}$$

$$var 4?° = \frac{\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{2}{5}}}{\sqrt{\sqrt{\frac{2}{3}}}} (\sqrt{\frac{4}{4} + \frac{2}{5}}) + \frac{\sqrt{\frac{2}{3} + \frac{2}{5}}}{\sqrt{\frac{4}{5}}} \sqrt{\frac{4}{4} - \sqrt{\frac{4}{4}}}$$

≈ कोज्या ३९°।

$$\overline{\operatorname{sut}} \ \mathsf{u} \mathsf{u}^{\circ} = -\frac{\sqrt{\frac{2}{2} - \frac{9}{4}}}{2\sqrt{\frac{2}{2} - \frac{9}{4}}} (\sqrt{\frac{2}{4} - \frac{9}{4}}) + \frac{\sqrt{\frac{2}{4} + \frac{9}{4}}}{2\sqrt{\frac{2}{4} - \frac{9}{4}}} \sqrt{\frac{2}{4} + \frac{9}{4}}$$

≈ कोज्या ३०°।

$$\text{FUT } \xi \xi^{\circ} = \frac{\ell}{8\sqrt{\xi}} (\sqrt{4} - \ell) + \frac{1}{2} \sqrt{4 + \sqrt{4}}$$

= कोज्या २७°।

$$\text{EQI } \xi \xi^{\circ} = \frac{1}{2} \left(\sqrt{q} + \xi \right) + \frac{\sqrt{\xi}}{2\sqrt{\xi}} \sqrt{q - \sqrt{q}}$$

– क्रोज्या २४°।

$$\operatorname{out} \xi \S^{\circ} = \frac{\sqrt{1+\frac{9}{4}}}{2\sqrt{\frac{3}{4}}} (\sqrt{\frac{4}{4}} + \frac{9}{4}) + \frac{\sqrt{2-\frac{9}{4}}}{2} \sqrt{4-\sqrt{\frac{4}{4}}}$$

= कोज्या २१°।

$$\operatorname{cut} \omega t_0 = \frac{1}{2\sqrt{2}} \left(\sqrt{2} + \xi \right) = \operatorname{signt} \xi t_0$$

ह्या ७८° =
$$\frac{1}{2}(\sqrt{4-8}) + \frac{\sqrt{1}}{2\sqrt{1-4}}\sqrt{4+\sqrt{4}}$$

 $= \operatorname{sizu} \left\{ 2^{\circ} \right\}$ $= \operatorname{val} \left(2^{\circ} - \frac{2}{2\sqrt{2}} \left(\sqrt{4} + 2 \right) + \frac{2}{2} \sqrt{4 - \sqrt{4}} \right)$

् = कोंग्या ९°

eat
$$C8^{\circ} = \frac{\sqrt{\frac{1}{2}}}{C} (\sqrt{-q} + \frac{1}{2}) + \frac{\frac{1}{2}}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \sqrt{-\frac{1}{2}}$$

= कोज्या ६०।

eq
$$C \phi^0 = \frac{\sqrt{\frac{3}{2} - \frac{9}{2}}}{C \sqrt{\frac{3}{2}}} (\sqrt{\frac{4}{4} - \frac{9}{2}}) + \frac{\sqrt{\frac{3}{2} + \frac{9}{2}}}{C} \sqrt{\frac{4 + \sqrt{\frac{4}{4}}}{4}}$$

= कोज्या ३°।

ज्या ९०° = १

= कोज्या ०°।

३२ । अथ कोणीयज्यादीनां सारण्युत्पादनमकारः *।

त्त्तीयोऽध्यायः ३ i

क्षत्र त्रिभुजचतुर्भुजयोर्ष्ट्रेचलग्नसमानर्जुवहुभुजक्षेत्रस्य वृत्तस्य च कविचन गुणाः प्रदर्शन्ते ।

रेष्ट । त्रिभुने त्रयो भुजास्तावन्त एव कोलाक्षेति पडव-यवा भवन्तीत्युक्तं माक् ।

तत्र त्रयः कोणाः क्रमेण आ, का, गा, एभिर्योखाः स्युः। सस्समुखकोणाश्च क्रमेण अ, क, ग, एभि.।

२५ । प्रतित्रिभुजं तत्तत्त्वुजात् तत्तत्तंम्रस्वकोरण्डयाः समा-नगुणां भवति ।

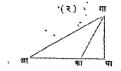
कत्यते आकागा-त्रिभुजस्य . आ, का, गा, कोणाः । तया अ, क, ग, क्रमेण तत्संमुखभुजाः । गा-कोणान् आका-भुजे गा-कोण-विन्दोः गाषा-छम्बः कार्यः ।

> तदा ज्याआ= गाघा कार्या

भा चा का

(8)

ॐ अस्य प्रकासस्य तथा ३३ प्रकासस्य च केवलं गणिते उपयोगाद्- । प्रन्थान्ते तद्वैश्वचं द्रष्टन्यम् ।



यद्वा अ: ज्याभा = क : ज्याका ।-

साजात्वात् अ: ज्यात्राः = ग: ज्यामा

कं: ज्याका = गः ज्यागा।

३६ । त्रिभुने भुनयोगान्तरादितस्तरसंद्वस्ताणयोगान्त-रार्धस्पर्वरेखादिसम्बन्धः पदस्यते ।

ं भ : क ≃ ल्याओ : ल्याका

थ + क : अ ~ र = त्याआ + ज्याका : ज्याआ ~ ज्याका = २ ज्या रे (आ + का) कोज्या रे (आ ~का) : २कोज्यारे (आ + का)

यदि भुजयोगोंनेन वयोरन्तरं छभ्यते तदा वत्संमुखकोणयोरै-स्यार्धस्य स्परीरेखया तयोर्न्तरार्धस्य स्परीरेखा छभ्यत इत्यर्थः ।

३७ 1 त्रिभुने भुनतत्संमुखकोणसम्बन्धतो ज्यास्पर्शरेखाः-दिसम्बन्धः प्रदर्शते ।

यदि गा समकोण स्वात्

तरा ज्याजा
$$= \frac{कागा}{sqtan} = \frac{sq}{1}$$
।

कोग्याजा $= \frac{sqtan}{sqtan} = \frac{sq}{1}$ ।

स्पञा $= \frac{sqtan}{sqtan} = \frac{sq}{sqtan}$ ।

स्पञा $= \frac{sqtan}{sqtan} = \frac{sqtan}{sqtan} = \frac{sqtan}{sqtan} = \frac{sqtan}{sqtan}$ ।

कोज्याका=
$$\frac{कागा}{आका}=\frac{\omega}{\eta}$$
। स्पका = $\frac{\omega\eta\eta}{\alpha\eta\eta}=\frac{\omega}{\omega}$ ।

२८ । त्रिशुजे भुजेभ्य इष्टकोणकोडिज्यानयनपुक्तिः मदर्शते (३५ प्रकारशक्षेत्रं द्रष्टज्यम्)

यदा का कोणो छप्तस्तदा पति जन्मिती क्रमेण आगा = आका + कागा - २आका - काघा क्षेत्रमितोईतीयाध्यायस्य यदा च का कोणोऽधिकाल्यस्तदा विश्वोद्दश्यादिशाभ्यां आगा वे चाका च + कागा वे + २ आका - काघा संपद्येते ।

तत्र यदा का कोणो ख़बुस्तदा,

'काघा≕कागा कोज्याका। यदावाकाकोणोऽधिकस्तदा

= $(? + \hat{n})$ \vec{s} \vec{s}

$$=\frac{(\varpi+\eta)^{*}-\varpi^{*}}{2\varpi\eta}=\frac{(\varpi+\eta+\varpi)(\varpi+\eta-\varpi)}{2\varpi\eta}$$

अनन—
 (भुजवर्गमुतिर्मृमिवर्गाना भुजपातहृत् ।
 दिल्ला त्रिमुजस्याग्रकोटिञ्या भुजसंयुतौ ॥
 दिल्ला त्रिमुजस्याग्रकोटिञ्या भुजसंयुतौ ॥
 दिल्ला त्रिमुजस्याग्रकोटिञ्या भुजसंयुतौ ॥
 दिल्ला त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्याग्यको ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यको ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रके ।
 त्रिमुजस्यक्षेत्रक

तथा १-कोज्याआ = १ -
$$\frac{{\bf a}^2 + {\bf n}^2 - {\bf w}^2}{2{\bf a}{\bf n}}$$

$$=\frac{\overline{2\pi\pi-\pi^2-\pi^2+\omega^2}}{2\pi\pi}=\frac{\omega^2-(\pi^2-2\pi\pi+\pi^2)}{2\pi\pi}$$

$$=\frac{34 - (36 - 4)^2}{284} = \frac{(36 + 4 - 4)(36 - 4 + 4)}{284}$$

अथ यदिकल्येत २स = अ + क + ग

... १ + कोज्याआ =
$$\frac{2\pi \times 2(\pi - 3)}{26\pi} = \frac{2\pi(\pi - 3)}{26\pi}$$

तथा १-कोग्याआ =
$$\frac{2(H-B)\times 2(H-I)}{2\Phi I}$$

अत एव ज्या । = $\frac{8}{6^2 \cdot 10^2}$ स(स - अ)(स - क)(स - ग)।

$$\therefore \text{ sum} = \frac{2}{4\pi \cdot 1} \sqrt{4(4-3)(4-4)(4-1)}$$

अत्र मानस्य ऋणस्यं न संभवति त्रिभुजैककोणस्य समकोण-द्वयात्परवात् तज्ज्याया धनत्वात ।

साजासात् ज्याका =
$$\frac{2}{\pi \eta} \sqrt{\frac{1}{4(\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)}} (\pi - \pi) I$$

ज्यामा = $\frac{2}{\pi \pi \pi} \sqrt{\frac{1}{4(\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)}} I$

४० । त्रिभुने भुनेभ्य इष्टकोणार्धज्याकोटिज्यास्पर्शरेखाणां मानं प्रदर्शते ।

' रह्मा
2
 सा = १ - कोक्याआ = $\frac{2(\pi - \pi)(\pi - \pi)}{\pi^{4}}$ ।

.. २क्षेत्रया
$$= 2 + क्षेत्रयामा = \frac{2\pi(\pi - \pi)}{\pi \pi}$$
।

, ् कोज्याईआ =
$$\sqrt{\frac{4(\pi - \pi)}{6\pi}}$$
।

अत एव स्पर्श्या =
$$\frac{\overline{\overline{vu}}_{v}^{2}}{\overline{\overline{v}}_{v}^{2}} = \sqrt{\frac{(\overline{u} - \overline{v})(\overline{u} - \overline{u})}{\overline{u}(\overline{u} - \overline{u})}}$$

अन्नाप्युन्मितीनां धनत्वमेव योध्यम् ।

साजातात् ज्याहेका
$$=\sqrt{\frac{(\pi-\pi)(\pi-\pi)}{9\pi}}$$
।

$$\operatorname{sut}(\eta) = \sqrt{\frac{(\pi - \operatorname{sr})(\pi - \operatorname{sp})}{\operatorname{sign}}}$$

कोज्याईका =
$$\sqrt{\frac{\mathbf{H}(\mathbf{H} - \mathbf{a})}{341}}$$
। कोज्याईगा = $\sqrt{\frac{\mathbf{H}(\mathbf{H} - \mathbf{1})}{346}}$

स्प
$$\frac{1}{4}$$
का = $\sqrt{\frac{(स-3)(H-1)}{H(H-1)}}$ ।

स्पर्शा =
$$\sqrt{\frac{(\mathbf{H} - \mathbf{W})(\mathbf{H} - \mathbf{B})}{\mathbf{H}(\mathbf{H} - \mathbf{T})}}$$
।

ं ४१ । त्रिम्रुजे भुजेभ्यः क्षेत्रफलानयनपुक्तिमकारः मदश्येते । ' यतो रेखागणितस्य द्वितीयाध्यायतो सम्बगुणं भूम्यर्थं खलु त्रिभुज-क्षेत्रफलं भवति ।

ं. आकाता-त्रिभुजर्फ्डम् = १ आका × गाघा

= रै आका × आगा × <mark>गाघा</mark> = रै आका × आगा × ज्याआ

$$= \frac{\pi i}{2} \cdot \frac{2}{\pi i} \sqrt{\frac{\pi}{\pi (\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)}}$$
$$= \sqrt{\frac{\pi}{\pi (\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)(\pi - \pi)}}$$

अत एवार्यभटः--

"सर्वभुजैवयं दलितं चतुःस्यितं वाहुभिः क्रमाददितम् । तदातपदं दिम्हेरं भेन्ने स्पष्टं पन्ने भ्रपति ॥"

४२ । (अनु०१) ∵ त्रिशुनफलम् ^{रास्ता}ः = ३ आका × आगा × ज्याआ, इति पृर्वेनकमे सिद्धम् । ं त्रिभुते मुजयोर्घातार्घ भुजान्तर्गतकोणन्यया गुणितं क्षेत्रफलं भन्तीत्यवगन्यते ।

४२ । (·अनु०२) त्रिश्चजे पूर्वोक्तमक्रमेर्छम्यायाथावगमः सुगमः ।

ं कोज्याओ =
$$\left(\frac{3111}{6}\right) = \frac{6^2 + 1^2 - 31^2}{2611}$$

. आघा =
$$\frac{\pi^2 + \eta^2 - 3\eta^2}{2\pi}$$
 ।

$$\therefore \text{ shouth } = \pm \left(\frac{\sin i}{\sin i}\right) = \frac{\sin i}{\sin^2 i} = \frac{\sin i}{\sin^2 i}$$

क्षत्र छम्त्रो यथा त्रिसुजस्यान्तर्वहिर्ना निपतेत् तदनुसारेण द्विती-यावाघाया धनर्णत्वं योध्यम् ।

$$\frac{1}{4\pi} = \left(\frac{\eta(\pi)}{4\pi}\right) = \frac{2}{4\pi} \sqrt{\frac{1}{4\pi}(\pi-\pi)(\pi-\pi)(\pi-\pi)}$$

88 विश्वज्ञस्य भ्रजेभ्यस्तदन्तर्वहिर्श्वनयोर्टत्तयोर्व्यासा-र्यानयनं मदर्रयते । (१) तत्रादौ त्रिभुजान्तलंग्नवृत्तव्यासार्धानयनम्।

गा

यदि आकागा-त्रिभुजान्तर्रुगन-

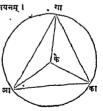
वृत्तस्य केन्द्रं (के) कल्प्येत तदा केअ

'≈केक=केग=व्यासार्थ =(व)।

अथ ' फ = △ आकेका + △ काकेगा + △ आकेगा

$$e^{-\frac{\pi}{4}} = \frac{\sqrt{\pi(\pi-3)(\pi-\pi)(\pi-1)}}{\pi}$$

(२) त्रिभुजबिहर्रुग्नवृत्तव्यासार्धानयनम् । आफागा-त्रिभुजध-हिर्छानपृत्तस्य केन्द्रं (के) करूयेत तदा के आ = कैका = केवा = व्या-सार्घ ≈ (बा)। अथ समानभूमौ वर्त्तमानयोः केन्द्रपृश्चिलग्नयोः कोणयोराचोऽन्यते। द्विगुणो भन बत्यतः (४२ त्रकमतः)



फ≈ क्ष.फ. ज्या क्षायेका छ ।

ø अनेन—

''भुजमध्यगता जीवा भुण्या दोष्णोवधेन सा । दिलना त्रिभुजस्य स्यान् फर्छं बाउन्यप्रकारतः ॥" इति विरोपोक्तमप्युपपधेते ।

$$\ddot{\mathbf{v}} = \frac{\mathbf{w} \cdot \mathbf{x} \cdot \mathbf{v}}{\mathbf{v} \cdot \mathbf{v}} = \frac{\mathbf{w} \cdot \mathbf{x} \cdot \mathbf{v}}{\mathbf{v} \cdot \mathbf{v}}$$

सस्मादिदेमवगन्यते-त्रिमुजे कोणस्य प्या तत्कोणसंमुखभुजात् त्रिभुजविह्छेन्नश्चत्र्यासाप्तेन तुस्या भवतीति ।

४५ । (श्रतुमा० १) यदि आकागा त्रिभुने गा-कोणात् श्राका-भूमो लम्बः (छ) क्रियते तदा फ = ३ ग.छ ।

$$\therefore १गछ = \frac{31.51}{801}$$
 $\therefore = \frac{31.5}{20}$ ।

धत एव सिद्धान्तविषयककोडमन्य सर्वोक्तम् । "त्रियाहुक्तपहिर्तप्रमुचन्यासदलं किल् । भुजयोराहतेः खंण्डाछम्याप्तेन सर्म भवेष्ठ "-इति।

$$\cdot \cdot \cdot \mathbf{r} = \frac{\mathbf{x} + \mathbf{v} + \mathbf{n}}{2} = \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{x} \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{y} \cdot \mathbf{n}} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{x} + \mathbf{v} + \mathbf{n}} = \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{x} \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{x} + \mathbf{v} + \mathbf{n}} = \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{x} \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{x} \cdot \mathbf{n}} = \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{n}} = \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{n}} = \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{n}$$

श्रमाहिद्दमवगम्यते - त्रिभुने त्रयाणां भुजानां यथात् वशोगेनातं त्रिभुजान्तर्वाहुर्द्धप्रश्चन्यासाधयोर्वधेन द्विगुणेन तुन्यं भवतीति ।

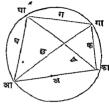
४७ । त्रथ हत्तान्तर्गतचतुर्भुजस्य भुजेभ्यस्तत्कोणकर्ण-

फछादीनामानयनम् ।

कल्यते आका = भ, कागा = क, गाघा = ग, घाआ = घ, काघा = घ, आगा = छ।

कोज्यागा =
$$\frac{\mathbf{e}^2 + \mathbf{u}^2 - \mathbf{e}^2}{2\mathbf{e}\mathbf{u}}$$
।

. पर= भर+पर-रअघ.कोज्याआ आ = कर+गर-रकग. कोज्यागा



परन्तु क्षेत्रमितेस्तृतीय।ध्यायस्यैकविंशप्रतिह्नया

कोज्याआ = कोज्या (१८०° – गा) = – कोज्यागा

.'. आ रे + घरे−२अघ. को ज्याआ = करे + गरे + २कग. को ज्याआ,

... कोज्याआ =
$$\frac{31 + 11 - 11 - 11}{2(311 + 11)} = -6 ोज्यामा$$

साजात्यात् को ज्याका = $\frac{3^2 + 6^2 - 1^2 - 2^2}{2(366 + 12)} = -6 शेज्याया |$

डवाआ=अध+का√ (स-अ)(स-क)(स-ग)(स-प)

(अन्न स= अ+क+ग+घ इति बोध्यम्)

(३) ४० भक्रमोक्तयुक्ला

कोज्याईआ =
$$\sqrt{\frac{(H-\pi)(H-1)}{99+\pi n}}$$
 = ज्याईमा

$$eq_{\xi}^{2} = \sqrt{\frac{(H-S)(H-T)}{(H-S)(H-T)}} = कोरंप \xi \pi$$

प्तेन.

"कर्णाश्रितसुजवातैक्यसुभयधाऽन्योन्यभाजितं सुणयेत् । योगेन सुजनतिसुजवषयोः कर्णां पदे विषमे ॥"

इति व्रह्मगुमोक्तं वृत्तान्तर्गतिविषमचतुर्भुजपरमिखनगम्यते ।

अक्षे मत्कृतकोडमन्थे— "हत्तान्तःस्थचतुर्थाहुक्षेत्रे श्रवणयोईतिः ।

भुजमतिभुजाहत्योः समासेन समा भनेत् ॥ "

(६) (आकागाया) चतुर्भुजकलम् = △ आकाषा + △ कागाया । = ३ अघ . ज्याला + ३ कम . ज्याला = ३ (लघ + कम)ज्याला

$$=\sqrt{(u-v)(u-v)(u-v)(u-v)}$$

अत. श्रीपति ---

"भ्रजसमासदळं हि चतुःस्थितं निजभ्रजैः क्रमशः पृथगृनितम् । अथ परस्परमेव समाहतं क्रतिपदं त्रिचतुर्भ्रजयोः फळम् ॥" (७) वदि (आकाषा) त्रिभुजलक्षत्रचस्य न्यासार्थ (वा) करुपेत

परन्तु △ आकाषा = ३ अघ ज्याआ

. वा =
$$\frac{धघच}{२७वाआ} = \frac{च}{२०वाआ} = \frac{च}{२०वागा}$$
।

ण्याआ=
$$\frac{2}{\operatorname{अप} + \operatorname{क्रं} \eta} \sqrt{(\operatorname{H-W})(\operatorname{H-W})(\operatorname{H-W})}$$

$$\dot{\mathbf{q}} = \frac{\mathbf{q} \left(\frac{3\mathbf{q} + 3\mathbf{n}}{2^{3}\mathbf{q}(\mathbf{q})} \right)}{2\sqrt{\left(\frac{3\mathbf{q}}{4} + \frac{3\mathbf{q}}{2} \right) \left(\frac{3\mathbf{q}}{4} + \frac{3\mathbf{q}}{2} \right) \left(\frac{3\mathbf{q}}{4} + \frac{3\mathbf{q}}{2} \right)}}$$

$$= \frac{2}{2}\sqrt{\frac{\left(\frac{3\mathbf{q}}{4} + \frac{3\mathbf{q}}{2} \right) \left(\frac{3\mathbf{q}}$$

अस्मादिदमवगम्यते विषमचतुर्भुजमात्र ष्टतान्त कर्त्तु शक्यते। श्रथ च मुजाना क्रमव्यत्मासेऽपि न क्षेत्रफले विकार विन्तु कोणा- दियेव । अत्र यदि घ = ० करुयेत तदा कोणादीनां मानानि पूर्वसा-धितैश्विभुजकोणादीनां मानैरभिन्नानि संपद्यन्ते ।

४८ । विषमचतुर्भुजमात्रस्यान्योन्यसंमुखकोणद्वयविज्ञि-हेभ्यो भुजेभ्यः फछानयनम् ।

अत्र पूर्वप्रक्रमस्थक्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।

तत्र यदि क्षेत्रफल्ह्योतकं (फ) कल्प्येत तदा

परन्तु को ग्याआ =
$$\frac{3^2 + 9^2 - 7^2}{2992}$$
, को ज्यामा = $\frac{5^2 + 1^2 - 7^2}{2597}$

१+कोन्याआ=
$$\frac{(3+1)^2-3}{231}$$
 (१)

१ - कोज्याआ =
$$\frac{\pi^2 - (3 - \pi)^2}{23\pi}$$
 (२)

$$2 + \sin \pi \sin \pi = \frac{(\pi + \pi)^2 - \pi^2}{2\pi \pi} \quad (3)$$

१ -कोण्यामा=
$$\frac{4^{2}-(8-\pi)^{2}}{28\pi}$$
 (४)

त्ततः (१) (४) नाभ्यां सिद्धौ पक्षौ (अ+घ)³- (क-ग)³ = २अघ (१+कोग्याआ)+२कग(१ -कोन्यागा)

वा (स-क)(स- ग)= अघ .
$$\frac{2+ कोच्याआ}{2} + कग . \frac{2- कोच्यागा}{2}$$

= क्षअघ . कोज्या 'ईआ + कोज्या 'ईगा (५)

पवमेव (२)(३) आभ्यां सिद्धौ पक्षौ

(स - अ)(स - प)=अघ . ज्या र रुआ + कग . को ज्या रेर्गा (६)

एषम् (५) (६) अनयोर्गुणनात्

=अ°घ°,ज्या°२्आ.कोच्या°२्आ+अकगघ.कोच्या°२आ.कोज्या°२्गा +फ°ग°,ज्या°२्गा .कोज्या°२्गा +अकगघ . ज्या°२ेआ . ज्या°२ेगा [†]

=(अघ . ज्यार्भा . कोज्यार्भा + कग . ज्यार्गा . कोज्यार्गा)

+ अकगय (कोज्यार्आ . कोज्यार्गा - ज्यार्आ . ज्यार्गा) र , = रु(अय . र्व्याआ + कग . ज्यागा) र + अकगय . कोज्यार्(आ+गा)

=फ र + अकगध . कोन्यार (आ + गा)

. फ=√ (स-अ)(स-क)(स-ग)(स-घ)-अकगघ . कोन्या^२ रूं(आ+गा) अध ं आ+का+गा+घा=३६०° े रे (आ+गा)=१८०° रे (का+घा)

৪৯ অস ^{१ + कोज्याआ} = कोज्या³ ইआ, एतदर्थ (२४) प्रक्रमो द्रष्टच्यः ।

र्ग अन्न २अकम्ब . ज्यार्रुआ . कोज्यार्रुआ . ज्यार्रुगा . कोज्यार्रुगा एतत्तुस्यं धनमृणं च कियते तथाऽप्यविकार एव ।

‡ २२वाआ . कोग्याआ = २२वा२आ । अत्र २आ - स्थाने (ञ्चा) अनेनोत्थाप्यते तदा २२वा२आ . कोग्या३आ = न्याआ ।

ं. अप . ग्यारेभा . कोश्यारेभा = अप . ग्याभा इतोऽमे खुटम् ।

कोज्या २ (जा + गा) = कोज्या २ (का + घा) । अत हर्द फल संमुखकोणद्वययोरन्यतरेण विशिष्टेभ्यञ्चतुभ्या भुजेभ्यः सम्पन्नम्।

तत्र यदि छा + गा = का + घा = १८०°

तदा कोज्या $\frac{1}{2}$ (आ + गा)=कोक्या $\frac{1}{2}$ (का + घा) = 0

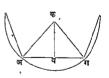
सतोऽत्र फ = $\sqrt{(H-H)(H-H)(H-H)}$

पूर्वसाधितेन वृत्तान्तर्गतचतुर्भजमानेनाभिन्नं जातम् ।

अत एव वियमचतुर्भुजस्यानेकविधेषु फलेषु वृत्तान्तर्गतस्य तस्य फलं महत्तमं भवति । इदमेव पूर्वाचार्यैः स्वप्रन्थेषु साधितम् ।

४९ । दृचान्तर्गतस्य समानर्जुबहुश्वनक्षेत्रस्य परिधिफळ-े योरानयनयुक्तिमंकारः ।

अत्र किछ (क) वृत्तकेन्द्रं स्यात् चदन्तर्गतस्य समान्जुं – (न) सं-स्याकभुजक्षेत्रस्य भुजः = अग, '(व) = युत्तस्य व्यासार्थे स्यात् वदा कअ, कग रेखे संयोज्य अग-रेखोपरि कव छम्वः कार्यः।



बहुभुजक्षेत्रपरिधिश्च = न . अग= २न . अव

= २२ त. अक . ज्या ८ अकब = २४ . व . ज्या १८०°

एवं बहुभुजक्षेत्रफछम् = न . अकगक्षेत्रम् = न . अग . कय

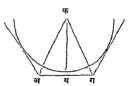
= न , अक . ज्याअकव×अक . कोज्या ८ अकव

$$=$$
 नव 2 . ज्या $\frac{१८०°}{7}$ कोज्या $\frac{१८०°}{7}$ ।

अस्मादिदमवगम्यते येषां समानर्जुगहुसुजक्षेत्राणां सुजसंख्या समाना भवेत् वेषु तत्त्रक्षेत्रवरिधिस्तत्त्रक्षेत्रवहिर्छग्नृत्तस्यासार्धात् समानगुणो भवति । तत्त्रत्क्षेत्रप्रस्तं च तत्त्रक्षेत्रवहिर्छग्नप्रत्यासार्ध-वर्गात् समानगुणं भवतीति ।

५० । य्त्तविहर्त्वत्रस्य ऋजुसमबहुभुजक्षेत्रस्य परिधिफल-योरानयनपुक्तिप्रकारः ।

अत्र किछ वृत्त विहर्-र्छन्न(न) संस्याकजुमु-जक्षेत्रस्य अग-भुजः व-स्थाने परिधौ छम्नः ।



यहिर्छम्मयहुभुजश्रेत्रपरिधिः = न . अग= २न . अव

ं. क्षेत्रफडम् = न . अश्मक्षेत्रपटम्

अस्मादिद्मवगम्यते येषां समानर्जुवहुभुजक्षेत्राणां भुजसंत्या समाना भवेत् तेषु शत्ताःक्षेत्रपरिधिस्तत्तःक्षेत्रान्तर्ज्ञानस्याचार्षात् समानगुणो भवति तत्त्रःक्षेत्रफलं च तत्तद्दन्तर्ज्यनवृत्तव्यासार्धवर्गात् तस्यगुणे क्ष भवतीति ।

५१ । (व)-व्यासार्यविशिष्टस्य वृत्तस्यान्तर्वहिश्व छन्नयोः समानर्जु-(न)संख्याकशुजक्षेत्रयोः क्रमेण परिधी किल (प)(पा)इति स्यातां फले च(फ)(फा)इति स्याताम्।

. रनव .
$$\frac{१८0^{\circ}}{\pi}$$
तदा $\frac{q}{q} = \frac{1}{2\pi a} \cdot \frac{1}{4\pi a} \cdot \frac{1$

तथा
$$\frac{\frac{\pi}{m}}{m} = \frac{\frac{\pi a^2 \cdot \sin \frac{2 C o^{\circ}}{\pi} \cdot \sin \frac{2 C o^{\circ}}{\pi}}{\pi a^2 \cdot \sqrt{\frac{2 C o^{\circ}}{\pi}}} = \frac{\pi i \sin \frac{2 C o^{\circ}}{\pi}}{\pi a^2 \cdot \sqrt{\frac{2 C o^{\circ}}{\pi}}}$$

अत्र यदिन = ∞ स्यात्

तदा
$$\frac{\mathbf{q}}{\mathbf{q}}$$
=कोज्या $\frac{१८°}{\infty}$ =कोज्या °=१

ं सथा
$$\frac{q}{q_1} = \frac{q}{q_1} = \frac{q}{q_2} \frac{q}{q_2} = \frac{q}{q_2} \frac{q}{q_2} = \frac{q}{q_2}$$

∴प≈पातथाफ=काभवेत्।

क्ष इदमेव क्षेत्रमितेद्वीदशाध्यायस्य १-२ प्रतिज्ञाभ्यामपि सम्पशते ।

अत एव वृतान्तवीहर्जनवहुभुजक्षेत्रयोर्भुजसंख्या यथायथाऽधिका स्यात् तथातथा ते क्षेत्रे प्रत्येकं तहून्तक्षेत्रासन्ने भवेताम् । तथा च भुज-संख्याया आनन्त्ये ते ष्ट्रचक्षेत्रे भृत्वा सर्वाहीर्मियो मिलेताम् । अत एव तत्तहूत्तविरिधस्तत्तहूत्तव्यासार्थात् समानगुणो भवति तत्तहृत्तकलं च तत्तहृत्तव्यासार्धवर्गात् समानगुणं भवतीत्यवगन्यते ।

५२ । अथ वृत्तक्षेत्रस्य परिधिफल्योर्।नयनयुक्तिपकारः।

(१) तत्र किल प्रतान्तर्गतवहुभुजक्षेत्रपरिधिः= २नव,प्या प्टि॰ न

अत्र यथायथा न-संख्याऽधिका स्यात् तथातथाऽयं परिधिष्टेत-

परिधेशासन्नतरो भनेदिहात एव पूर्वम् (च्या १८०°) अस्य तथा मार्न

साध्यते यथाऽत्र न-संख्या महती स्यात्। सथा हि : (२४) प्रक्रमस्थात् (फा) तः

कोज्या
$$\frac{31}{2} = \frac{?}{\sqrt{2}} \sqrt{? + कोज्याआ }$$

∴ कोज्या
$$\frac{90^\circ}{7} = \frac{9}{\sqrt{2}}$$

एवम् कोग्या
$$\frac{90}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}}$$

© अन्न यदि आ = ९०°, ९०° , २° इत्यादि कल्त्यते तदाऽष:-

रिथतस्वरूपाणि जायन्ते ।

कोश्या
$$\frac{90^\circ}{2^3} = \frac{?}{\sqrt{?}} \sqrt{\frac{?+\frac{1}{2}\sqrt{?+\frac{?}{2}}}{?}}$$
 एवसमेऽिप

अनया युक्सा कोज्या <mark>२०°</mark> अस्य तथा मानं गणियतुं **शक्**यते ययाऽत्र (प) संख्या-महती स्वात् । तथा च यदि न = २^९ क्रत्येत

तदा ज्या
$$\frac{१ co^{\circ}}{\pi}$$
 = २कोज्या $\frac{co^{\circ}}{2^{\circ}}$ $\frac{co}{\sqrt{1 - \pi}}$ $\frac{co}{\sqrt{1 - \pi}}$ $\frac{co}{\sqrt{1 - \pi}}$ $\frac{co}{\sqrt{1 - \pi}}$ आसम्रं स्वात्।

एवमानीतं ज्या ^{१८०°} अस्य मानं न-संख्यया गुणितं सत्

३.१४१५९२६५ ··· ··· इत्यादि भवति । इदम् छ ग अनेन द्योत्यं स्यात् । तथा सति वृत्तपरिधिः = २०व ।

(२) अनन्तरोक्तप्रकमे सङ्केतितयोः (प) (फ) वर्णयोः क्रमेण

$$\frac{\frac{\pi}{q} = \frac{1}{q} \cdot \frac{\pi}{q} \cdot \frac{\Re(\log n)}{\frac{\pi}{q}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{q} \cdot \frac{1}{q}}{\frac{\pi}{q} \cdot \frac{1}{q} \cdot \frac{1}{q}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{q} \cdot \frac{1}{q}}{\frac{\pi}{q} \cdot \frac{1}{q}} \cdot \frac{1}{q} \cdot \frac{1}{q$$

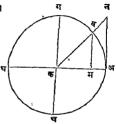
म इदं 'श्रीक'-वर्णमालायां 'पाई' इत्युच्चार्यते ।

भध वृत्तरूपे बहुमुजक्षेत्रे न=∞ । अत एव कोण्या ^{१८०°}

= कोज्या०°= १।

अय च पूर्वसिद्धम् प≃रण्व ∴फ=ण्वरे ।

(३) एवम् अकव-युत्तखण्ड-स्वापि फले शीपूमवगम्यते । ('पिश्वस्यं क्षेत्रं द्रष्टच्यम्) तथा हि-अत्र किल अब-चाप-दैर्घ्यम् च । च्यासार्थम् = व, तथा च क्षेत्रमितेः पद्याध्यायस्य त्रयाँकाग्रानिकारा-



अकव~वृत्तराण्डम्: अगयच ⊙:: अ: २०व

(४) अय-चापस्य यम-जीवा, अन-स्पर्शेरेता स्यात् । तत्र यदि अय-रेता क्रियते तदा अन्य-पृत्तराण्डम्, अकम-त्रिमुजाद-धिकम् अकन-त्रिमुजाबीनं भवेत् ।

- ्ं रेअक. अय > रेअक. यम < रेअक. अन
- ं अव > मम < अन् ।

अतः अकथ-छघुकोर्णसंमुखचापम् अव-स्वऱ्यातोऽधिकं स्वस्पर्शरेखाः तश्च न्यूनं भवति तदेव विछिष्य प्रदश्यते

अ > ज्याभ < स्पभ ।

तत्र यदि अ = ० स्यात् तार्ह

अस्मादिदमनुमीयते । चापस्यात्मन्त्रज्ञासे तब्ब्यास्पर्शरेखे मिथ-स्तुत्ये भवतः । अत एव ते प्रत्येकं खचापेन समे स्वाताम् ।

५३ । रूपन्यासार्षे चापस्य या जीवादयस्ता एव तथा-पसम्बन्धिकोणस्यापि भवन्तीति पूर्व मदार्शितम् । (१४ म. द्रं.) तत्र यबापदैर्ध्यमानं तदेव तत्सम्बन्धिकोणस्य स्यात् तब तस्य कोणस्य चापीयं मानमुच्यते । बीजिक्रियया सम्याद्यपाने त्रिकोणमितिगणिते कोणस्य चापीयमानमेव मुद्यते ।

अथ यदि (ंव) व्यासार्षे (२॰व) अयं पूर्वसिद्धः परिधिस्तदा रूपव्यासार्षे क इस्रमुपातेनाप्तं (२॰) रूपव्यासार्थे परिधिदेर्द्यम् ।

अतः 🔻 = 🕸 ३. १४१५९२६५ इसादिकं रूपव्यासार्धेऽर्धपरिधि-मानं समकोणद्वयस्य चापीयं मानं स्यातः।

तथा च यस्य कोणस्य चापीयं मानं रूपं स्यात् तस्य

दांशादिमानं मवेतः । अस्मान्निर्दिष्टकोणस्यांशादिमानाच तत्कोणसंब-निधचापदैर्त्यावनामः सुगमः । ः

[🕫] एतद्र्य लीलावसन्ते श्रीमद्गुरुक्तता टिप्पण्यवलोक्या ।

परीक्षार्थिजनोपकारार्थ

(२९) प्रक्रमोक्तपश्चानामुत्तराणि ।

$$\frac{\text{च्याअ} \times \hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{b}} \cdot \hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}} = \frac{\hat{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{u}}{\hat{\mathbf{c}} \cdot$$

$$\frac{\text{satist} \times \frac{?}{\text{satist}}}{?} \times \frac{?}{?} = \frac{?}{\$ i \hat{\upsilon}} \times \frac{?}{?} = \frac{?}{?} = \frac{?}{\$ i \hat{\upsilon}} \times \frac{?}{?} = \frac$$

$$=\frac{?}{\sqrt{?+6ikq^2}}!$$

कोन्याज
$$\times \frac{?}{\hat{\pi})$$
न्याज $= \frac{?}{\hat{g}_{3}} = \frac{?}{\sqrt{? + स्प^2 w}}$ ।

कोन्याअ =
$$\frac{sz_{13} \times sh_{3}z_{13}}{cz_{13}} = \frac{cz_{13} \times \frac{?}{sz_{13}}}{?}$$
 $\frac{?}{sh_{3}z_{13}}$

कोड्याअ =
$$\frac{v्याअ \times कोड्याअ}{v्याअ} = \frac{v_1 \times a_1 \times a_2 \times a_2 \times a_3}{v_2 \times a_3 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_2 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_3 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4 \times a_4}{v_4 \times a_4 \times a_4} = \frac{v_1 \times a_4}{v_4 \times a_4} =$$

(3)
$$tq = \frac{\sqrt{100}}{8\sqrt{100}} = \frac{-5q = 0}{\sqrt{100}}$$

्याअ × कोछे अ कोस्पक्ष

स्पन्न - व्याज व्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज व्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज कोच्याज

हराज =
$$\frac{\sqrt{2334-3.8}}{4924313}$$
 । $\frac{\sqrt{5-4934}}{5-493}$ ।

(४) कोत्पत्र = जाया । इतोऽमे पूर्वोकस्पर्शरेखास्वरूपे बहुधा हर-

भाज्ययोः परिवर्त्तनादेव सर्वमपपद्यते ।

(4) छेअ=<u>१</u>=√ १,+स्व°छ ।

$$\frac{1}{8}$$
 होश्याज कीत्याज \times हे स्पंज ।

छेअ =
$$\frac{8}{\text{कोज्याओ }} = \frac{\frac{1}{\text{outline }} \times 8}{\text{कोज्याओ }} = \frac{8}{\text{कोज्याओ }} \times \frac{1}{\text{outline }}$$

छेअ =
$$\frac{8}{कोज्याभ} = \frac{8}{\sqrt{8-241}^* \text{श}}$$
।

छेअ =
$$\frac{?}{8 h \text{ equal}} = \frac{\text{equal} \times ?}{8 h \text{ equal}} = \text{equal} \times 8 \text{ h}$$
छेअ ।

छेअ =
$$\frac{?}{8 \log 100} = \frac{?}{?-300}$$
।

(६) कोछेभ=
$$\frac{?}{2\pi r_{2}} = \sqrt{\frac{2+60124}{2}}$$
।

कोछेअ =
$$\frac{?}{\text{sqis}} = \frac{?}{\sqrt{? - \text{sign}}^2 \text{sq}}$$
।

कोछेअ =
$$\frac{\ddot{\partial} 3}{\pi u_{32}} = \frac{\sqrt{2 + \dot{v}u^{2} \dot{a}}}{\pi u_{32}}$$
।

कोछेअ =
$$\frac{\ddot{g}_{33}}{443} = \frac{\ddot{g}_{33}}{\sqrt{23-20}}$$
 ।

कोछिम =
$$\frac{?}{\sqrt{2}} = \frac{}{\sqrt{2}} = \frac{}{\sqrt{$$

कोछेअ =
$$\frac{?}{\sqrt{? - \hat{y}}} = \frac{?}{\sqrt{? - (? - \hat{y}})^2}$$

उअ = १ - कोल्याभ = १ -
$$\frac{?}{?}$$
 = १ - $\frac{?}{\hat{v}}$ कोल्याभ

$$= 6 - \frac{\sqrt{\xi + \xi A_3 M}}{\xi}$$

हज =
$$\xi - \frac{\hat{\pi} \hat{\pi} \hat{\pi} \hat{\sigma}^3 - \xi}{\hat{\pi} \hat{\pi} \hat{\sigma}^3 \hat{\sigma}} = \xi - \frac{\sqrt{\hat{\pi} \hat{\pi} \hat{\sigma}^3 \hat{\sigma} - \xi}}{\hat{\pi} \hat{\pi} \hat{\sigma}^3 \hat{\sigma}}$$

श्रथ

(६०) प्रक्रमोक्तद्विगुणकोणस्य ज्यादिस्वरूपाणां वेशयम् ।

ह्या२अ = २ऱ्याअ . कोज्याअ = २ऱ्याअ.कोज्याअ कोज्याअ

> रकोज्या अ च कोज्याभ = रकोज्या अ ज्याभ कोस्पन ।

च्याअ = रुग्याअ.कोप्याअ = रुग्याअ । कोन्याअ = रुग्याअ.कोप्याअ = रुग्याअ ।

 $\overline{\text{surval}} = \frac{\frac{2\pi \hat{\text{surval}}}{\hat{\text{surval}}}}{\frac{\hat{\hat{\text{surval}}}}{\text{surval}}} = \frac{2\pi \hat{\text{surval}}}{\hat{\text{surval}}} =$

ब्या२अ = २ज्याअ.कोज्याअ = २ज्याअ.कोज्याअ.कोज्याअ कोज्याअ

ज्यारअ =
$$\frac{2 \pi y}{\hat{v}^2 } = \frac{2 \pi y}{\sqrt{2 + \pi y^2 y}}$$
 ।

रयारअ = रुग्याअ.कोग्याअ = र रयाअ कोग्याभ

$$=\frac{\frac{2}{\sqrt{2180}}}{\frac{6}{\sqrt{6194}}} = \frac{2}{\sqrt{490}} + \frac{1}{\sqrt{61840}}$$

ज्यारम = रज्याभ . कोज्याभ = रज्याभ ज्याभ कोज्याभ ज्याभ

(२) कीश्यारअ=कील्या अ-ज्या अ = १-त्या अ-ज्या अ

कीज्यारअ = कोर्चा अ - ज्या अ = कोज्या अ - (१ - कीज्या अ)

	कोज्या रअ-ज्या रअ
कोज्या२अ = कोज्या ^३ अ = ज्या ^३ अ =	कोज्याअ.प्याअ
	8
	कोज्याअ.ज्याअ
कोज्याअ ज्याअ	
्याभ कोज्याअ_	कोस्पञ – स्पञ
कोज्या ^२ अ + ज्या ^२ अ	कोग्याअ ज्याअ
कोज्या रेअ + ज्या रेअ	ज्याञ कोज्याञ
= कोस्पअ - स्पअ कोस्पअ + स्पअ	
कोन्या२अ = कोन्या ^२ अ =ड्या ^३ श ≈	कोज्या ^२ अ ज्या ^२ अ - १ १ ज्या ² अ
कोस्प ^र अ-१ कोज्या ^र अभव्या ^र अ कोस्प ^र अ-१	
ज्या भ	•
, कोज्या२अ = कोज्या³अ – ज्या³अ≂२कोज्या³अ – १	
२कोज्या³अ−१	ę
कोऱ्या ३ अ	
=	१ छे'अ
कोन्या अ	होस्या ^२ अ
२व	होज्या ^३ अ − १
कोव्यारअ = रकोव्या अ - १ =	कोज्याञ १

कांग्याअ

कोल्या२भ = २कोल्या ३अ - १ =
$$\frac{\frac{2\pi i \sigma u \cdot w - Y}{\pi i \sigma u \cdot w}}{8}$$

(३०) प्रक्रमोक्तप्रश्लोत्तराणि ।

कोज्या२अ = १ = २ज्या^२अ =
$$\frac{१ - २ज्या2अ}{= \frac{}{}}$$
 = $\frac{}{}$ = $\frac{}{}$

1. .

१-२ऱ्या'अ सोज्यारअ=कोच्या'अ - च्या'क=१-२ऱ्या'अ= १

कोन्या रक्ष = रकोन्या ज = ξ कोन्या रक्ष = ξ कोन्या के ξ कोन्या के ξ

कोश्या२अ = १ - २उया²अ =
$$\frac{\frac{१-२3्या³अ}{2}}{\frac{2}{32134}}$$

= २कोस्पअ कोस्प^२अ - १

स्परअ = स्वांज . कोज्याअ = स्वांज . कोज्याअ = स्वांज . कोज्याअ = स्वांज . कोज्याअ

एवं रपष्टमवगम्यतं यत् रपर्शरेखाया हरमाग्ययोः परिवर्तनात् कोटिस्पर्शरेखा भवत्यतः पूर्वकृतस्पर्शरेखास्वरूपाणां हरमाग्ययोः परि-वर्त्तनादेव सर्वेषां कोटिस्पर्शरेखास्वरूपाणां सिद्धिः सुद्रोन संपाचा ।

(५) छे२अ =
$$\frac{2}{\hat{a}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{a}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{a}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{a}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{a}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{b}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{c}\hat{c}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{c}\hat{c}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{c}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c}al^{2}M} = \frac{?}{\hat{c$$

वैशद्याद्तिविशदे।

 $\frac{\mathbf{a} \hat{\mathbf{b}} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}} + \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}}{\mathbf{a} \hat{\mathbf{b}} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}} + \mathbf{c} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}} = \frac{\xi + \frac{\hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}}{\mathbf{a} \hat{\mathbf{b}} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}}}{\hat{\mathbf{a}} \hat{\mathbf{b}} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}} = \frac{\xi + \frac{\hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}}{\mathbf{a} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{u}^{1} \hat{\mathbf{w}}}}{\hat{\mathbf{v}} \hat{\mathbf{v}} \hat{\mathbf{w}}^{1} \hat{\mathbf{w}}}$

= १ + स्प²ल ।

छेरेअ = १ = कोज्या^२अ + ज्या^३अ कोज्या^२अ - ज्या^३अ = कोज्या^२अ - ज्या^३अ

कोल्या के + ज्या के कोल्या के ज्या के कि ज्या के के ज्या के के ज्या के के ज्या के के ज्या के कि ज्या के के ज्या के कि जिल्हा के कि ज्या के कि जिल्हा कि जिल्हा के कि जिल्हा के

= कोरपञ + स्पञ ।

छेरअ = १ = कोन्या^२अ + स्या^२अ कोन्या^२अ - स्या^२अ = कोन्या^२अ - स्या^२अ

<u>कोन्या अ + च्या अ</u> <u>कोन्या अ</u> + १

<u>च्या अ</u> <u>च्या अ</u> + १

<u>कोन्या अ - न्या अ</u> <u>कोन्या अ</u>

<u>न्या अ</u> <u>च्या अ</u> - १

= Bity's + ? 1

$$=\frac{\frac{?}{\operatorname{eql'sa}}}{\frac{?}{\operatorname{eql'sa}}} = \frac{\operatorname{shig'sa}}{\operatorname{shig'sa}} = \frac{\operatorname{shig'sa}}{\operatorname{shig'sa}} = \frac{?}{\operatorname{shig'sa}} = \frac{?}{\operatorname{shig'sa}}$$

(६) क्रोछे२अ =
$$\frac{?}{\sqrt{20129}} = \frac{?}{\sqrt{2013} \times \sqrt{2013}}$$

कोछे२अ =
$$\frac{2}{5 \pi 139} = \frac{2}{2 \pi 139} = \frac{3}{2} = \frac{3}{2} = \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$$

कोछे२अ
$$=$$
 $\frac{?}{2 \cdot \text{च्यात्र . को \text{-च्यात्र }}} = \frac{? \times ? \cdot \gamma}{? \times 2 \cdot \text{च्यात्र . को \text{-च्यात्र .}}}$

$$\approx \frac{?}{2 \cdot \text{च्यात्र . को \text{-च्यात्र }}} = \frac{\text{च्या '} 3 + \text{को \text{-च्यात्र .}}}{2 \cdot \text{को \text{-च्यात्र .}}}$$

कोछे२अ =
$$\frac{9}{2$$
 स्वाअ . कोन्याअ = $\frac{9}{2$ स्वा अ $\cdot \frac{1}{2}$ साज

दश्य = रुवा³अ =
$$\frac{\frac{2 \cdot 3 \cdot 1^3 \cdot 3}{6 \cdot 1 \cdot 1^3 \cdot 3}}{\frac{2}{10 \cdot 1^3 \cdot 3}} = \frac{\frac{2 \cdot 7 \cdot 3}{2 \cdot 1^3 \cdot 3}}{\frac{2}{10 \cdot 1^3 \cdot 3}} = \frac{\frac{2 \cdot 7 \cdot 3}{10 \cdot 1^3 \cdot 3}}{\frac{2}{10 \cdot 1^3 \cdot 3}}$$

खर्भ = र³या के =
$$\frac{2}{201^2 \text{ w}} = \frac{2}{816^2 \text{ w}} = \frac{2}{2 + 8162^2 \text{ w}}$$

=
$$\frac{\frac{? - \hat{w} = 1}{|w| - |w|}}{\frac{?}{?}} = \frac{?}{\frac{|w| - |w|}{|w|}} = \frac{?}{?}$$

३९पृष्ठस्य—३२पक्रमोक्तसारण्युत्पादनमकारश्रात्रैवान्ते

३३प्रक्रमस्यापि निवेशः।

(१) तत्रादावेकस्याः कलाया ज्याकोटिज्यानयनम् ।

ज्याअ = $\frac{1}{4}$ $\left\{ \sqrt{2 + \frac{1}{2}} + \frac{1}{2} + \frac{1}{$

२अ = १५° अत एव ह्या२अ = $\frac{\sqrt{3}-9}{2\sqrt{2}}$ =*-२ं५८८१९०४५१०२,

इत्यादि ।

तथा ज्या $\frac{84^{\circ}}{2} = 1.830425893220$ इत्यादि = ज, ।

पुनर्यंदि ज. अनेन २अ इद्मुत्थाप्येत तदा

* अथावर्गाङ्कानां नवीनगणितरीया मृञानयनम् ।

यथा 🗸 र = १ + हापावयवाः । अत्रावयवा 'दशमलव '-स्य

नियमानुसारेण २४) १०० (४

२८२४) ११९०० (४

एवम् √ २ = १.८१४..... इत्यादि ।

एवम् √ि३ = १ ७३२...... इत्यादि ।

अतः ज्या १५ = $\frac{\sqrt{3} - 9}{2\sqrt{2}}$ = '२५८८..... इत्यादि ।

† 'कमारक्रमञ्चाकतियोगमूलास् ' प्रिक्योरकमञ्चानिहतेर्देशस्य -मुखं 'बाऽपाराज्येत्यतः ।

एवं मुद्दरधीशन्यायां मृहीतायाम्

च्या
$$\frac{84^{\circ}}{38}$$
= *000488326808 इतादि = ज्

एवमुत्पद्यते ।

अत्र ज्यु इयं ज्यु अस्या अर्धेन समं भवतीति स्पष्टं हृद्यते । अनेनेद्रमनुमीयते यत् सूक्ष्मकोणयोरेकस्य यत्संख्यापूरणोऽहास्तुञ्या भवति तत्संख्यापूरणोऽहोऽपरकोणस्यापि स्वस्पान्तरात् तुन्त्या भवतीति

ं. ज्या १'= ज्या
$$\frac{१५°}{21°} \times \frac{21°}{84 \times 60}$$

(२) द्विज्यादीमां कलानामंशानां च ज्याकोटिन्यानयनम् । ज्या (अ + क) = * २ ज्याअ कोन्याक - ज्या (अ - क)

^{*} अत्र २० प्रक्रमावलोकनतः स्फुटम् । 🔻

= २ ज्याभ - ज्या (अ - क) - ४ ज्याभ • ज्या रे क

अतो यदा (क) स्थाने १'तथा (अ) स्थाने १',२',३' इलाखाः स्युस्तदा

ज्यार' व्यार' + क्या ((x' - x') - y व्या (x' + x') - y व्या (x' +

एकस्या: कलाया ज्याया अवगमादत्र ४ज्या २०% एतन्मानं सुखेन झायते तत उक्तयुक्त्या द्विज्यादिकलानां झानं सुगमम् ।

अनयेव युक्लैकस्यांशस्य त्रिशतः कलानां च जीवां विज्ञाय

हिज्यायशानां जीवाः सुरोन झातुं शक्याः । एवं ' कोज्या (अ + क)=रकोज्याअ कोज्याक - कोज्या (अ - क) = रकोज्याअ (१ - रज्यार् के अ - कोज्या (अ - क)

= २कोड्याअ -- कोड्या (अ -- क) - ४कोड्याभ • ज्या ३५क। र महाच क = १′ मधा अ = एकटिड्याटिकलाः स्यस्तटा

अतो वदात्र क = १', तथा अ = एकद्विज्यादिकछाः स्युस्तदा कोज्या २'= २कोज्या१'-कोज्या (१' - १')- ४कोज्या१' × ज्या*३०" । कोज्या ३'= २कोज्या२'-कोज्या (२' - १')- ४कोज्या२' × ज्या*३०" । कोज्या ४'= २कोज्या३'-कोज्या (३' - १')- ४कोज्या३' × ज्या*३०" । इत्यादि ।

अतोऽपि ४ग्या १२० एतन्मानज्ञानात् द्विष्यादिकलानां कोटि-व्यावरासः सुरामः । एतमेकस्यांशस्य कोटिन्यायां त्रिशतः कलानां प जीवायां ज्ञातायां द्विज्यादिकांशानामपि कोटिन्याज्ञानं सुळमम् ।

[•] अत्र २४ प्रक्रमतः : २०या १ स = १ - की ग्याक

^{ं.} को ग्याक = १- २०या दे क

(३) द्विष्याद्यंशानां प्रकारान्तरेण प्याकोटिःयानयनम् । पूर्वम् ज्यारम = रुज्याम - कोज्याम) आभ्यामंशद्वयस्य कोज्यारम = रुकोज्या म - १ व्याकोटिन्ये विज्ञाय

सतः ज्या (अ + क) = * (ज्याअ + ज्याक) (ज्याअ - ज्याक)

कोझ्या (अ + क) = (कोन्याअ + ज्याक) (कोन्याअ - ज्याक) कोन्या (अ - क)

आभ्यां त्र्यादीनामंशानां ज्याकोटिज्याज्ञानं सुगमम् ।

तथा हि ज्यारे° = (ज्यारे° + ज्यारे°) (ज्यारे° - ज्यारे°)
ज्यारे°

, $\operatorname{sull} S^{\circ} = \frac{\left(\operatorname{sull} S^{\circ} + \operatorname{sull} S^{\circ}\right) \left(\operatorname{sull} S^{\circ} - \operatorname{sull} S^{\circ}\right)}{\operatorname{sull} S^{\circ}}$ इत्यादि ।

कोत्या३° = (कोज्या२° + ज्या१°) (कोज्या२°- ज्या१°) कोज्या१°

कोज्या४°= (कोज्या३°+ज्या१°) (कोज्या३°-ज्या१°) इलादि।

अनयेव युक्ता सैकद्यादिकलानामेकद्विष्याद्यशानां ज्याकोटि-ज्यावगमः सुगमः । तथाहि-

$$\overline{\operatorname{val}\left(\begin{array}{c} \mathfrak{R}^{\circ}, \mathfrak{R}' \right) = \frac{\left(\begin{array}{c} \overline{\operatorname{val}} \ \mathfrak{R}^{\circ} + \overline{\operatorname{val}} \ \mathfrak{R}' \right) \left(\overline{\operatorname{val}} \ \mathfrak{R}^{\circ} - \overline{\operatorname{val}} \ \mathfrak{R}' \right)}{\overline{\operatorname{val}} \left(\mathfrak{R}' \right)}}{\overline{\operatorname{val}} \left(\begin{array}{c} \mathfrak{R}^{\circ} - \overline{\operatorname{val}} \ \mathfrak{R}' \right)}$$

' ज्या (१°,२') = $\frac{\left(\frac{1}{2} \operatorname{sql} \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \operatorname{sql} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \operatorname{sql} \left(\frac{1}{2} \right) \right)}{\frac{1}{2} \operatorname{sql} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \operatorname{sql} \left(\frac{1}{2} \right) \right)} \right)}$ इतादि ।

^{*} एतदर्भ २० प्रक्रमो द्रष्टव्यः।

कोज्या (१°,१')= $\frac{(कोज्या ?°+ज्या ?')(कोज्या ?°-ज्या ?')}{कोज्या ५९}$

कोच्या (१°,२') = $\frac{(कोज्या १° + ज्या२') (कोज्या १° - ज्या२')}{कोज्या५८'}$ इसादि ।

(४) एवमनेन विधिना त्रिंशदृंशपर्यन्तानां सकलानामंशानां

ष्याकोटिस्ये प्रसाध्याप्रे ष्या (अ + क) = २ण्याअ . कोल्याक-स्या (अ~क)

 $\frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) = \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial t} \right) + \frac{\partial u}{\partial t} \left(s + \frac{\partial u}{\partial$

एतदाधारतः सुखेन ज्याकोटिज्ये अवगन्तव्ये ।

सथा हि, यदि अ= ३०°। क= एकद्विज्यादिकलास्तदा रुग्याअ=१'।

ं ज्या (३०° । १′) = कोज्या १′ – ज्या (२९° । ५९′) ।

ज्या (३०°।२′)= कोज्या २′- ज्या (२९°। ५८′) इत्यादि। कोज्या (३०°।१′)= कोज्या (२९°। ५९′) - ज्या १′

काऱ्या (२० । र) = काञ्या (२९ । ५५) - ज्या र कोञ्या (२०° । र) - कोञ्या (२९° । ५८) - ज्यार, इसादि । एवमिह केवलं व्यवकलनेन प्याकोटिज्यावगमः ।

(५) एवं पश्चमत्वारिंशदंशपर्यन्तानां सकलानामंशानां ज्याकी-टिज्याः साध्याः । तदनन्तरम्-

ं द्या (४५° + अ) = कोज्या (४५° - अ)

कोज्या (४५° + अ) = ज्या (४५° - अ)

अतो या एव ४५°पर्यन्तानां सफलानामंद्रानां ज्याः कोटिज्याश्च ता एव प्रातिलेम्येन पश्चचत्वारिहादृशाधिकानां सफलानमंह्यानां कोटिज्या ज्याश्च भवन्ति ।

एवं सर्वेषां नवतेरंशानां ज्याकोटिज्यावगमात् तत्सारणीसंपादनं सुशकम् ।

(६) यतः च्या ९०° + का) = + कोच्याक । कोच्या (९०° +का) = - च्याक

ज्या (१८०°+अ)= - ज्याम । कोग्या (१८०°+अ) = - कोग्याभ

्या (२७०°+अ)= - कोस्याज । कोत्या (२७०°+अ) = + ऽयाअ अतो नवसंशायर्थन्तानामंशानां ऱ्याकोटिस्यासारणीत एव नव-स्योधकानामर्थ्यशानां ऱ्याकोटिस्यायगमः सुशकः ।

(७) स्पर्शरेखाणां कोटिस्पर्शरेखाणां च सारणीसंपादनम्

एतदाधारतः सुशकम् ।

(८) एवं छेदनरेस्ताणां कोटिच्छेदनरेसाणां चोत्क्रमञ्यानां कोट्यु-क्रमञ्यानां च सारणी—

छेअ =
$$\frac{?}{\hat{n}|c\mathbf{u}|\mathbf{w}}$$
। कोछेभ = $\frac{?}{c\mathbf{u}|\mathbf{w}}$ । उभ = ? – कोग्याअ

कोउअ = १ - व्याञ

आभ्यक्षतमृभ्यस्तत्तदुन्मितिभ्यः संपादियतुं सुद्रका । इति कोणीयज्यादीनां सारण्युत्पादनप्रकारः ।

३३ । पूर्वसाधितज्यादीनां गुणनमजनाधपेक्ष्य तत्प्रधात-मापकानां गुणनभजनादिकेऽत्यत्पायासः स्पात् किन्तु कोणी-यज्यादीनां भाग एकाल्पत्वात् तत्प्रधातम्मापका ऋणगता भवन्त्यतः कोणीयज्याद्याः १०^{९०} एतद्यासार्षपरिणताः ऋत्वा तादशानां प्रधातमापकाः गणितल्लायवाय सारण्यां लिल्यन्ते ।

त्रिकोणमितिसहायकं नवीनगणितम् ।

इह त्रिकोणमितौ पाधात्यगणितसंकेतानभिज्ञानां बहुधा प्रधातमापकाद्भविचारे बुद्धिप्रागटभ्यं न जायतेऽतः कतिचन तत्संकेतविषयाः पटर्श्यन्ते ।

घातपृद्धिः = Involution.

(१) यदि कश्चिदहस्तेनैव तहर्गेणेत्यादिभिर्गुण्यते तदा स तद्याताइपर्यन्तं वर्ध्यत उत्यतः सा घातद्रद्विरित्युच्यते । , यथा— अ × अ = अ'*, अत्र २ इति द्विचातः । एवम् अ × अ × अ = अ × अ'= अ³,३ इति त्रिचातः । एवं यथेष्टं भवितु-महति ।

(२) घातरृद्धौ धनर्णस्वं तद्घाताङ्कत एवावगम्यतेऽर्थाद् पाताङ्के विषये तथा तद्कृह्यर्णस्वे तस्प्रसम्गमन्यथा धनम् ।

(३) द्वोर्घातवर्धिताइयोर्घाते क्रियमाणे तद्इस्योपरि द्वयोर्घातमापकाइयोर्घोमाइदानेन वर्धिताइयातो भवति ।

 $3^{3} \times 3^{3} = 3^{3+3} = 3^{4}, \text{ var-acle } 1$

(४) वर्धिताङ्कभागहारे भाज्यहारयोर्घाताङ्कावियोगाञ्जव्यिः संपद्यते ।

यथा—
$$\frac{34^3}{31^4}$$
 = 34^4 = 31^4 = 31!

$$\frac{31^2}{213} = 31^{23} = 31^{-2} = \frac{2}{31}$$

[ै] अन्कारस्योपरि हिञ्याद्यङ्काः स्थाप्यन्ते । ते पातझापका वा घातमापकाः (Powers) इत्युच्यन्ते ।

$$\frac{3}{3} = \frac{3 \times 3}{3 \times 3 \times 3} = \frac{2}{3} \cdot 3^{-1} = \frac{2}{31}$$

(५) उक्तनियमाननुमृत्येव कतिचनान्ये निषया अपि तत्प्रयोजनकाः शदर्श्यन्ते ।

यथा— अ^र, इह्यत्र घाताङ्को ५, ६, ७....ं इह्यादि चथेष्टं भवितुमहेति, तत्र यदि ५, ६, ७..... न-पर्यन्तं भवेत् तदा अ^र×स^र×अ *अ a । अत्रैव यदि कल्यते ५= त, ६ = म, ७ स, तदा अ x × अ x × अ x = अ a × अ x + x + x ।

एवमेव
$$\frac{34^{4} \times 34^{5}}{34^{9}} = \frac{34^{7} \times 34^{7}}{34^{7}} = \frac{34^{7} \times 44^{7}}{34^{7}} = 34^{7} \times 44^{7}$$

(६) वातझापकाङ्क्तेचित्र्यं प्रदर्शते । यथा— अ=अ¹, भिन्नयोगकमात् १=३+३

$$\therefore \text{ at}' = \text{ at}^{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} = \text{ at}^{\frac{1}{2}} \times \text{ at}^{\frac{1}{2}} = \sqrt{\text{ at}} \times \sqrt{\text{ at}}$$

 $...\sqrt{3} = 3^{\frac{1}{2}}$ हुदं वर्गमृख्जापकं चित्रम् ।

एवं यदि १ = रे + रे + रे तदा अ = अर्ड + रे + रे

ं. ईइदं धनमूखज्ञापकम् ।

अथ लघुरिक्थगणितम् = Lagarithms.

(७) नेन्यगणिते याताङ्को यातचिहं वा तन्मूलाङाधारोपरि तस्याङ्कस्य लघुरिक्यं प्रयातमापकं संपतीह त्रिकोणिनिती न्यपदिश्यते । ययाः— ३ = ८१, अत्र ४ इदं त्र्यद्वाधारोपरि ८१ अस्य लघु रिक्थं प्रधातमापको वाऽस्ति ।

एवमञ्यक्तिथ्या-यदि अ 5 = न तदा क-इदम् अ-आधारोपरि-न-इसस्य छपुरिक्यं प्रधातमापको वा ं. क = छपु $_{8}$ न ।

ं (८) द्वयोरङ्कयोर्गुणनफलस्य लघुरिनयं तदङ्कयोर्रुषुरि-नथयोर्योगेन समो भवति ।

यथा—यदि अ $^{\pi} = \pi$, अ $^{q} = \pi$, तदा $\pi + \pi = 3^{6} + 3^{7} = 3^{6} + 7^{6}$

(९) छन्धेर्तपुरिक्यं हरस्य छपुरिक्येनोनितेन भाज्य-छपुरिक्येन समं भवति ।

यथा--- यदि म = अ^ग, न = अ^फ

. सदा $\frac{H}{H} = \frac{st^{2}}{st^{4}} = st^{2} - st^{2}$. $t^{2} = st^{2} - st^{2} + st^{2} - st^{2} + st^{2} +$

(१०) कस्यापि छपुरिनयं यदीष्ट्रघातद्वद्विपर्यन्तं वर्धते तदा तत् तद्यातद्वद्विपर्यन्तं वर्धितस्य तस्य लाघुंरिक्थेन समं भवति ।

यथा—न छप्तुन्न म = छप्तुन्न (म 7)।

कत्त्यते—म 76 = म $\dot{}$ क = छप्तुन्न स,

एवम् स 7 = (अ 36) 7 = अ 75 के $\dot{}$, $\dot{}$ च छप्तुन्न स ।

च्यक्तस्थिया—छपु४८ = छपु(२ * ×३) = छपु२ * + छपु२ = ४७पु२ + छपु२।

तमा क्यं
$$\sqrt{5} = \frac{1}{2}$$
 क्यं $5\frac{1}{2}$ - क्

- (११) साधारणतो दशाङ्काघारोपरि लघुरिनयस्य नियमो-ऽस्ति, यत्राघारो न दत्तस्तत्र दशाङ्कोऽध्याहियते ।
- (१२) लघुरिक्यसंख्यायां पृणीङ्गः 'कैरेक्टोरिस्टक्' (Characteristic) एकश्रान्यो भिन्नाङ्को दशमलवः 'मैण्टीसा' (Mantissa) कथ्यते ।

यथा—छष्र ७९५ = २.९००३६७१, अत्र द्वयं पूर्णोङ्गः, •९००३६७१ अयं दशमछवाङ्गः ।

नियताद्वानां नियतचापांशग्यादीनां च छष्ट्वरिक्यार्थं तत्सार-ण्यवहोक्या।

(१३) कस्यापि नियताङ्कलछुरिक्ये पूर्णाङ्कः सर्वदाऽघो-लिखितनियमानुसारेख ज्ञायते ।

- (१) अत एकमारभ्य दशपर्यन्तमङ्कानां छष्ठरिक्यं शून्यत एकपर्यन्तं भवखतः पूर्णाङ्कः शून्यं दशमछवाङ्का भवन्ति ।
- (२) दशतः शतपर्यन्तमङ्कानां छन्नुरिक्थमेकद्वयान्तस्तत एकः पूर्णाङ्कस्ततोऽमे दशमछवाङ्काः।
- (३) शंततः सहस्रपर्यन्तमङ्कानां छद्वरिक्धं द्वयत्रयान्तः, एवं सहस्रतो दशसहस्रपर्यन्तमङ्कानां त्रिचतुरन्त एव पूर्णाङ्कानां इशमञ्जाद्काना विवेकः कर्त्तव्यः । अत्र पूर्णाङ्का दशमञ्जाङ्काश्च धनात्मका एव ।
 - (४) एकास्पानां भिन्नानां छपुरिकथमृणात्मकं भवति ।

(५) एवमिहैकतः रे एतत्वर्यन्तं स्ट्यत ऋणारमकैकान्तर्छ-द्युरिक्यं भवत्यतस्तस्य पूर्णाङ्के मस्तकोपरि विविभेखा दीवते ।

एवसन्यद्वि ।

चतुर्थोऽध्यायः ।

अत्र त्रिभुजगणितं ततो वंशादीनां दैव्यॉक्ट्याद्यवगमकोदाहरः णानि घोच्यन्ते ।

त्रिभजगणितम ।

प्रश्न त्रिम्रजस्य पण्णामवयवानामन्यतमेभ्यसिभ्योऽवय-वेभ्यः शेषावयवज्ञानाय यद्गण्यते तत् त्रिभुजगणितसंज्ञं स्यात् । तत्र कोणत्रयमात्रज्ञाने शेपावयवानामनियतत्वास तत्र त्रिश्चन-गणितमसक्तिः।

१ जात्यत्रिमुजगणितम् ।

प्रभू । जात्यत्रिभुने एकावयवः समकोणत्वाज्ज्ञात एव शेषाणापन्यतमाभ्यां कोणद्वयेतरावयवाभ्यां शेषावयवावगमः (३७)पक्रमतः स्रश्रकः।

तथा हि. प्रथमः प्रकारः-

एवम् ः स्पन्ना =
$$\frac{3}{6}$$
 ं क = $\frac{3}{2431}$ । अत्र तथा $\frac{3}{2431}$ । $\frac{3}{2431}$ । $\frac{3}{2431}$ । $\frac{3}{2431}$

स्पना, ज्याना अनयोरिष्टज्यासार्धे(त्रि)परिणामितयोः सिद्धे क, गमाने

$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{z}}{\frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}}} = \frac{\mathbf{z}_{1} \cdot \mathbf{x}}{\mathbf{z}} \cdot \mathbf{v} = \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{z}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}} \cdot \mathbf{x}}{\mathbf{z}} \cdot \mathbf{x}$$

अत्र किल जिल्ला १०°° एतावती कल्प्यते तस्या दशमूलकः प्रघातमापको दश भवन्ति । अतः क*मानस्य प्रघातमापकः ≈प्र¹घा_दक

= १० + प्रघा_दअ - प्रघा_दस्पआ ।

एवं ग-मानस्य प्रधातमापकः = प्रधा_दग = १० + प्रधा_दअ - प्रधा_दज्याआ

> एवं सर्वत्र प्रधातमापकरूपविधानमवगम्यम् । एव होपमुजौ हायेते ।

चद्रा०। क्ष‡ = १२०। आ = ४५°। १४′। २३″ शेपावयदाः क इति प्रश्नः।

> अत्र का = ९०°- ४५° । १४′ । २३″ = ४४° । ४५′ । ३७″ प्रधा_रक = १० + प्रधा_रअ - प्रधा_रस्पआ

= 80 + 5.0068565 - 80.0036385

=\begin{cases} - \langle 0.003\delta \langle 3\delta \end{cases} + \langle 4.00\delta \langle 6\delta \end{cases}

= २.०७५५४७० = यद्दा ११८ . क = ११८।

* ् क = $\frac{[3 \text{ अ}}{\text{स्पुजा}}$ अतोऽत्र मह्कितलपुरिक्थगणितस्यौ (८,९)

नियमाववलोक्यौ ।

[†] प्रधा_द इदं चिह्नं दर्शम् छकप्रधातमापकदोतकम् ।

‡ नियताङ्कातां तथा नियतचापांशन्यादीनां च लघुरिक्याधैमङ्गल-भाषावद्धनियमादिका 'वैम्यस्-मैथेमेटिकल्-टेबस्स' (Chambers's Mathematical Tables) एतलामिका सारण्यवलेक्या । तल्ल दशमलबाङ्कासु सन्त्रेव पूर्णाङ्कार्षं मद्दाशितलप्ररिक्यगणितस्य-(१३) नियमस्य टिप्पण्यवलेक्या ।

क्षय च प्रधा_रग = १० + प्रधा_रक्ष - प्रधा_रक्ष्याक्षा
= १० + २.०७९१८१२ - ९.८५१२९४५
=
$$\begin{cases} + १२.०७९१८१२ \\ - ९.८५१२९४५ \\ = 7.२२७८८६७ = प्रधार१६९ . . ग = १६९ ।$$

एवं सिद्धाः शेषावयवाः का = ४४°। ४५'। ३७"

द्वितीयः प्रकारः—

कस्त्यताम् अभुजस्तत्संख्यनः काकीणश्च झात इति तदाऽत्र आ = ९०° - का

$$\left\{ \begin{array}{l} \operatorname{cvs} = \frac{\alpha}{\alpha} \quad \text{...} \quad \alpha = \alpha \operatorname{-cvs} i \\ \\ \left\{ \operatorname{sheats} = \frac{\alpha}{\eta} \quad \text{...} \quad \eta = \frac{\alpha}{\alpha} \right\} \\ \\ \left\{ \operatorname{sheats} = \frac{\alpha}{\eta} \quad \text{...} \quad \eta = \frac{\alpha}{\alpha} \right\} \\ \end{array}$$

क, ग अनयोः प्रघातमापकरूपे

प्रधा_रक = प्रधा_रअ + प्रधा_रसका -- १० प्रधा_रग = १० + प्रधा_रअ -- प्रधा_रकेल्याका । एवं शेषावयवा व्यक्ता भवन्ति ।

ह्या॰। अ = १२०। का = ४४°। ४५'। ३७" अत्र शेषावयवाः क इति प्रभः।

अत्र आ = ९०°-(४४° । ४५′ । ३७) = ४५° । १४′ । २३″

एवं सिद्धाः शेषावयवाः आ = ४५° । १४' । २३"

ग = १६९। नृतीयः प्रकारः—

करूपतां गभुजस्तत्संलग्न (आ)-कोणश्च शाताविति ।

षदाऽत्र का = ९०° – आ

प्रधातमापकरूपे

प्रयाद्ध = प्रघार्ग + प्रधार्व्यामा - १० प्रधान्य = प्रधान्य + प्रधान्योग्याञा - १०

एवं शेपावयवा व्यक्ता भवन्ति ।

खदा०। ग = १६९। आ = ४५°। १४'। २३" होपावयवाः क इति प्रश्नः।

क्षत्र का = ९०° - (४५° । १४′ । २३^४) = ४४° । ४५′ । ३७^४ प्रधा_रक = प्रधा_रग + प्रधा_रग्याका - १०

=
$$\frac{5.008585}{-80}$$
 = $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$ \frac

प्रचानक = प्रचान्त्र + प्रघानकोज्याआ - १०

एवं सिद्धाः शेपावयवाः का = ४४° । ४५' । ३७"

क = ११९। चतुर्थः प्रकारः—

कल्प्यताम् अ,गभुजौ झाताविति

तदा प्याआ =
$$\frac{31}{11}$$

, अस्य प्रघातमापकरूपम् , प्रघा_{द्}य्याआ = १० + प्रघा_दअ-प्रधा_दग । एवम् आकोणे झाते तत: का = ९०°- आ

एवं काकोण-गभुजौ व्यक्ती भनतः ।

यद्वा क^र= ग^र- अर इति क्षेत्रमितेः शयमाप्यायस्यक्ष्ण प्रतिक्षया सिक्यति । अतः कोणनिरंपक्षश्रिपेनैय क्ष्मुजो व्यक्तो भवति । उदारु । अ = १२० । ग = १६९ शेषायययाः क इति प्रश्नः । भन्न प्रघा_द्याआ = १० + प्रघा_दअ - प्रघा_दग

= १० +२'०७९१८१२ - २'२२७८८६७

= '९'८५१२९४५ = प्रघाह्न्या ४५°। १४'। २३°

- ∴ জা≕ **४५°। १४′। २३**″
- ं. का = ९०° -(४५°। १४'। २३")= ४४°। ४५'। ३७"

अथ च प्रधा_दक = १० + प्रधा_दअ - प्रधा_दरपआं.

ं क-मातम् = ११९

एवं सिद्धाः शेपावयवाः आ = ४५°। १४'। २३'

का = ४४° । ४५′ । ३७″

क = ११९।

यहा क = $\sqrt{n^2 - 30^2} = \sqrt{(१६९)^2 - (१२०)^2} = ११९ सिद्ध:$ स एव भुज: ।

पश्चमः प्रकारः--

कर्ज्यताम् अ, क भुजौ झाताविति तदा स्पथा = अ ।

यद्वा प्रचा_ररपञा = १० + प्रचा_रञ - प्रचा_रक । एवम् भा-कोणं झात्वा सतः

का = ९०° – अ

तथा प्रपाद्गा = १० + प्रघाद्य - प्रघाद्याथा एवं का-कोण-ग-भुजौ वितेयो ।

ं यद्वा गर = अरे+करे, एवं क्षेत्रमितेः प्रथमाध्यायस्य (४७) प्रविज्ञया ग भुतो व्यक्तो भवति ।

उदा० । ज= १२०। क= ११९ शेषावयवाः क इति प्रदतः। अत्र प्रघाटसभा = १० + प्रघाट अ - प्रचाटक == १० + २:०७९१८१२ - २:०५५५४७० = { + १२'0698682 १०'००३६३४२= प्रचा_दख४५^०। **१४**'। २३^० ું, આ = ૪५° ા ૧૪′ ા **ર**ફ⁰ ुंका≔ ४४°।४५′ । ३७° सथा प्रचादम = १० + प्रचादअ - प्रचाद्वयामा । अस्मात् सिद्धं ग-भुजमानम् = १६९। यद्वा ग = √ (१२०)°+ (११९)°= १६९ सिद्धः स एव। अभ्यासार्थसुदाहरणानि । जातात्रिभुजे $\{ \xi \} \begin{cases} |x| = 2\xi \\ |x| = 2\xi \\$

अधाजासञ्चस्रगणितम ।

पूर् । अजास्यत्रपक्षे त्रिष्ववयवेषु क्वातेषु शेषावयवा क्वायन्ते तदन्येषु क्वातेषु वा त्रिष्विप क्वोणेषु क्वातेषु श्रेपावयवक्वानं न अवति !

अजालस्यसगणिवस्यानेके प्रकारा भवन्ति व बच्यन्ते ।

प्रथमः प्रकारः—

यहा प्रयक्त एको मजः अ. कोलद्वयं च आ. का ज्ञातं भवति ।

```
वदा `.' आ + का + गा = १८०° .'. गा = १८०° - (आ + का)
एवं तृतीयकोणी झायते ।
ज्याभा ज
```

अव (३६) प्रक्रमतः च्याआ = अ च्याका = क ...क = जावा अस्य प्रधातमापकरूपम्

प्रयाद्भ = प्रयाद्भ + प्रयाद्भयाका - प्रयाद्भयाआ

साजात्यात् प्रघा_रग = प्रधा_रअ + प्रधा_रन्यागा - प्रधा_रन्याआ एव शेषमुजी (क,ग) ज्ञायेते

चदा०(१)अ=१५,आ=६७°।२२'।४८'५',का=५३°।७'।४८'४° €

्होपाबयवाः क इति महनः । अत्र गा = १८०°- (६७°। २२'। ४८'५'' + ५३° । ७'। ४८ ४')

च १८०°-(१२०°। ३०'। ३६'९')= ५९°। २९'। २३'१'। पूर्व प्रचा_{र्ट}क = प्रचा_रक + प्रचा_{र्ट}न्याका ~ प्रचा_{र्ट}न्याका

= १.४७६०८१३ + ५.८०३०८०० - ८.८६५२३७९

=\{\frac{1}{2}\frac{1}

प्रचा_दग = प्रचा_दञ्ज + प्रचा_दञ्चामा **-** प्रचा_दञ्चाआ

= १-१७६०९१३ + ९-९३५२७४६ **~** ९-९६५२३७९

एवं सिद्धाः शेपावयवाः { गा = ५९°। २९′। २३'१° क = १३। ग = १४।

चदा०(२)अ=१०।का=१२६°।५२'।११-६"।गा=२५°।३'।२७-४"

रोपावयवाः क इति प्रश्नः ।

आ = १८०°- (१२६° । ५२' । ११°६" + २५" । ३' । २७ ४") अग्र

= 820°-(848° 144' 139')= 26° 18' 128" 1

ततः प्रधान्कः = प्रधान्त्रः + प्रधान्याका - प्रधान्यामा

= 8.0000000 + 8.8030800 - 6.8028888

१.८३०४४८८ = मघा-१७ . . क= १७।

= प्रचान्त्र = प्रचान्त्र + प्रचान्त्र्यामा - प्रचान्त्र्याआ =8.0000000+6.edf<<<\$\$ -6.805E8\$\$

= { + १० · ६२६८८३६ = { - ९ · ६७२६४११

०-९५४२४५ = प्रचार् ः म = १००० मार्थ

यहा इयसे भजी (अ.क) तयोरन्यतरस्य संगतकोणश्च (आ) इति ज्ञातं भवति तदा (३७) प्रक्रमतः

च्याओ = स

ततः गा = १८० - (आ + का) एवं शेषकोणी होया।

अध : ज्यामा

ं. ग= ज्यागा

पवं का, ग अनयोर्मानयोः प्रधातमापकरूपे

प्रधा_व्याका = प्रधा_व्याका + प्रधा_वक - प्रधा_वका ।

प्रघा_रग = प्रधा_रज्यागा + प्रधा_रअ - प्रधा_रज्याआ ।

अन्नेदमवधेयम् । कोणस्य ज्यायास्तरकोणोनसमकोणद्भयस्य ज्यया तुस्यत्वादत्र ज्यावो छन्धं कामनं साशीतिशतान्छुद्धं काकोणस्य द्वितीयसानं भवति । परं यदि क-भुनान् अ-भुनो छपुः स्यात् । अन्यया निति । यतः क-भुनात् अ-भुनस्यात्स्यते का-कोणात् आ-कोणोऽस्यः स्यात् । ततः पूर्वसाधितयोः का-कोणमानयोयोगस्य समकोणद्भयतुत्य-त्वान् तन्मानयोरकैकस्य का-कोणात्त्यत्वेन आ-कोणेन युत्तय समको-णद्भयात्म्यत्वाद्वक कोणमानद्भयसंभयः । परन्तुक-भुनात् अ-भुजस्या-विकल्तं का-कोणात् आ-कोणोऽधिकः स्यात् । अवत्वेन युत्तस्य का-कोणद्भितीयमानस्य समकोणद्वयाधिकत्वाद्वन द्वितीयमानासम्यः ।

इदं पार्श्वनित्रिक्षेत्रस्थितेः सम्यगवगम्यते ।

करत्यवाम् णाकागा-विभुजे जागा-मुजात् कागा-मुजोऽत्य इति । वत्य गा-केन्द्रं मत्या गाका-स्वासार्धेन काका चापे कृते स जाका रेतायां जा बिन्दोः का-दिश्येव द्वितीयस्थाने एगति । तथा चोरिष्टावयवविशिष्टं विमुजद्वयं सं-



पद्यते । तत्र का-कोणस्य हे माने अन्योऽन्यस्पर्धिनी स्पष्टं दृश्येते ।

अथ यदि आगा-भुजात् कागा-भुजो महात् स्यात् तदा आ-विन्दोर्थस्यां दिशि का-विन्दुर्वत्तते तदन्यदिशि काका-चापस्य आका-रेखया द्वितीयसंपातः स्यात् । तथा च द्वितीयज्यसस्यासंभ-वात का-कोणद्वितीयसानासंभवः ।

एवं यदि काका-चापः आका-रेखां स्पृशेदेव वदा आगा-भुजात् कागा-भुजस्यात्परवेऽपि का-कोण एकविष एव भवेत् । यदि च काका-चापः आका-रेखां न स्पृशेत्र वा छिन्यात् वदा आकागा-त्रिभुजासंभवात् वदृष्टिष्टं खिलं स्यात् ।

उदा० (१) अ=१०।क=१७। आ =२८°।४′।२१°

तदा शेषावयवाः किंप्रमाणा इति प्रश्नः । अत्र प्रघाटण्याका =प्रघाटण्याका + प्रघाटक-प्रघाटण

{दि}ष्याका == भषा{दे}ष्यांका + भषा_{दे}क = भषा_{दे}क == ९॰६७२६४११ + १९२३०४४८९ =- १९००००००

= ९.९०३०९०० = प्रघा-ज्या५३°। ७'। ४८'४'

= प्रघानुष्या १२६°। ५२'। ११'६"

भन्न क-भुजात् अ-भुजोऽस्पो भवति

बा

खतः का = ५३°। ७'। ४८'४" वा १२६°। ५२'। ११'६"। एवमिह कान्मानं द्विविधं भवति ।

गा≔ ९८° । ४७′ । ५० ६° वा २५° । ३′ । २७ ४″ ।

अय च प्रघाट्ग = प्रघाट्यामा + प्रघाट्य - प्रघाट्याआ ≈ प्रघाट्यां (९८° । ४७' । ५०'६") + प्रघाट्य - प्रघाट्याआ

= 9.9986608 + 8.0000000 - 8.6056888

= १·३२२२१९३ = प्रघा_द२१ . . ग = २१

यद्वा प्रचा_दज्या (२५° । ३' । २७'४") + प्रचा_दञ्च – प्रचा_दज्याआ

= ९.६२६८८३६ + १.०००००० - ९.६७२६४११ = ०.६५४२४२५ = ममान्ड . . ग = ९। उदा० (२) अ = १५। क = १३। आ = ६७°। २२'। ४८'५/ शेषावयवाः किंप्रमाणा इति प्रश्नः।

अत्र प्रधा_{द्व}याका = प्रधा_{द्व}याआ + प्रधा_दक - प्रधा_दअ

=९.८०३०८०० = अघा^कव्या*भ*ई, 1 त्, । १८८१, =८.८७५०८० = अघा^कव्या*भ*ई, 1 त्, । १८८१,

का=५३° । ७[′] । ४८′४″ ।

अत्र क-भुजात् अ-भुजो महानश्चि । अतोऽत्र का-मानमेकविधमेव ।

गा = ५९° । २९' । २३'१"।

ततः प्राग्वतः ग = १४।

तृतीयः प्रकारः---

यदा त्रिभुजे भुजौ क, ग, तयोरन्तर्गतकोणश्च आ इति कायते।

तदा (३६) प्रक्रमतः $\frac{\pi + \eta}{\pi - \eta} = \frac{\xi q \frac{1}{\xi} (\pi I + \eta I)}{\xi q \frac{1}{\xi} (\pi I - \eta I)}$

परन्तु १ (का + गा) = ९० - १ आ।

.. स्प रे (का - गा) = $\frac{\pi - \eta}{\pi + \eta} \times$ केरिप रे आ।

अस्य प्रपातमापकरूपमिदम् ।

प्रपा_दस्य १ (का - गा) = प्रपा_दस्य १ (का - गा) - प्रपा_द(क + ग) एवम, हातकोणचोरन्तरार्च झायवे तयोगींगार्च ह झावकोणा-झातमेवारित

$$a_1 = \frac{1}{4}(a_1 + a_1) + \frac{1}{4}(a_1 - a_1)$$

एषमज्ञातकोणौ ज्ञायेते।

ततः प्रथमप्रकारेण वृतीयभुजज्ञान सुस्रमम्।

अथात्र यद्यदिष्टावयवैः सेपकोणिनरपेक्षमेव तृतीयभुजज्ञानिमधं सदा तत् (३८)प्रक्रमोकादस्मात् अ = क + ग २ - २कम को व्याआ, सभीकरणाञ्जायते । पर्र न हास्य समीकरणस्य प्रधातमापक-रूपं सपग्रत इतीर्द समीकरणं तथा परिणाम्यते यथाऽस्मात् प्रधात-मापकद्वारा तृतीयभुजञ्जानं स्यात् स परिणामो द्वित्रिधः ।

धत्रादाबाद्यः प्रदर्शते-

अत्र (क-ग) ज्या १ आ, इदं धनमस्ति । अतस्तत्स्याने

(स्प'इ) वस्त्यते तदा

अस्य प्रधातमापकरूपम्

मपा_हज = प्रषा_द(क - ग) + प्रपा_दछेइ - १०।
अस ं स्प¹इ =
$$\frac{8\pi n}{(\pi - n)^3}$$
 नवा²ई आ

स्थृछं स्यात् ।

भस्य श्रधातमापकरूपम्

प्रषा_दस्पइ = प्रघा_द२ + १ प्रघा_दक + १ प्रघा_दग

+ प्रधा_द्या है आ - प्रधा_द(क - ग) एवम (इ)माने झाते ततः

प्रचाहुअ = प्रचाहु(क - ग) + प्रचाहुछ = १०।

असिमन् परिणामे यदि (क - ग) अस्प स्यात् तदा (स्पद्द) महत् स्यात् ततो उन्थम् (इ) मानं स्थलं स्यात् तत. (क) मानमिप

अथावो द्वितीयपरिणाम उच्यते.--

(प्) अर = कर + गर - २कन कोज्याआ

$$= (\omega + i)_x \left\{ \sqrt{(\omega + i)_x} \cdot \frac{1}{2} \sin^2 \frac{i}{2} \sin \right\}$$

अथ यतः (क + ग) अस्मात् (४कग) इदं सदैवालं भवति।

अतः (क+ग) को न्या दे आ इदं रूपाइल्पं स्यात्

.. कस्पवाम्— <u>४६ग</u>-कोग्या^र १ आ = ण्या^९ इ

तदा अ'=(फ+ग)' (१ - ज्या'इ)=(फ+ग)' कोग्या'इ ं अ=(फ+ग) कोग्याइ।

अथ ज्याह, अ, अनयोगानयोः प्रपातमापकरूपे

प्रघान्न्याइ = प्रघान् २ 🕂 ने प्रघानक 🕂 ने प्रघानग + प्रधाः (कोल्या है आ) - प्रधाः (क + ग)।

प्रधादः = प्रधादः (क + ग) + प्रधादकोव्याइ - १० । खदा० । क = ८२ । ग = २१ । आ = १०२° । ४०′ । ४९'४° तदा

शेषावयवाः किंप्रमाणा शति प्रश्नः।

अत्र प्रचाटस्प ३ (का - गा) = प्रधादकोस्प ३ आ + प्रचाट (क - ग) - प्रचाट (क + ग)

= प्रधा_टकोरप (५१° । २०' । २४") + प्रधा_ट६१ - प्रषा_ट१०३

= ९.८०३०८०० + १.७८५३२९८ - २.०१२८३७२

= \ + ११°६८८४१९८ = \ - २°०१२८३७२

+ ९.६७५५८२६ = स्प २५०। २१'। ३.५%।

ं. ६(का - गा)=२५°।२१′।३'५०'।

"अथ च है (का + गा) = ९०°- है आ = ३८° । ३९' । ३५'३'

ं. का = ६४°। ०′ । ३८'८" गा = १३°। १८'। ३१'८'।

अतः प्रथमप्रकारेण सिद्धस्तृतीयभुजः अ = ८९ ।

अधाद्यपरिणामवस्तृतीयभुजज्ञानार्थे न्यासः ।

प्रचाहरपद् = प्रचाहर+ है प्रचाहरू + है प्रचाहर + प्रचाहरया है आ – प्रघा_ट(क – ग)

='३०१०३००+'६६११०९६५ +'९५६९०६९५ + ९'८९२५७८१ –१७८५३२९८ = ११-८११६२४७ - १-७८५३२९८ = १०-०२६२९४९

= १'९४९३९०० = प्रघा_द८९ . . अ = ८९ सिद्धस्तृतीयमुजः स एव । '

एवं द्वितीयपरिणामतोऽपि स एवं भूजो छभ्यते ।

चत्र्यः प्रकारः-

यदा त्रिमुजस्य त्रयो भुजाः (अ,क,ग) ज्ञाता भवन्ति तदा आ-कोणज्ञानमधोद्धिश्चिताभिरुन्मितिभः प्रत्येकं जायते ।

$$\sqrt{3} = \frac{2}{\pi \pi} \sqrt{4(\pi - 3)(\pi - 4)(\pi - 4)}$$
 (8)

$$\operatorname{eq}_{\frac{1}{4}}^{*}\operatorname{sil} = \sqrt{\frac{(H-\pi)(H-\pi)}{\pi}} \tag{2}$$

को त्या ईआ =
$$\sqrt{\frac{R(R-3)}{R}}$$
 (३)

$$4d_{2}^{2} \text{all} = \sqrt{\frac{4(4-3)}{(4-4)(4-4)}} \qquad (5)$$

ं शत्र प्रधमोन्मिनेरपपत्तिः (३९)प्रक्रमे द्रष्टब्या द्वितीयादीनां प (४०)प्रक्रमे विटोक्या ।

सय यदा आ-कोगः समकोणामन्ने न स्वान् वहा प्रथमोिमते-सनदानयमं कर्षु युन्येन यतः समयोणासन्त्रकोणाग्याया धतुः सार-लीनः सुद्धं न सम्यदे ।

यहां भा-कोणः समकोणानन्तः स्वान् वहा द्विवीयनुवीयोः मितित्रयो प्रत्येकं वहानयनं कर्त्तु युष्यते । यदा आ कोण: समकोणद्वयासन्तो न स्यात् तदा चतुर्थोन्मिते-स्तदानयन कर्त्त युज्यते ।

अथासामुन्मितीनां क्रमेण प्रघातमापकरूपाणि ।

(१) प्रचा_{द्}च्याआ = १०+ प्रचा_द२+ १
$$\left\{$$
 प्रचा_दस + प्रचा_द(स $-$ अ)
+ प्रचा_द(स $-$ क) + प्रचा_द(स $-$ ग) $\left\} - (प्रचादेक + प्रचादग) ।$

(२) प्रधा_दल्या
$$\frac{1}{2}$$
आ = $\frac{1}{2}$ $\left\{ 20 + 941_{\xi}(\pi - \pi) + 941_{\xi}(\pi - \pi) - (941_{\xi}\pi + 941_{\xi}\pi) \right\}$ ।

(३) प्रधा_दको न्या ३ ला = ३
$$\{ 20 + 9 \pi i_{q} + 9 \pi i_{q} (H - 8) - (9 \pi i_{q} + 9 \pi i_{q}) \}_{l}$$

$$+ \operatorname{yul}_{\mathbf{c}}(\mathbf{d} - \mathbf{n}) - \operatorname{yul}_{\mathbf{c}}\mathbf{d} - \operatorname{yul}_{\mathbf{c}}(\mathbf{d} - \mathbf{n})$$

साजात्यात् का गा-कोणयोरिप माने एव झातुं शक्येते।

ख्दा०। यत्र त्रिभुजे अः = २५ । कः ≈ १७ । ग = २८ ।

तत्र त्रयः कोणा किंप्रमाणा इति प्रदत्तः।

अत्र प्रथमोन्मिलोत्तरावगमाय न्यासः ।

भथ च

(३) क = १०० আ = ३७°। २९′

$$\begin{aligned} & \exists \exists \forall \alpha \\ (3) & \exists \alpha \\ &$$

धा

```
उदिष्टावयवाः ।
                                                डेाषावयवाः ।
                                         का=२८°।४′।२१″
                                            = १५१°। ५५′। ३९°
                                       गा = १४'०°। ३०'। २३" वा
= १६°। ३९'। ५"
ग = २७३ वा
 (৪) क = ২০২
      आ = ११°।२५′।१६″
                                        का = २५°। ५९′। २१°२५°
गा = ११७°।८′। २७°१५°
      अ = ८९
 (৭) क = ६५
      भा= ३६°। ५२' ।११'६"
                                   का= ५५°। १०'। २°
मा = ९४°। ४९'। ५८"
अ = ७६:१४३
      क = १२५
 (६) ग = १५०
      आ= ३°°.
                                  -...{ मा = ३६° । ५२′ । १२″
का = ६७° । २२′ । ४८″
ग = २१
      अ = १३
 (৩) হ= ২০
      गा=७५°। ४५′
                                      ्र आ = ५९° । १′ । २०°
सा = ५९° । ५९′ । २५°
ग = ६०° । ५९′ । १५°
      व्य = १००
 (८) क = १०१
      ग = १०२
                                       ुआ = ५३°। ७′। ४८∙३°
का = १८°। ५५′। २८′७°
गा = १८७°। १६′। ४३°
      अ = ३७
 (৭) क = १५
      ग = ४४
      अ = ३४२०२०१
(१०) क= ८६६०२५४
      ባ = የረሄረ፡፡፡፡፡
```

५७ । त्रजात्यज्यसस्य शेषावयवाजात्यज्यसमाणितेनापि शातुं शवयन्ते किन्तु तत्रेष्टकोणात् तत्संग्रुत्वश्चने छम्बं निपात्य द्वे ज्यस्ने उत्पादनीये भवत इति विशेषः।

५८ । अथ त्रिकोणिनेतेषेथा वंशगृहपर्वतादीनामै-स्ट्यस्य तस्वान्तरस्य चावामः स्यात् तथोच्यते । तद्येमादौ कस्य चित् सरलप्रदेशस्य दैर्ध्य कतिययकोणानां च मानं चावश्यमवगम्यं भवति । तत्र मदेशदैष्यं तु रज्ज्वा सरलयस्था वा गणयन्ति कोणांब तुरीयपष्टादियम्त्रैः ।

जदा० (१)। यदि कस्यवित् (अक) सरलवंशस्योच्च्यं झातव्यं तदा (अ) स्थानात् समानभूमो सरलयस्ट्या (अग) प्रदेशं गणियत्वा (ग) स्थानात् (क) वंशायस्थोद्धार्त तुरीयेण प्रमेन वा विद्वयेत् तदा यदि (अग) दैस्य (अ) तुस्य स्थात् (क) स्र उन्नतिश्च (क°) स्थात् (गाग) स्ट्युच्ल्रितिझ (ग) स्थान् तदा (प्रक्र० ५० प्रका० २)

आक = आगा-स्प ८ आगाक ≈ अग-स्प ८ आगाक = अ-स्पक

ं. (अक) स्नीच्च्यम् = अन्त्यक+ ग एवग्नीच्च्यं झायते ।

एवं रक्समस्वादुरुपतरबस्तुनो गणितागतमौद्य्यमानं रप्यु-ष्युप्रवेणाधिकं वास्तवं भवति । रक्समस्याद्धस्तनबस्तुनो गणितागर्व मानं च रप्युरुप्रवेण विरुप्तेषतं वास्तवं भवतीति । यदात्र अ = २५ हस्ताः । क = ३०°। ग = ३ $\frac{5}{2}$ हस्ताः

सदा आक = २५ × स्प३०°

चा प्रघा_दआक = प्रघा_द२५ + प्रघा_दस्प३०°- १०

≈ १·३९७९४०० + ९·७६१४३९४ **–** १०

= १.४५८३७८४ = प्रचा_द१४.४३३७६

ं वंशोव्य्यम् = १४'४३३७६ + ३'५ = १७'९३३७६ हस्ताः।

उदा॰ (२) समातभूमौ वर्त्तमातस्य कस्यचित् प्रासादस्यौच्च्यं ((अक्), दृरत्वम् (अग) चावगम्यम् ।

अत्र करूयताम् (ग)-स्थानात् (क) अत्रवेधे छव्धा अंशाः (आ) । ततः (अ)-मूछाद्यस्यां दिशि (ग)-स्थानं वर्त्तते तस्यामेव दिशि

तत्र यदि औच्च्यं (अक) = य, दूरस्वम् (अग) = र

५७ । अजात्यन्यसस्य शेषावयवाजात्वन्यसगणितेनापि शातुं शवयन्ते किन्तु तत्रेष्टकोणात् तत्त्वंग्रत्यस्यं निपात्य हे त्र्यस्रे उत्पादनीये भवत इति विशेषः।

५८ । अथ त्रिकोस्याभितेष्या वंश्वगृहपर्वतादीनामी-च्हास्य तस्वान्तरस्य चावगमः स्यात् तथोच्यते । तद्दर्थमादौ कस्य चित् सरस्त्रश्चर देर्ह्य कतिषयकोणानां च मानं चावश्यमवगम्यं भवति । तत्र प्रदेशदेर्ह्यं तु रज्ज्वा सरस्त्रथस्या वां गणयन्ति कोसांश्च तुरीयपद्यादियन्त्रैः ।

चदा० (१) । यदि कस्यचित् (अक) सरछवंशस्योच्च्यं झातव्यं तदा (अ) स्थानात् समानभूमो सरछवस्त्र्या (अग) प्रदेशं गणियत्वा (ग) स्थानात् (क) वंशामस्थोज्ञति क चुरीयेणपष्टेन वा विद्वयत् तदा यदि (अग) दैस्य (अ) नुत्यं स्थात् । (क) स उन्नतिश्च (क) स्थात् तदा (प्रक्ष० ५० प्रका० २)

भाक = आगा स्प ८ आगाक = अग स्प ८ आगाक

= स्थक

ै, (अक) औदस्यम् ≍ अन्त्पक + ग

• एवमौरस्यं ज्ञायते ।

एवं ष्टक्समस्त्राहुच्यतरबस्तुनो गणितागतमौद्य्यमानं प्रयन्तुः च्छ्रायेणाधिकं वास्तवं भवति । एक्समस्त्राद्धस्तनबस्तुनो गणितागतं मानं **४ र**प्त्राच्यायेण विदलेषितं बास्तवं भवतीति । यदात्र अ = २५ हस्ताः । क = ३०° । ग = ३१ हस्ताः

तदा आक = २५ × स्प३०°

वा प्रवा_दआक = प्रवा_द२५ + प्रवा_दरप३०°- १० = १.३९७९४०० + ९.७६१४३९४ - १०

= १.१५९३७९४ = प्रचाट्ट१४.४३३७६

- १ (५५,५०,४ = ४४।३१४ १२५०६ . ं. बंशौच्च्यम् = १४'४३३७६ + ३'५ = १७'९३३७६ हस्ताः।

उदा॰ (२) समानभूमौ वर्त्तमानस्य कस्यवित् प्रासादस्यौच्च्यं ((अक), दरत्वम् (अत) चावगम्यम् ।

अत्र कल्प्यताम् (ग)-स्थानात् (क) अप्रवेधे छन्धा अंशाः (आ)। ततः (अ)-मूठाचस्यां दिशि (ग)-स्थानं वस्तंते तस्यामेव दिशि

तत्र यदि औच्च्यं (अक) = य, दूरस्वम् (अग) = र

अनयोः क्रमेण प्रधातमापकरूपे

प्रघा_दय = प्रघा_दअ + प्रघा_द्याआ + प्रघा_द्याका - प्रघा_द्या(आ - का) - १० i

प्रघा_दर = प्रघा_दअ + प्रघा_दकोज्याआ + प्रघा_दक्याका —प्रघा_टक्या(आ —का) – १० ।

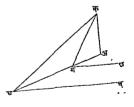
यदीह- अ=५०।आ=३०°।२५'।का=१९°।३५'।

तदोत्यापनेन सिद्धमौच्च्यमानम् , य = ४५'१४३ हस्ताः ।

तथा (ग)-स्थानात् दूरत्वम्, र = ७६'८९३ हस्ताः।

उदा० (३) कस्पाश्चित् (अगय) क्रमनिम्नोर्ज्या भूगुष्ठे प्रावण्यं (अपच) किळ (आ) अंशाः, तथा (अय) भूमौ वर्त्तमानस्य (अक) गृहादेरीच्च्यद्रस्वयोरवगमाय तद्भृरयेनैव द्रप्ट्रा (ग)-स्थानात् (क) अमवेथे क्वेत उटधाः किळोत्रवांशाः (कगछ)=(का)

अंशाः, ततः (अग)
दिश्चेव (ग) स्थानात्
(प)-स्थानपर्यन्तम्(अ)
हस्तमितदेश गत्वा पुनः
(क)अप्रवेषे कृते स्टब्धाः
किरोहनतांशः (कच)
= (गा)। तत्र यदि
और्ज्यम् (अक) =
य, दूरस्वम् (अग) = र,



एवम् र = कग ज्याअकग व्याकअग

> अञ्चा(गा - आ) को ज्याका ज्या(का - गा) को ज्याका

अनयोः क्रमेण प्रधातमापकरूपे

प्रचा_दय = प्रचा_दअ + प्रचा_दःया(का-आ) + प्रचा_दःया(गा - आ) - प्रचा_दकोग्याआ - प्रचा_दःया(का - गा)।

प्रया_दर = प्रया_दल + प्रधा_दल्या(गा - ला) + प्रधा_दकोज्याका - प्रयाद्व्या(का - गा) - प्रया_दकोज्याला ।

यरात्र अ=५० हस्ताः, आ= ३०°,का=६२° । ३०′,गा=५०° । १५८

तदोत्थापनेन सिद्धमौच्च्यमानम् य = ५०'६०३। एनम् (ग) दूरत्वमानम् र ≈४३'४८८।

उदा० (४) धमभूस्थमवगतौच्च्यमल्पपर्वतमारु भृस्थसरलवं-

शस्याप्रमृत्वयोः प्रत्येकं दक्समस्-त्राद्धरांशान्*विद्ध्वा तद्वंशस्यौ-रुज्यमानं शातन्यम् ।

यथाऽत्र किछ (गच)-पर्वती-एटयम्= अ । (य)-स्थानात् (अक)-वंशस्य मूलापवेषे छच्छे क्रमेणाध-रांशमाने (घजम)= आ, (पजच)= का । (अक) वंशीच्ट्यम् = य



पर्वतापास्टम्बस्य कीलकामं परवन् समभूस्थितवंशमूलं यष्ट्या विद्वयेत् । एवं सद्वशाममि । तत्र दृष्टिलमं कीलकाम्यप्ट्युत्ननः कोणकोट्यंशा एवापरांशा दृति ।

तदा
$$\frac{\sin \alpha}{4\pi a} = \frac{2}{4\pi} \frac{1}{4\pi} = \frac{2}{4\pi} \frac{1}{4\pi} \cdot \frac{1}{4\pi} = \frac{3}{4\pi} \frac{1}{4\pi} \cdot \frac{1}{4\pi}$$

.. अक = य = अन्या(आ - का) च्याआकृत्याका

स्गमतरम्।

उदा० (५) अज्ञातीच्च्यात्पपर्वतिशिखरमारुष्ट समभृरियतयोरक-गतान्तरयोर्हेश्रमृख्योः प्रत्येष्ठं हक्तमसृत्रादधराज्ञमाने द्रष्टवृष्टमृत्यप् गन्तयोर्हेर्स्ट्रियोरन्तर्गतकोणं चावगत्य तत्पवतीच्च्यं ष्टथमवगम्य-भिति प्रदः ।

बधा किलाज अ, क नृक्षमूछवेरन्तरं, अक=अ। (गध) पर्वतस्य (घ)-शिखरे स्थिस्ता अ,
क मुठ्योवेचे कृत छन्च क्रमेण
हक्तमस्त्रात्घरांश्चाने आ, का
तथा ८ अधक=गा, (गध)
पर्वतीच्च्यम्= य,



सदा अकपत्रिभुजे अघ = य कोछेआ, कघ = य कोछेका †

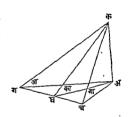
^{*} प्रपाद्य = प्रपाद्य + प्रयाद्या (आ - का) - प्रपाद्याया - प्रयाद्वियाका, एतत् तु सुगमतरमत एव यतस्वत्र पर्वतीच्ट्याथरांश-मामकरूपनगपि सुगमम् ।

[ी] त्रिभुजे भुजत्रयमानेषु झातेषु यस्य कोणस्य कोटिन्याऽपेह्यते (३८) प्रक्रमतस्तत्कोणात्यादकभुजनगंबीगस्तत्कोणात्यमुजनगंबीनः

.ै. अ^२ = य^{*}-कोछे^२आ + य^३-कोछे^२का − २य^३-कोछेआ.कोछेका.कोज्यांगा ।

उदा० (६) (अगच) समभुवि स्थितस्य (अक)-वंशादेः (क)

अमे (ग्रंच) सरखरेखारघेषु
ग, घ, च, स्थानेषु स्थित्वा
विद्धे छच्याः क्रमेणांशाः
आ, का, गा,।एवं (गघ)
(घच) रेखयोगंगने छच्या
इस्ताः अ, क। अत्रैभ्यः
(अक) वंशादेरीच्च्यमवगम्यम्।
तदा कल्प्यतामत्र_(अक)
औच्च्यम = य



्रं अग ≈ य कीरपञा, अघ = य कीरपका, अच = य कीरपगा ो

अत्र यतः कोज्याअघग = अघ^२ + गघ^२ - अग² २अघ.गघ

> कोज्याअघच = अघ^२ + घच^२ - अच^२ २अघ.घच

एबम् क्षेज्याअधग == क्रोड्याअधच

स्तन्निर्दिष्टकोणात्पादकभुजयोतन हिर्गुणेन भक्तस्तरकोणकोटिज्या यथा— कोज्यामा = अप भ कप भ अप अत अत्यापनेन ।

```
त्रिकोणमितौ
```

1886

• । अघ^र + गप्प^र - अग्प^र - अप^र - अप्प^र - घप^र *।
• । २अप्प पच

• ' २अघ.गघ २अघ घच अत्रत्य[†]पदानि पूर्वसाधितैस्तत्तदुन्मानैरुत्थाप्य समीक्रियया छन्ध•

अत्रयःपद् मौच्च्यमानम् ,

 $\mathbf{u} = \sqrt{\frac{\mathbf{w} + \mathbf{v}}{\mathbf{w} \cdot \mathbf{w} + \mathbf{v}}}$ $\mathbf{u} = \sqrt{\frac{\mathbf{w} \cdot \mathbf{w} \cdot \mathbf{w}}{\mathbf{w} \cdot \mathbf{w} \cdot \mathbf{w} \cdot \mathbf{w}}}$

खदा० (७) पारेनिद दुर्गमस्थाने वर्त्तमानयोः अ, क वृक्षयोरन्तर-

```
* • अय<sup>3</sup>+ गाय<sup>2</sup> - अग<sup>3</sup> - अय<sup>3</sup> - प्रच<sup>3</sup>,

२ अय <sup>1</sup>+ गाय<sup>2</sup> - अग<sup>3</sup> - अय<sup>3</sup> - प्रच<sup>3</sup>,

गाय - प्रच<sup>3</sup> - प्रच<sup>3</sup>,

प्रच<sup>4</sup> - प्रच<sup>3</sup>,

प्रच<sup>4</sup> - प्रच<sup>3</sup>,

प्रच<sup>4</sup> - प्रच<sup>4</sup>,
```

्रै. अघ^र घच+ गय^२ घच — श्रग^२ घच=अघ^२ गष-अघ^१ गष — घच^२ गय,

ं गर्भ घच + घच शास = गाम घच (गम + सच) = अक (अ + क)

= अस्य ग्रह + अग्रह स्व - अस्य स्व - अस्य ग्रह

 $= nq(3q^2 - 3q^2) - qq(3q^2 - 3q^2)$ $= nq(q^2 s)q^2 n - q^2 s)q^2 s - q^2 (q^2 s)q^2 s - q^2 s)q^2 n - q^2 n - q$

, = \mathbf{u}^{2} (\mathbf{s} \mathbf{e}) $\mathbf{e}^{2}\mathbf{u}$ 1 – (\mathbf{s} + \mathbf{e}) \mathbf{e}) \mathbf{e} (\mathbf{s} + \mathbf{e}) $\mathbf{e}^{2}\mathbf{e}$ $\mathbf{e}^{3}\mathbf{e}$ $\mathbf{e}^{3}\mathbf{e}$

(य)-मानमाकरे स्पष्टम् । † अस्, अस, अब, गद्य, घव इमानि स्वरूपणि । प्रदेशस्यावगमाय तत्समभूदेशेऽवाक्तीरे (गघ)-रेखाम् (अ)-हस्तीमतां

गणियता (ग)-स्थानात् गणितयोः (अगष), (कगष) कोणयोः क्रमेणांज्ञाः (आ. का) ततः (घ)-स्थानाच्च (कघग), (अषग) कोणयोः क्रमेणांज्ञाः (गा,पा)एम्थ-(अ.क) क्रमयोदन्तरमयगम् ।



एतम् (अघ), (कघ) भुजी तदन्तर्गतः (अघक) कोणश्चैतेभ्यः (अक) भुजावगमः (३८) प्रक्रमतः सुगमः ।

तथा हि— अक³*=अघ²+कघ²-२अघ.कप.कोज्याअघक
∴ अक = $\sqrt{3घ²+कघ²-२3घ.कघ.कोज्या(गा-धा)}$ ।

चदा० (८) (पञ) समभुवि वर्त्त-मानस्य (अकग) गृहादेः (अक),(का) प्रदेशी क्रमेण अ, क हस्तपरिमिता-बवगती। तत्र तदगृहादेर्द्रस्तवानमाय्य (प) श्यानात् (क्षमा) कोणे मारिते क्या शंदाः (जा) तथा च (पञ) पुरस्तं कियत् स्यादिति प्रदनः

^{*} स्पष्टार्थं पञ्चमोदाहरस्य दिष्यणी विलोक्या ।

अत्र किल य = घअ-प्रदेशहस्ताः।

चदा स्पक्तमा = स्प(अथग - अथक) = * स्पअधग - स्पअधक १ + स्पअधग स्पअधक

$$\therefore \text{ example } \frac{\frac{3+5}{2} - \frac{3}{2}}{\frac{3+5}{2} \cdot \frac{3}{2}} = \frac{52}{2} = \frac{3+5}{2} = \frac{3}{2} =$$

अस्मात् समीकरणतो लब्धं (य) सानम् ूंक ±√कर-४ अ(अ+क) स्पैआ इस्पक्षा

अप्र (स्पआ) अस्य मानं यथा – $\frac{\pi}{\sqrt{3(3+\pi)}}$ अस्मा

दूनं तेन समं वा ततोऽधिकं वा स्यात् तथा (य) मानं कमेण द्विवि-धमेकविधमसंभवं च वोध्यम्।

तदैकविधमानं च √ अ(अ + क) एतत् स्यात्।

एतत्प्रश्नोत्तर क्षेत्रमितिरीत्याऽपि झटिसवगम्यते ।

तथा हि— (कग) रेखोपिर तथा नृत्तखण्ड फार्य यथा तहेखायां वर्तमानः तत्खण्डपरिधिखन्नःकोणः (आ) अंदापरिमितः स्यात् । ततः (अ) रेथाने छम्यः कार्यः । तेन छम्येन तह्नृत्तखण्डे छिन्ने स्पृष्टेऽस्पृष्टे षा (अप)मानं द्विविधमेकविधमसंभावं वित स्पष्टमवगठं स्यात् । अथ छम्येन वृत्तखण्डे स्पृष्ट एकविधम् (अध) द्रस्वमानमितं

√ अ(अ + क) क्षेत्रमितितृतीयाष्यायस्य षट्त्रिक्षत्रतिक्षया स्पष्टम् ।

^{*} एतद्वं २ • प्रश्रद । ध पहित्रिकोस्या । '

अभ्यासार्थमुदाहरणानि ।

(१)* यस्पायतक्षेत्रस्य कोटिः ५० (अ) इस्ताः । तस्य कोट्येक-प्रान्ते स्थित्वा संमुखकोटिप्रान्तयोरन्तर्गतकोणे विद्वे छन्धा अंशाः ३०९ (आ) तथा च तस्य भुजप्रमाणं कियदिति प्रश्नः ।

(२) पूर्वापरायवाया भिचेर्टक्सूत्राहुच्छ्रितः १५ (अ) हस्ताः । तस्या भिचेर्दक्षिणपार्श्वे ३५ (क) हस्तान्तरे देशे स्थित्वा भ्रवतारायां विज्ञोकितायां सा भिर्म्पूर्वप्रान्तलग्ना दृष्टा तत्र तदानीं भ्रवोन्नतिः कियती स्वादिति प्रदतः ।

ध्रुवोन्नितः =
$†$
स्प $^{-3}$ $\frac{s}{a}$ = २३°। ११′। ५५″ इत्युत्तरम् ।

(३) कस्यचिद्धंतादेरीच्च्यावगमाय गणकस्तत्समभुवि सरस्वप्रदेशे २०० (अ) इस्तमितं गणियत्वा तत्त्रदेशैकप्रान्तान् तद्परप्रान्तस्य वंशायप्रस्य चान्तर्गतकोणम् ५०°। १२′ (आ) अंशमितं विष्वा तत्त्र-देशायरप्रान्ताच्च तदाद्यधान्तस्य वंशाद्यप्रस्य चान्तर्गतकोणम् ४०°। २५′ (का) अंशमितं वंशाद्यप्रस्य चोन्नतिम् ५७°। ४०′ (गा) अंश-मितां झातवान्। तथा च तस्य वंशादेरीच्च्यं कियत् स्यादिति प्रश्नः।

र्र यावतः कोणस्य चापस्य वा स्पर्शरेखा क स्वात् सावतो द्योतकं

स्य - १ क प्रसन् स्यात्। पूर्व ज्या - १ क । कोज्या - १ क इसादीनि की-ज्यादीनो कोलोकापान् घा शोतवन्तीति ।

^{*} सर्वेषां प्रश्नानां सोपपत्तकान्युत्तराणि प्रभान्ते विळोनवानि ।

वंशाबीच्च्यम् अञ्चाआ-ज्यामा = १२९'८४ हस्ताः ।

(४) पारेदुस्तरनिद् किञ्चित्रमृहादि वर्षते तस्यावाक्तीराद्दूरः त्वावगमायावारवीरे १०० (अ) इस्तमितं तिर्यमप्रदेशं विगणध्य तस्प्रदेशेकैकप्रान्तात् तदपरप्रान्तस्य गृहादेश्चान्तर्गतकोणं विद्धे छन्ये क्रमेण कोणमाने ४०°। २५'(आ), ३७°। ४८'(का) तथां च तत्तरस्वेशप्रान्तात् तद्गृहं क्ष्यितं कियस्तरते वर्षत इति प्रश्नः।

प्रथमप्रान्ताद्दूरत्वम्= ज्या(आ + का) = ६२.६१०१ इस्ता: ।

द्वितीयप्रान्ताद्दूर्^{त्वम्} = अ-व्याआ • इतीयप्रान्ताद्दूर्^{त्वम्} = ज्या(आ + का) = ६६[,]२२९८२ हस्ताः ।

(५) कस्यादिचदुदुस्तरनद्याः पात्रविस्तृत्यवगमायावाक्तीरे ६० (अ) हस्तामितं तिर्पेक् प्रदेशं विगणय्य वत्तस्यदेशप्रान्तात् वदपरप्रा-न्तस्य परतीरवर्षितः कस्यचित् प्रस्तरादेश्चान्तर्गतकोणे विद्धे छन्धे क्रमेण कोणमाने ४२° । १७′ (आ) । ५२° । ३५′ (का) तथा च तस्या नद्याः कियती विस्तृतिरिति प्रदनः ।

सदीविस्तृतिः = अःस्याआ-ज्याका = ३२'१७७६८ हस्ताः।

(६) कारयां मङ्गापात्रे वर्त्तमानायाः करयादिचन्महावरण्याः संसुखतटदेशशींचीन चत्वारिरात् (अ) हस्तौच्च्ये गृह स्थितेन मटु-जेन तद्गृहोर्ष्वतल्देशाभ्यां प्रत्येकं समसूत्रादधरांशा विद्धाः क्रमेण ४०°। १५' (आ), २५°। ३०' (का) एतिमता ल्व्याः । तथा घ वद्गृहत्वं गङ्गापात्रजल्यप्रसमदेशान् कियलासुच्ल्र्यां वर्त्ते तदु-च्ल्युतिदेशमूलाच्य सा महानौः कियति द्रे वर्त्तत इति प्रदनः ।

(७) कस्यचित् पर्वतस्य शिखरे ५० (अ) हस्तौच्च्यं देवगृह् बर्त्तते तस्याप्रमृखयोस्तरवर्वतोपस्यकायां स्थितेन मनुक्रेन विद्धयोर्डच्ये क्रमेणोन्नतांश्रमाने ५१°। ४०' (आ)। ५०°। १५' (का) तथा च तर्त्वतौच्च्यं कियदिति प्रदतः।

(-८) कस्यचिन्महासरसो दक्षिणोत्तरभागयोरीश्वरप्रासादे वर्तते तयोरन्तरप्रदेशावगमाय तत्सरसः पूर्वभागे तथा वंशो निखनितो यथा स दक्षिणप्रासादात् २०० (अ) हस्तान्तरे स्यादुदक्प्रासादाच्च ८० (क) हस्तान्तरे भवेत् । ततो दक्षिणप्रासादाद्वंशोदकप्रासाद्योरन्तर्गक-कोणे विद्वे रूच्या वंशाः २१°। १७'(का) अत्र पृच्छा तयोः प्रासा-दयोरन्तरं कियदिति ।

(९) समुद्रान्तः प्रविष्टयोर्भूदेशयोरमयोर्महान्तौ शास्त्रश्रीशृक्षावा-सात । तयोरन्तरप्रदेशावगमाय भूमिस्थात् कस्मान्तित् स्थानात् प्रवि-ष्टश्चपर्यन्तं गणितौ प्रदेशौ कमेण १५० (अ), २०० (क) हस्ता-सकौ स्थानाम् । एवं तस्मादेव स्थानात् तवोर्धश्रयोरन्तरगंतकोणे विदे उच्याः किछाशाः ५०° । २७' (गा) तथा च तयोर्धश्रयोरन्तरप्रदेशः कियानिति प्रदतः । अन्तरप्रदेशः = √ अर्+कर-रअक कोज्यागा =१५५.८७ हस्ताः।

(१०) पर्वतक्षित्वरे प्रस्तरमयस्तरमो वत्तते तस्यौच्च्यावगमाय तस्यवैतिकद्रभूमौ स्थित्वा स्तम्भाप्रोत्रविवेधे छन्धा अंज्ञाः ३१°।२०' (आ) ततः स्तम्भादिद्वेवाधे सरस्यभूमौ १५० (अ) हस्तमितदेशं गत्वा स्तम्भाप्रमूलोत्रसोवेंधे कृते छन्धाः क्रमेणांकाः ४५°।४२' (क्रा)।३५°।३३'(गा) तथा च स्तम्भोच्च्यं कियत् पर्वतौच्च्यं च क्रियदिति प्रदतः।

स्तम्भीच्च्यम् =
$$\frac{\text{जा-व्याशा च्या(का - गा)}}{\text{कोच्याग, ज्या(का - जा)}} = ६८.०९१ हस्ताः$$

पर्वतौच्च्यम् = अ.ज्याआ कोज्याका ज्यागा =१५६ ८९८४ हस्ताः

(११) यस्याः क्रमानिम्नमूमेः समानमूमी प्रावण्यं २९°। १५' (जा) जंशा यस्याश्चायरप्रान्तो दुस्तरनद्यास्तटं भवति तस्याः यर्तिरे एकं देवगृहं धर्मते तस्यीष्ट्यावगमाय वदेवगृहसंग्रुतमेव तत्- क्रमानिम्नोव्यां वपरितनप्रान्ते गणकेन स्थित्वा देवगृहस्रिक्षरे विदे स्वया अधरांशाः ११°। २०' (का) एवं स देवास्त्रयसंग्रुत्तिद्वयेष तां क्रमानम्नमूमि २०० (अ) हस्तिमतामवरुहा तद्द्रीरपरप्रान्ते प्राप्य पुनस्तदेवगृहामे विदे स्टब्या वम्नतांशाः २९°। २०' (गा) त्या सति नया विस्तृतिः क्रियती देवगृहस्यीष्ट्यं प क्रियति वस्तः।

(१२) भूमौ निरानितस्य द्वार्श्वश्चस्त~(अ) परिमाणौच्यस्य सरखंशस्य मूट्यमितः सर्वासु दिक्षु प्रवण आस्ते । तस्य समानभूमौ प्रावण्यं किल विंशतिरंशाः (आ°)। अथ तस्मिन् वंशे वातवेगेनैकदेशे भग्ने तस्याप्रं वश्ममूलात् योडस~(क) हस्तान्वरे लग्नम्, तथा सति वंशो मूलात् कियस्सु हस्तेषु मप्त इति प्रदनः ।

(१३) कस्यचित् पर्वतस्य झिस्तेर १२० (अ) हस्तप्रमाणः प्रसारस्तम्भे वसंते। तत्पर्वतीपत्यकास्थेन केनचित् सुरुषेण सम्भमूछाप्रयोरन्तर्गतकोणे विद्धे छ्ट्या अंशाः ९°। ४०' (आ) ततः सम्भदिश्येवामे २०० (क) हस्तमितसमानदेशं गत्वा सुनः सम्भमूछामयोरन्तर्गतकोणे विद्धे छ्ट्यास्तावन्त एवांशाः । तथा च पर्वतीच्च्यं
कियदिति प्रसनः।

यवैतोच्च्यम् = र्
$$\left\{\sqrt{\frac{s}{(\pi i | si)}^2 - s^2 - si}\right\}$$
= २८३-०४३४६५५ हसा: ।

(१४) इस्त शतो-(अ)च्छूमस्य राजसदनस्योपिरभागे स्थितो गणकः समभुवि दुर्गमस्याने वर्त्तमानयोर्धुश्चयोरन्तरं जिज्ञासुस्तन्म्-स्र्योरभरांशमाने २°। ५६' (आ), ३°। ११' (आ) एतावती अवगत्य तयोरेवान्तर्गतकोण ९°। ४१' (गा) अंशमितं ष्टवान्। तथा च सर्वार्धुश्चयोरन्तर कियदिति प्रदनः।

अन्तरम् = अ√ कोछे 'आ+कोछे 'का-२कोछेआ कोछेका को ज्यागा = ३५४ ३४९। (१५) एका पूर्वापराऽन्या याम्योत्तरा चेति हे भित्ती हादश (अ) हस्तोच्छिते सः।तत्र यदा पूर्वापराया भित्तेरत्तरपार्थे छाया हस्तवतुष्क-(क) विस्तृता याम्योत्तरायाश्च पश्चिमपार्थे छाया हस्तत्रय-(ग) विस्तृता स्यात् तदा रवेरुजीतः कियती दिगंशाश्च क्रियन्त इति प्रशः।

उन्नतांशाः = स्प
$$^{-1}$$
 $\frac{9}{\sqrt{sc^2 + n^2}}$ = ६७° । २२' । ४८ $''$ ।

(१६) एका पूर्वापरा द्वादश-(अ) हस्तोच्छ्र्या भितिरस्ति । तस्याः पश्चिमप्रान्ते छग्ना पूर्विदिक्षिष्ठात् ६७°। ३०' (आ) अंशान्त्तरे उत्तरभागे गवाऽन्या भित्तिरस्ति साऽपि द्वादशह् स्त्रेच्छ्र्या। यदा त्रयोभित्तोदछाये तद्वहिर्माग एव तथा संजाते यथा पूर्वापरावादछायाः हस्तप्रय-(क) विस्तृता स्यादन्यायाश्च हस्तप्रयुष्क-(ग) विस्तृता भवेत् । त्रदा रवेठन्नतिः कियती दिगंशाश्च कियन्त इति प्रदृतः ।

जनतांशाः = स्प^{-१}. जन्याजा
$$\sqrt{\pi^2 + \eta^2 + 2\pi \eta \cdot \hat{\pi}}$$
ज्याजा $\stackrel{*}{=} 52^{\circ}$ । ११' । ३९' ।

(१७) कश्चन गणकः कोणमापकवन्त्रविरिहेवोऽपि केवल्यप्ट्यैव वुत्तरनद्याः पात्रप्रमाणं जिज्ञामुरवार्त्तोरं (कग) सरलप्रदेशं १७५ पश्चसप्तत्युत्तरहातहस्तमितं गणियस्त परतीरस्य (अ) पित्रं (क)– स्यानादास्यो दिशि वर्त्तते सद्विरुद्धदिशि (क्य) प्रदेशं पिष्टहस्तिभतं विगणस्य (गय) प्रदेशे गणिते छत्या हस्ताः २१४ ततः (ग) स्यानादास्यां दिशि (अ) चित्नं वर्त्तते तद्विपरीतिदिशि (गच) प्रदेशं ९० हस्तिभतं विगणस्य (क्य) प्रदेशे गणिते छत्या हस्ताः २१५ तथा च तक्षदाः पात्रममाणं कियदिति प्रस्तः।

पात्रप्रमाणम् = २०० ८६२८ हस्ताः ।

(१८) यखाः समानभूमौ प्रावण्यं विश्वतिः २०° (आ) अशा-स्त्राष्ट्रयाः क्रमनिन्नभूमेठपरितनभागेऽतित शत-(अ) हस्तोच्छ्यः कश्चन तरुः । तस्य संमुखदेश एव क्रमनिन्नोच्यां अधस्तनभागे वृक्षा-द्धस्तशतद्वया-(क)न्तरेऽस्त्रेकोदकपूणां वाषी । तथा च तबृक्षाभभा-गस्थयोवानरपोरेकस्तत उत्तीर्थ वाषीमगादपरश्च ततः किञ्चिदुद्दीय कर्णमागेंण तामगात् । तथा च तथोगेत्रोः समत्व उद्दीनमानं किय-दिति श्रदनः ।

(१९) सरल्वंशस्याम (अ) इस्तदैर्घ्यस्य समानभ्रदेशस्य प्रान्तयोः प्रत्येकं स्थित्वा विद्धे छन्यास्तुत्या एव (आ) संख्याका उन्नतांशाः । सस्य च मध्यमागे स्थित्वा वंशामे विद्धे छन्या (का) उन्नतांशाः । तथा च तस्य वंशस्योच्छ्रितिः कियती प्रदेशमध्यस्थानादृद्रस्यं च कियदिति प्रदन्तः ।

(२०) अ, क, ग संझकेषु त्रिषु स्वानेषु (अ) स्थानात् (क)
स्थानं प्रान्त्यां दिजि वर्तते (ग) स्थानं च प्राक्षिवहतो दक्षिणभागे
(अ) अंशान्तरे वर्तते ! अथ (कग) स्थानयोरन्तरप्रदेशः (अ)
हस्तिमेतोऽस्ति किन्तु तस्य टूर्गमत्वात् किस्मिश्चन्मनुते (क) स्थानात्
(अ) स्थानं गत्वा ततः (ग) स्थानं याते तेन (क) हस्तिमतः
प्रदेशोऽतिकान्तः । तथा च (क) स्थानात् (अ) स्थानं कियदद्रेरे
(अ) स्थानाच्च (ग) स्थानं कियद्दुरे वर्तत इति प्रदनः ।

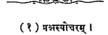
(क) स्थानात् (अ) स्थानस्य दूरत्वम् = १ क ± √ अ॰ =१उआ.क॰ २कोज्या १ आ

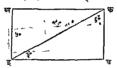
(अ) स्थानाच्च (ग) स्थानस्य दूरत्वम् =रेक ∓ र् अ*-२ उआ क* २कोज्या रे आ

इति त्रिकोणमितितन्त्रे चतुर्योऽघ्यायः।



निकोणमितौ प्रन्यछडुकविशतिप्रधानौ सुवासनागणिताभ्यां सहोत्तराणि ।





फस्यवे बहुरक जायतक्षेत्र यस्त्रैको सुजः बहु=अ=५० हस्ताः । अत्र अहु-सुजस्य इ-प्रान्ते स्थित्वा टक-सुजस्य फ-प्रान्तवेघेन खन्धाः कोणाताः=२०°=आ । प्रवासह इटक-जात्वात्रमुक्ते

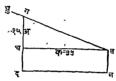
$$\begin{aligned} & \frac{\operatorname{sut}\xi\circ^\circ}{\operatorname{sul}\xi\circ^\circ} = \frac{\xi\sigma}{\operatorname{su}} : \xi\sigma = \frac{\operatorname{su}\chi \times \operatorname{sul}\xi\circ^\circ}{\operatorname{sul}\xi\circ^\circ} \\ & = \frac{\operatorname{su}\xi}{\operatorname{sul}\xi\circ^\circ} = \frac{\operatorname{su}\xi}{\operatorname{cul}\xi\circ^\circ} = \frac{\operatorname{su}}{\operatorname{cul}\xi\circ^\circ} = \frac{\mathfrak{k}}{\operatorname{cul}\xi\circ^\circ} = \frac{\mathfrak{k}}{\operatorname{cul}\xi\circ^\circ} \end{aligned}$$

∴ ज्या ६०° =
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 ∴ स्पना = $\frac{\frac{7}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}}$ = $\frac{7}{\sqrt{3}}$

र इंद्रमुज: =
$$\frac{4}{2}$$
 = $61 \times 1/2$ = $401/2$

= 1/ २५०० × ३ = 1/ ७५०० कस्य ८१तमग्रष्टस्यनवीन-मुखानयनरीत्या मानम् = ८६[,]६०२५४ ।

(२) प्रश्नस्योत्तरम् ।



करप्यते चवर्तन-समभूमेहपरि पूर्वोपरायता १५१स्त्रोस्ट्रिता भि-विराख्ति । भिनिस्ट्रात् च-स्यानाट् दक्षिणतः त्व-स्याने उत्याय रात्री येष्ट्रचरं विकोक्यते तरा भ्रवतारा तद्भिन्तेरमप्रदेशे ग-सिन्द्रावेष दर्यते । अत्र भ्रवोत्तातिरपेस्या । एकं गचतिमुत्ते अ, क, ग क्रमेण भुजाः, कोणाश्च स्ना, का, गा । जासत्वात् गा = ९०° ।

स्रताऽस्त्रे ९७तमपृष्टस्यक्षमोदाहरणातुष्ठारेण प्रपातमायकरूपम् । प्रपाद्वपक्षा = १० + प्रपाद्वम − मेपाट्टक == १० + १७६०११३ − '९५४०६१८ = ९'६३२०२९५ । अन्न 'त्रमुरिक्य'-सारिणीत प्रघा_द(२३°। ११')

=9.5380030

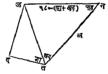
अथ ९·६३२०२९५ - ९ ६३१७०३७ = ३२५८

∴ प्रचाद्(२ई । ११′) — प्रचाद(२ई । १२′) = ३४९०

$$\therefore \frac{3340 \times 60^{1}}{3880} = \frac{88485}{388} = 48$$

- . प्रचा_टरपक्षा = ९ ६३२०२९५ = प्रचा_ट(२२[°] । १४ । ५६°)
- ∴ आ-कोण ≔२३°। ११ । ५६″ इयमेव ध्रुवोन्नति ।

(३) मश्चस्योत्तरम् ।



द्वत समानमूमाविष्टप्रमाणो जद-बरोोऽसि यस्य द-मूखाद् द्वप्र-देशस्य व-स्थाने कश्चिद् द्रष्टा स्थित । वस्मान् ज भशापवेषेन<जवद =मा = ५७°। ४०′। अय दतमार्गमपहायान्य तन-मार्गमगुस्य श-वह्यभिते वत-दुल्ये ज-प्रदेशे गतेन वेनैव द्रष्ट्रा वशाप्र विद्वम् । यत्र ∠जनत = ∠का = ५०°। १२′, एव ८ जतन = ८का = ४०°। २३′। अतः अतन-तिमुले तज्ञ कोणस्यापि झान सुळमम् । अत्र क्रोमिस्कृति-रवाम्या। एतद्षै प्रथम जतप्रमाणमानीयते तद्यथा—

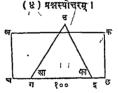
$$\frac{st}{sat} \frac{s}{\{sco - (st + st)\}} = \frac{st}{sat(st + st)} = \frac{st}{satst}$$

.⊁. प्रचा_दजद् = प्रचा_दश्र+प्रचा_दज्याका+प्रचा_दज्यागा

=.3080300+6.6362588+6.5544584

$$= \begin{cases} \frac{-i6.6666n8c}{5.6666n8c} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{$$

∴ जद=१२९°८४ l



कत्त्यते अकछच-अदेशे किमपि गृहं वर्षते यत्र वेष्यशानम् व । तद्गृहं च यस्या नद्यास्टेऽस्ति ततोऽन्यस्मिन् पोरं अन्शाने विद्यमानेन केन चिद्द्रप्यू तत् स्थानं विद्धा तत एक शतहस्तमितं अदेश तिर्यप् भावा पुनस्तदेव स्थानं विद्धम् । तत्र कोणौ∠सा=४०° । २५′ ∠का=३७° । ४८′ खतः शानद्वयाद्गृहान्तरे अपेर्ये ।

$$\label{eq:constraints} \begin{array}{l} \mbox{too} = \mbox{si} \; 1 & \mbox{si} \\ \hline \mbox{cut} \left\{ \mbox{co-}(\mbox{si} + \mbox{si}) \right\} = \frac{\mbox{si}}{\mbox{cut}(\mbox{si} + \mbox{si})} = \frac{\mbox{si}}{\mbox{si}} = \frac{\mbox$$

एवम् गच =
$$\frac{31 \times 32131}{321(31+31)}$$
।

हयो. क्रमण प्रधातमापकरूपे ।

प्रधा $_{z}$ रव = प्रधा $_{z}$ अ+प्रधा $_{z}$ ज्याआ-प्रधा $_{z}$ ज्या(का+का)

= '0000000+8'68'86036-8'9800408

= - '१७८९४६४= '८२१०५३६ = मघाह (६६'२३)

. इच≔६६ २३।

एवम् प्रधादगर = प्रधाद्ध +प्रधाद्यवाका - प्रधाद्या(का +का)

= .000000+6.05(n±6.8£ - 6.660000.5

= - २०३३५५६ = ७९६६४४४ = मघाह (६२ ६१)

पन यत्र ऋणमानं सपदाते तत्र तद्रूपाद्विशोध्य धनमानम-सगम्यम् ।

(५) मश्चस्योत्तरम् ।



कस्त्यते नचा अपरतटस्यः कश्चित् चत्राग्ने- छ। आन्ध्रदेशस्येन ते विध्यता द्रष्ट्रों आ कोणो ज्ञातस्यया अन्यष्टिमित हस्तान्तर विधैगाश्या-ततस्यमेव विध्यता तेन का कोणोऽपि द्वात । एव त्रिपुत्रस्य कोणाभ्या तदस्ववैद्विता भुत्रेन च नदीविस्तारोऽवगस्य । द्शितक्षत्रे १८०°-(आ+का) = वकोणः ।

... चका = अ× ज्यासा ज्या(आ+का)

∴ नदोविस्तारः = खइ = ध x उयाधा x उयाका खया(आ + का) x १

भस्य प्रयातमापकहृपम् ।

प्रधा_{द्}षर् ≈ प्रघाद्भ + प्रधाद्ष्याआ + प्रधाद्ष्याका

-- प्रचा_दज्या(आ |- का)-१०

= '0028483+9 C202C83+9.2989408 -9.99C83844-80

≈२०·५०५९८६२ – १९**·**९९८४३१५

= '५०७५५४७ = प्रघाट३२'१८

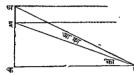
∴ उइ = नदीविस्तारः = ३२'१८.... |

अय केवलरेखागणितेनास्य मकारान्तरोपपत्तिः ।



क्षन्ययाऽभि नदीविस्तारोऽवगन्तुं शक्यते फल्प्यते-नदा संपरवार्धे कश्चिद् छ-भिन्दु । ब्र-भिन्दुक्षेन द्रष्ट्रा तयाऽवछोक्यते यथा नदीतटरू-पायाम् करूरेद्यायाम् उभर्यस्या छम्बरूषा मवेत् । तत रू-भिन्दुर्यावति दूरे बादिति तवाति दूरे सदिशये क्र-भिन्दी गरवा तथा क्रगरूपाया रुम्बरेसायां स द्रष्टा चलितो यथा इ थिन्दु पर्यम् च विन्दुमपि पैरयेत तदा (रे.१क.२६प) अड ≕का, अयमेव नदीविस्तार सुसिद्धः।





षइ = गृहौच्च्यम् = अ । ज-विन्दुर्गृहोध्वेप्रदेश । इ-विन्दुर्गृहतल-प्रदेश । उ विन्दुस्था महानौ । कड च उच्छित्विप्रदेशमूळालोकाधिछि-सप्रदेशहूरवा ।

श्वरिमन् प्रश्ने "गृहतलोर्ध्वदेशाभ्याम्"—इत्यत्र "गृहोर्ध्वतलदेशा-भ्याम्"—इत्यनेन भविवव्यम् ।

জহ্ব-নিমুন্ন হত =
$$\frac{\omega z \times \hat{\omega}_{1} \circ z_{1}(\omega_{1} - \hat{\omega}_{1})}{\hat{v}_{2}((\omega_{1} - \hat{\omega}_{1}))}$$
,

 $\omega z_{2} \cap \hat{u}_{3} \otimes \omega z_{2} = \frac{\hat{\omega}_{2} \circ z_{2} \circ z_{3}}{\hat{v}_{2} \otimes z_{3}} = \frac{\hat{\omega}_{2} \circ z_{3} \circ z_{3}}{\hat{v}_{2} \circ z_{3}} = \frac{\hat{\omega}_{2} \circ z_{3}$

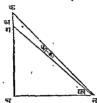
द्वये। प्रधातमापकरूपे ।

प्रषा_दकड्

= मधा
$$_{2}$$
अ + मधा $_{2}$ के जिया आ + मधा $_{2}$ ज्याका - मधा $_{2}$ ज्या (आ - का) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ ५) + मधा $_{2}$ ज्या (अ° । १ ५) - मधा $_{2}$ ज्या (अ° । १ ५) - मधा $_{2}$ ज्या (अ° । १ ५) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंग्स के ज्या (अ° । १ १ ५ ०) - रिंगस के ज्या (अ°) - रिंगस के ज्या (

∴ दूरता = १०८'२२९७ ।





अत्र (न)पर्वतोपत्यकाभूमी वेष्यस्थानम्। चन-पर्वतस्य ग-शिखरे कम-देवगृहम् । न-स्थानतो देवगृहाप्रवेधेन उन्नतांशाः ८ कनयः अ। 'एवं देवगृहमूछवेधेन उन्नतांशाः ८ गनच = का, कम = अ।

थ्वगृहमूलवयन अन्नताशाः ∠ गनच = का, कग = जा । सा = पर्वे । ४०'। का = प०ै । १५ं । अ = प० हसाः ।

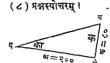
अत्र कनच-त्रिभुत्रस्य जात्यात्

.. गन =
$$\frac{\Theta \times \Phi}{\Im{al}(\Theta - \Phi)}$$
।

$$\therefore \frac{\eta - \frac{\forall \eta}{\xi} = \frac{\forall \eta}{\xi q_1 \angle \eta - \eta} = \frac{\forall \eta}{\xi q_1 (\Im(-\eta) \times \xi)} = \frac{\forall \eta}{\xi q_1 \eta}$$

.. चग = पर्वतौरुच्यम्
$$\approx \frac{3 \times 6 \int_0^2 41 \sin \times 521 \sin 1}{521 (611 - 611) \times 7}$$

∴ प्रचाद्च्या = प्रघाद्भ + प्रघा_{द्}कोड्याआ + प्रघा_{द्}ड्याका — प्रघा_दच्या(आ – का) – प्रघा_दच्या(९०)



जिसन् प्रश्ने प्रासोदो वर्त्तते इस्रत्र "प्रासादे वर्त्तते" इत्युद्धिः । द-संरसे दक्षिणभागः । उ-उत्तरभागः । चं-पूँवभागे द-स्यानात ध-इतान्तरे तथा उत्यानात् क-इत्तान्तरे वंद्रामूलम् । अत्र वंदर-कोणो सेथेन तातः ≕ेका, दर्व ≕क, उंवं ≕क।

∴ क' -- छा == दच' -- २श.दद.कोज्याका

= दर - २ भ.दर कोज्याका + छा . कोज्या का

∴ +मू=६३ - अ.कोब्याका ∴ अ.कोब्याका + मू = दर्व

क्षत्र अ.कोव्याका = ग कल्प्यते, तदा प्रपा_{द्}ग

= प्रधा_वक्ष + प्रधा_वकोज्याका =
$$\begin{cases} 7.20020303 \\ 0.05030303 \\ 2.20030303 \end{cases}$$

ं. ग= १८६ ३६१ । अध क^र - अ'.ज्या का एतः मूलार्थ

भरे.ज्या का = चर कल्प्यते तदा प्रघातच

$$= \lambda \pi 1^{2} + \lambda \pi 1^{2} \pi 1 = \begin{cases} \frac{\delta \cdot \pi^{2} \cdot \delta}{\delta \cdot \pi^{2} \cdot \delta} \\ \frac{\delta \cdot \pi^{2} \cdot \delta}{\delta \cdot \delta} \end{cases}$$

·ॱ भृघा_{ट्}च³ = २(११.८६०८१२८) = २३.७२१८२५८

∴ च³ = ५२७०-१८

$$= \frac{1}{1} \frac{1}{1} \sqrt{\frac{22}{12} \frac{2}{12} \frac{2}{12$$

.'. देव = २१९'९७२ वा १५२'७५

(९) मक्षस्योत्तरम् ।



भत्र द्यो, शा शास्त्रजीवृक्षी, वे.स्या वेश्यस्थानम् । ततः भ, क भुजी तदन्तर्गतकोणधैते शाताः । एम्यो ग-भुनन्नभाणमन्वेष्यम् ।

- ... २अ.क.कोड्यागा = अ°+क° ग°
- ∴ ग°= अ° + क° २अ.क.कोड्यागा
- .. ग= √ अ'+ क' २अ.क.काल्यामा

क्षत्र २ अ.क.कोज्यागा = च

∴ प्रचा_दच = प्रघा_द२ + प्रघा_दभ + प्रघा_दक + प्रघा_दको उयागा

च = ३८२०५'११४

(१०) मश्चस्योत्तरम् ।



चर = पर्वतौरन्यम्, तत्र उद्दन्तम्भः, द-प्रथमवेध्यस्थानम्। ज-पर्वताध.प्रदेशस्यं द्वितीयवेध्यस्थानम्।इद्ज-कोण: व्यर्भा व्यर्श।२०, 'इजच-कोणः = का ≔४५° । ४२′, चजच-कोणः व्या = ३५° । ३ई जद = अ = १५०, अत्र पर्वतौच्ह्यं स्तम्भोच्छ्रातिशीते अपेक्षे । द्जइ-त्रिभुजे जइद-कोण: = का - भा,

∴ इरज-त्रिमुने इजर-घोषाः ≂ का – गा

इजर-त्रिभुज एव जर≂ <u>इज×कोज्याका</u> कोज्यास

$$\therefore eq = \frac{as \times aqini}{2} = \frac{e \times aqie \times aqie \times aqiqi}{2 \times aqi(ei - ei)} क्रिव्यागा}$$

सनयो: प्रधातमापकरूपे

प्रयाद्व = प्रयाद्व + प्रयाद्व याक्षा + प्रयाद्व या(का - गा) - प्रघा_द्या(का - क्षा) ~ प्रघा_दक्षाञ्यागा

$$= \begin{cases} \frac{+id \cdot i \beta \zeta_i \eta \alpha_i \beta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j} \\ +\frac{-id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j} \\ +\frac{-id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j} \end{cases} - \begin{cases} \frac{+id \cdot \beta \eta \theta_i \eta_j \eta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j \eta_j} \\ +\frac{-id \cdot \beta \eta \theta_i \eta_j \eta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j \eta_j} \\ +\frac{-id \cdot \beta \eta \theta_i \eta_j \eta_j \eta_j}{+id \cdot \beta \eta \theta_i \theta_j \eta_j \eta_j} \end{cases}$$

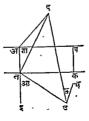
$$= \begin{cases} + & .5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \\ - & .5 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \\ - & .5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \end{cases}$$

प्रघादु उंच = प्रघादु अ + प्रघादु ज्याक्षा + प्रघादु को ज्याका +

प्रघा_{द्}रुयागा - २० - प्रघा_{द्}रुया(का - आ) - प्रयादकोज्यागा

∴ प्रधा_दत्रच = '१९५६३८३ ∴ स्च = १५६'८९८५

(११) प्रश्नस्योत्तरम्।



श्रत्र कर्रपते अपकत = नद्याकृतिभागः । यत्र अ अपरभागे, श्रद = देवगृहीच्यम् । तत्र = (वेश्यपारे) प्रवणभूप्रदेशः । तत्र उ = श्र्यभूप्रदेशचिद्धम् , त = तंस्प्रदेशाचिद्धम् । अद्द-रेता त्व-विन्दुतः क्षि-तिजसमानान्तरधरातस्यकाता अप-रेखोपरि तथा तक-रेखोपरि स्वश्यर्पा, स स्थानात् प्रावण्यकोणः = आ, त-स्थानाद् देवमन्दिरामवेधेनोञ्जतांद्याः = का, उ स्थानाद् देवमन्दिमवेधेनोञ्जतांद्याः = गा, श्रतः सत नदी-विस्तृतेत्वाथा अद-मन्दिरौच्च्यमानस्य च त्वानमपेद्यम् ।

अंत्रद्मवध्यं यत् उन्छानात् क्षितिजसमानाननरघरातळं तद्व-धिंतदेवमन्दिराधगरेषां स्ट्रोत् तन्छानतद्यथा र स्थानतद्य क्षिति -समानान्तरघरातछान्तरादरुषं मन्दिरीच्च्यमिति ।

अत्र उ-स्थानलग्र:कोण: प्रावण्यम् = आ, ∴ ८कअउ = आको,

उक त्रिभुजे (३८)प्रक्रमतः —

च्याआ = - श्वत' + अक' - कत' २अत.अक , द्वितीयपदे कोटिज्याया ऋणत्वात्

कर'⊂अर'+अक'+२वर. अक. ज्यात्रा,

क्ट = अड्- अक् ∴ कर' = अड्' - २अड्. अक+ अक',

.. अइ'-- अर' = २थह.अक+२अर.अक.ज्याशा

= अक २(अइ + अर. क्याआ)

भन्न हरे २(भर्म अव.ज्याक्षा) द्वितीयखण्डस्य प्रधा**त**मापक-

रूपम् ।

प्रचा_{द्}भव-|-प्रचा_{द्}ज्यामा

.:. २(हाइ + ५·४९५) = २(३२ + ५**·**४९५) [°]

$$\therefore \alpha \varepsilon = \frac{\varepsilon i \xi^* - \alpha x^*}{2(\alpha \xi + \alpha x^2 \cdot 20161)} = \frac{6 \cdot 28 \cdot 24 \xi}{6 \cdot 28 \cdot 24 \xi}$$

(१३) मक्षस्योत्तरम् ।



छुत्रापि समानमूमी स्थिता कस्य चिदुवसूमिष्टस सम्मस्याममृठ्यवसूत्रीरपत्रकोणो चिद सस्यामेव समानभूमी स्थानान्वरे स्थितस्वा विष्यवा जनेन पूर्वविद्धामम्ह्योरपत्रकोणसमानः कोणः प्राप्तस्वदा
सम्मप्रमाणरूपाधारे त्रिमुजद्वरमुख्यवे वयोः शोपंत्रानावाधारसंमुखी कोणी समानावतस्त्व त्रिमुजद्वयमेकष्ट्वान्वर्गातम् । इयमेव संस्थाऽस्मिन् १३प्रमेऽप्यवोऽत्र प्रधमवेषस्थानम् (प), द्विवीयवेषस्थानम्
(ए), स्वत्रममूब्य् (स), सम्माप्य (स), चैत्रेयख्रवुभ्यो बिन्दुभ्यख्रुमुंजं धृत्वान्वर्गात्वर् । वेषस्थानान्वरम् वप = २०० = क । अप्रमूर्जराक्षकीणः ८ सपस्य = ८ सद्य = सा = ८ । ४० । स्वस्मप्रमाणम् = अस
= ११० = स ।

$$\therefore \operatorname{sequety}_{\frac{1}{2} = \frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2^{2} \operatorname{curism}} = \frac{\pi}{2^{2} \operatorname{curi$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2\pi^{1}}\left(\frac{1}{2\pi^{1}}\right)^{2} - \frac{1}{2\pi^{2}} = \frac{1}{2}C_{\frac{1}{2}} \cdot 0S$$

तदा प्रया_वइ = प्रघा_वञ - प्रघा_वञ्याका

$$= \frac{?}{?} \left\{ \sqrt{\frac{\omega}{aqimi}} \right\}^2 - \sigma^2 - \omega \right\} \xi \xi \hat{H}_{\xi} q \hat{h}_{\xi} \hat{h}_{\xi} \hat{h}_{\xi} q \hat{h}_{\xi}$$
 अञ्च कोप्रकान्तर्गतप्रथमस्वण्डस्य

$$\therefore HH = \frac{?}{2} \left\{ \sqrt{\frac{H^2}{H^2} - \tilde{\phi}^2} - H \right\}$$

१३प्रअस्योत्तरम् ।

(१४) पश्रस्योत्तरम् ।



कल्प्यते

षत्र मग≕राजसदनोच्छ्रितिः I

त्र = प्रथमबृक्षमूङम् । द्वि = द्वितीयगृक्षमूङम् ।

प्र-दि ≃ वृक्षमृहान्तरम् ।

गच-गछ-रेखे अघरांशकोणहानार्थ

पृष्ठस्या टिप्पण्यवलोक्या ।

गमप्रत्रिभुजस्य जात्यत्वात् गप्र गमद्वित्रिभुजस्यापि जात्यत्वात्

ं, गप्रद्वि-त्रिमुजे 'प्रद्वि' वृक्षः प्रक्रमतः—

> गत'+गद्धि'-प्रद्वि' २गत्रगद्धि = कोज

∴ गप्र'+गद्धि' - प्रदेि' : ∴ प्रद्धि' = गप्र'+गद्धि'

= गम' + गम'

$$= \pi \mu^* \left(\frac{\eta}{\pi \pi i^* \sin \theta} + \frac{\eta}{\pi \pi i^* \sin \theta} - \frac{\eta}{\pi \pi i^* \sin \theta} \right)$$

∴ प्रद्वि = गम 🗸 कोछ'आ + कोछ'का - २कोछआ. कोछका.कोज्यागा

$$= 81/\frac{2}{941^3 \text{ell}} + \frac{2}{941^3 \text{ell}} - 2 = 3 + \frac{2}{94191} \times \frac$$

भत्र हस्तादिमानानयनार्थ 'छपुरिक्य'-सारिजीतः प्रघातमापह-

.. प्रयाह क = २० - प्रयाहर उपासा, प्रयाह त = २० - प्रयाह २ व्याका,

प्रघा_{द्}च =प्रघा_{द्}र+प्रघा_दकोव्यागा +ृ१० - प्रघा_{द्}व्याया -

प्रघाद्व यथा ।

-2.0884380

प्रशन्ते हत्तरम् ३५४-३४९ इदमशुद्धम् ।

(१५) प्रश्नस्योत्तरम् ।



अत्र पूर्वी-परायता पृठ-भितद्वादशहस्त्रोच्छ्रिता पूरुतमू-भित्तस्त्रधा द्वादशहस्त्रोच्छ्रित यान्यात्तरा छयदम् भित्तिरन्या पश्चिमिक्षिशं संखप्राऽखि इष्टमये पूर्वकपाछे ह्योभित्त्योदछाये समानभूमी पिति ।
स्यो: पूर्वोपरभित्तेदछाया क-भितोत्तरस्यां दिशि पितता सथा यान्योसरभित्तेदछाया ग-भिता पश्चिमस्यां दिशि पितता । अत्र रवेदत्रतांशास्तत्र दिगशाञ्च के इति त्रत्रः । इह क-भिता भुजः, ग-भिता कोटिः,
मूच-भितः कर्णः । वासाविको भुजञ्च क,ग-भिता कोटिस्तवो वास्तिविकी छाया मूच-भिता = √क्रिक्ते । अय मूचअ-जात्रिञ्चले

च्या ∠ वमूल = च्यादि =
$$\frac{8 \times \pi m}{4}$$
 = $\frac{8 \times \pi m}{\sqrt{\pi^2 + n^2}}$ = $\frac{1}{\sqrt{\pi^2 + n^2}$

.'. पूर्वक्ष्याळे उत्तरा ।देगंझाः
$$= 5या^{-1}$$
 $\frac{{\bf e}_i}{\sqrt{{\bf e}^2+11^2}}$

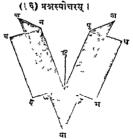
धयोन्नतांशार्यमुपायः । पूर्वोक्तक्षेत्रे मूच-भितेव छाया भुजो हादश कोटिश्नयोर्वगान्तरपदं कर्णः, एवं दृग्ज्या भुज चन्नतांशज्या शङ्कः कोटिक्तिस्या कर्णधानयोः क्षेत्रयोः साजात्यं प्रसिद्धमतः

$$\frac{g_1q}{g_1q_1} = \frac{g_1q_2q}{g_1q_2} = \frac{q_1q_2q}{g_1q_2} = \frac{g_1}{\sqrt{g_1^2 + q_1^2}}$$

$$\therefore q_1q_2q_2q_3 = q_1q_3q_4 + (0 - q_1q_2q)$$

$$= 2 \cdot 0.09 (282 + (0 - 2828) \cdot 900$$

= स्प⁻¹॰ १०'३८०२११२ = ६७°। २२′। ४८″।



कल्यतामिइ पूर्वापरा अ-इस्रोच्छ्राया धमू-भित्तिरक्षित तथा तदु-च्छ्रायेवान्ये। तरभागे पू-पूर्वाचेह्रात आ-कोणान्वरे गता मून-भित्तिरक्षित ययोश्छाया धमू-भित्तेदक्षिणतस्त्रया मून-भित्तेरक्षायाविस्तृतिः मूर-रेखा पूजवाधनमू-रूपा भूगो पतिता । तत्र मूपिभित्तेरछायाविस्तृतिः मूर्र-रेखा क-भिता तथाऽन्यभित्तेरछायाविस्तृतिः मूभ-रेखा ग-निता, एते छाये तथा पूम्रि-रोणा वा तसुत्य इवाअ-कोणश्रेति प्रयं झात्वा दिगंशा चन्नतांशाश्र कियन्त इति प्रशः ।

अत्रं वाअमू-कोणस्वया वाइमू-कोणश्च नवलंशामेवोऽतः अवाइमू-चतुर्मुजं पृत्तान्वगतम् । तत्र अवाइ-कोणः आ-मिवोऽतः १८० – आ == ८ इम्म ।

∵ **स**इ = 1 र क र + गरे + २ क.ग.को ज्याला

चक्तचतुर्भुत्रस्य धृत्तान्तर्गतत्वात् ८ इत्रम् = ८ इवाम्, किन्तु

. इवामू = ८पृम्दि = दिगंशाः । ∴८इवामू = दिगंशाः ।

∴ ज्यादि = ज्यामा × क

√ **६' +ग' + २क.ग.को**ज्याक्षा

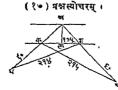
अत्र इरस्तरूपम्=1/३°+४°+२×३×४×काज्याभा।

.: है' ≈ २५ + २४ × कोब्यामा ।

==१५+२४ו३८२६८३४

= 54+6.1588014=38.1588014 1

·· √38.158808£=4.58£0...



फल्पवे अवाक्तीरस्थः सरस्यदेशः कग=१०५, कघ=६०, गघ=२१४, गव=९०, कघ=२१५, एऽयः अस्त-प्रमाणो स्वा वि-सारोऽपेक्ष्यः।

(३८ प्रक्रमतः) कगच-त्रिमुजे कोग्या ८कमच= कच'-कग'-गव' २क्ना.गव

$$= \frac{5 \times 600 \times 60}{(560, -(100, +60))} = \frac{36400}{000}$$

$$= \frac{(288) - (204 + 5)}{2 \times (34 \times 50)} = \frac{89408}{2900} = 448$$

$$\therefore \operatorname{sq} = \frac{8 \cdot 4 \times \operatorname{sq}(4 \cdot \xi' \mid 3 \not \mid 1 \cdot \xi')}{\operatorname{sq}(8 \cdot \xi \mid 1 \mid 2 \not \mid 1 \mid \xi')}$$

∴ भगळ-त्रिभुजऽनुपात्तत:

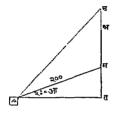
.. प्रधातमायकरूपम्---

प्रचाद अङ = प्रचाद १७५ + प्रचाद ब्या(५६°। १ई) र्-प्रचाद ब्या (७६°। १६°) - १० - प्रचाद ब्या(४०°। १ई)

$$= \begin{cases} +5.6869700 \\ +6.6565705 \\ +6.609869 \\ +5.609869 \\ +5.6890500 \\ -60 \end{cases}$$

=(+२२.१५१७३७० - १९.८६५६५२१) =२.२८६०८३९ ∴ जळ = १९२.२३३ हस्ताः, इदमेव पात्रप्रमाणम् । प्रभान्ते पात्र-मनाणम्=२००.८६२८ हस्ताः, इदमग्रुखम् ।

(१८) प्रश्नस्योत्तरम्।



... ८पमस = १८० -(९० - आ) = ९० + आ

खम (३८)बक्रमनः कोज्या ८ पमड = ज्याक्षा = प्रश्न-पमः — सत्र

```
= मप् + अस + भवा + २पम.धम - २पम.धव - २थम.धव
= मेपि + मर + २ ह्याका. मप. मर
= मप् + (अउ + क्षम) + २ उयाना मप् (अउ + सम)
= मप् + खढ + अम + २ अव. अम + २ ज्याखा. मप् (अव + अम)
... २मप् अम -- २मप् अन -- २अम् अन
= २ अउ.सम + २ ज्याआ.मप(अउ +सम )
= २०१३,धम + २९याआ.मप.अर + २९याआ.मप.अम
... २पम.जम - २उयाआ.मप.कम
= २ वर.धम +२पम.घर + २ अम.अर + २ त्याआ.मप.अर
== ४अड. अम + २पम. अड + २व्याखा. मप. अड |
२क्षम( सप — ख्याब्रा मप )
 = धर( ४अम + २मप + २७या आ.मप )
 = २ अम.मप(१ - ज्याआ)
 = जड { ४अम + २मप(१+ ज्याआ)
 .. अड = चड्डीनमानम् = अग्र.मप्(१ - ड्याआ)
२श्म + मप्(१ + ड्याआ)
 = स.क(१-उयाधा)
२अ+क(१+उयाधा)
 अस्य गणितम् ।
 स्ह्रीनमानम् = अर = य = अ.क(१-स्यामा)
२श + क(१ + स्यामा)
  = \frac{5 \times 100 + 500 (1 + .3820500)}{500 \times 500 (1 + .3820500)}
  =\frac{500+500+500\,(.5850505)}{20000\,(.58768685)}=\frac{8.6580505}{155.757680505}
   = १८.088484 1
```

(१९) मश्रस्योत्तरस्।



शत करूपते कम = सरख्यदेशः = स्व मश = वंदाः, यस्य मूख-विरद्धः = म, अमविरद्धः = स, कम-वेदसस्य मध्यपदेशः = पःविरद्धः । ∠मकश = ्रमाश = आ । ८ भणश = का, ८ क्षमश = ०३मशण = ∠पमश = ९६, सरखभूभितळोषरि वंदास्य खण्यरूपतात् । मश = वंदाः = या ।

गात्कोत्रमाभा =कम, कमम-विश्वत्रमा समद्विवाद्ववस्तात् प्रमाभा =कम, कमम-विश्वतमा समदिवाद्ववस्तात् , सरक्षप्रदेशार्पविन्युनो भेशमूळवर्षम्यं चम्प्रेस्या कम-रेस्पोविर कस्त्रस्ता

्रा!', कोश्रा!'कार ४ - उपा'का, बना' = सा' ४ कोश्रया'वा १ प्रया'का

्, मा',प्रकोष्टया'भा,पवा'ना -- ववा'भा,प्रवा'ना,नाव'

= गा' × प्रत्रया'मा.कीरया'का

ुः, या'.४कोप्रया'भा.प्रया'का -- या'.४प्रया'भा.कोप्रया'का

स्न, क, म त्रीणि स्थानाति करूपन्ते । तत्र धन्स्थानात् कन्स्थानं प्राच्यां वर्तते । धन्स्थानात् गन्सानं च आन्ध्रशान्तरे बन्स्थानती दक्षिणभागे क्षं-इस्तिवान्तरे तिष्टति । गन्सानं प्राप्यमस्ति किन्तु कन्स्थानाद् दक्षिणगमनमशक्त्यमतो गन्स्यानं क्षिन्सुनेनः बन्स्थानात् स्रन्थानं प्रत्यक् गत्यां आन्ध्रशान्तरेण चल्तितो गस्यानं स्टब्स् । सत्र पस घटनप्रदेशः अक्+धग=क । अक≕य ∴ अग≈क−य ।

(३८ प्रकारत:) कोडयाआ =
$$\frac{u'+(\pi-u)'-\omega'^2}{2u(u-\pi)}$$

ः, २य' – २कय =
$$\frac{44'-47'}{8+43}$$

अत्र १+कोज्याका = २कोब्या' ३ सा

पत्तदेव क-स्थानात् अ-स्थानस्थान्तरम् ।

एतत् अ-स्थानात् ग-स्थानस्थान्तरम् ।

पुस्तकप्राप्तिस्थानम्—

हरिकृष्णदास, मालिक गुप्तबुङ्डीपो, कचौरी गली

•वनारस सिटी ।

विज्ञापनम् ।

अस्तु निवेदनं सप्रार्थनं सर्वेषां सञ्जनानां पुरतो यदिह कार्योलये वेद-वेदाङ्ग-(ज्याकरण ज्योतिष-निरूक धर्मश्रास्त्र-वे-दभाष्य-छन्दःश्वास्त्र) पद्दर्शनपुराणोपपुराणेतिहास-रामायण-काव्य नाटक चम्पू-प्रशृति-सर्वविषयकाणि ग्रम्बयी पूना कलि-काता-कात्रीस्थ-यन्त्राळयेषु समुद्रितानि पुस्तकानि लभ्यन्ते ।

अत्रद्मवगच्छन्तु विद्वांसो यदस्मात् कार्योल्यायानि पुस्तकानि भेष्यन्ते तेषां भत्येकं पत्रं चावलोक्य देवात् कष्टकादिदोपतो यदि क्वत्रापि पत्र वैकत्यादि शाष्यते तदा तत्
ततो निरस्य तत्स्यानेऽन्यत् सुदृद सन्निवेश्य मनोहराकारे सक्षल्लिखितस्यानेषु समुचितमूल्येनैव सार्वपानत्या पुस्तकानि
''भी. पी.'' द्वारा भेष्यन्ते ययाऽस्मदुबाहकाणां कथमपि हानिनै
भवेत् । सकृदृव्यवहारत एव विजनः सत्यताऽभिल्ह्यतेऽल्पधिकप्रशेसया किन्त्वयं शर्थना यत् पुस्तकल्पिस्ना स्वनामश्राम-'भी.आ-जिला' एतत् सुस्पष्ट स्वप्ते लेखनीयम् ।

पुस्तकशा**प्तिस्थानम्**

श्रीहरिकुष्वदास, माक्षिक, "गुप्तबुक्डीयो" कवीरीगली, बनारस सिटी ।